

1. 1부터 50 까지의 자연수를 모두 곱하면  $A \times (2 \times 5)^n$  이 될 때,  $n$ 의 값을 구하면?

① 10

② 11

③ 12

④ 13

⑤ 14

### 해설

$1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \cdots \times 49 \times 50$ 에서

2의 배수의 개수 : 25개

$2^2$ 의 배수의 개수 : 12개

$2^3$ 의 배수의 개수 : 6개

$2^4$ 의 배수의 개수 : 3개

$2^5$ 의 배수의 개수 : 1개

5의 배수의 개수 : 10개

$5^2$ 의 배수의 개수 : 2개이므로

$$\begin{aligned}\therefore 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \cdots \times 50 &= 2^{47} \times 5^{12} \times \cdots \\ &= A \times (2 \times 5)^{12}\end{aligned}$$

$$\therefore n = 12$$

2.  $4^3$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 12와 같다.
- ② 밑은 4이다.
- ③ 지수는 3이다.
- ④  $4 \times 4 \times 4$ 를 나타낸 것이다.
- ⑤  $3^4$ 보다 작다.

해설

- ①  $4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$  이므로 12와 같지 않다.
- ⑤  $3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$

### 3. $5^2$ 에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 10 과 같다.
- ② 5 의 제곱이다.
- ③ 지수는 5 이다.
- ④ 밑은 2 이다.
- ⑤  $2^5$  보다 크다.

#### 해설

- ①  $5^2 = 5 \times 5 = 25$  이므로 10 과 같지 않다.
- ③ 지수는 2 이다.
- ④ 밑은 5 이다.
- ⑤  $2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$  이므로  $5^2$  은  $2^5$  보다 작다.

4. 다음 보기 중 옳지 않은 것을 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ 1 은 소수이다.
- ㉡ 합성수는 약수가 3 개 이상인 수이다.
- ㉢ 6 의 배수 중 소수는 없다.
- ㉣ 10 이하의 소수는 모두 5 개이다.

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉠, ㉣

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

㉠ 1 은 소수가 아니다.

㉣ 10 이하의 소수는 2, 3, 5, 7 이다.

5. 1보다 큰 자연수 중에서 1과 그 자신만을 약수로 가지는 수를 소수라고 한다. 기원전 300년경 그리스의 수학자로 소수가 무한히 많음을 증명한 사람은?

① 칸토어

② 유클리드

③ 오일러

④ 골드바흐

⑤ 가우스

해설

유클리드는 ‘소수가 무한이다.’라는 것을 증명하였습니다.

## 6. 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 소수는 약수의 개수가 2 개이다.
- ② 소수는 모두 홀수이다.
- ③ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ④ 모든 자연수는 약수의 개수가 2 개 이상이다.
- ⑤ 자연수에는 소수와 합성수가 있다.

### 해설

- ② 2 는 유일한 짝수인 소수이다.
- ③ 가장 작은 소수는 2 이다. 1 은 소수가 아니다.
- ④ 1 은 약수의 개수가 1 개이다.
- ⑤ 자연수에는 소수와 합성수 그리고 1 이 있다.

7. 다음 중에서 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① 1 은 소수가 아니다.
- ② 모든 소수는 홀수이다.
- ③ 모든 수는 약수의 개수가 2 개 이상이다.
- ④ 가장 작은 소수는 3 이다.
- ⑤ 4 와 9 는 서로소이다.

해설

- ② 소수는  $2, 3, 5, 7, \dots$  이다.
- ③ 1 의 약수는 1 뿐이다.
- ④ 가장 작은 소수는 2 이다.

8. 다음 설명 중에서 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

① 합성수는 약수의 개수가 3 개이다.

② 짝수인 소수가 있다.

③ 1 은 소수도 합성수도 아니다.

④ 2 의 배수는 모두 합성수이다.

⑤ 소수는 모두 홀수이다.

해설

① 합성수의 약수의 개수는 3 개 이상이다.

④ 2 의 배수 중에 2 는 소수이다.

⑤ 짝수인 2 도 소수이다.

9. 135에 가장 작은 수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 어떤 수를 곱하면 되는가?

① 6

② 10

③ 12

④ 15

⑤ 18

해설

$$135 = 3^3 \times 5$$

곱해야 할 가장 작은 자연수는  $3 \times 5 = 15$

10.  $24 \times a = 90 \times b = c^2$  을 만족하는 가장 작은 자연수  $c$  의 값을 구하여라.  
(단,  $a$ ,  $b$ ,  $c$  는 모두 자연수이다.)

▶ 답:

▶ 정답: 60

해설

$$24 \times a = 90 \times b = c^2$$

$24 \times a$  와  $90 \times b$  가 어떤 수의 제곱수가 되어야 하므로 소인수분해를 해 보면

$$2^3 \times 3 \times a = 2 \times 3^2 \times 5 \times b$$

즉,  $c$  는 24 과 90 의 공배수이므로  $2^3 \times 3^2 \times 5$  의 배수이다.

그러므로 가장 작은  $c^2$  은  $2^4 \times 3^2 \times 5^2$  이어야 한다.

$$\therefore c = 2^2 \times 3 \times 5 = 60$$

11.  $2^2 \times 5 \times 7^2 \times 9$  의 약수의 개수를 구하면?

- ① 36개
- ② 42개
- ③ 48개
- ④ 54개
- ⑤ 58개

해설

$$2^2 \times 5 \times 7^2 \times 9$$

$$= 2^2 \times 5 \times 7^2 \times 3^2$$

$$(\text{약수의 개수}) = (2+1) \times (1+1) \times (2+1) \times (2+1) = 54 \text{ (개)}$$

12.  $3^2 \times 5^3$  으로 소인수분해되는 자연수의 약수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 12 개

해설

$3^2 \times 5^3$  의 약수의 개수는  $(2 + 1) \times (3 + 1) = 12$  (개) 이다.

13. 72의 약수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 12 개

해설

$$72 = 2^3 \times 3^2$$

약수의 개수는  $4 \times 3 = 12$  (개)이다.

#### 14. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 12, 30, 72 의 최대공약수는 6 이다.
- ② 18, 32, 84 의 최대공약수는 4 이다.
- ③ 24, 52, 108 의 최대공약수는 4 이다.
- ④ 16, 48, 120 의 최대공약수는 8 이다.
- ⑤ 9, 36, 96 의 최대공약수는 3 이다.

#### 해설

①

$$\begin{array}{r} 2 ) \quad 12 \quad 30 \quad 72 \\ 3 ) \quad 6 \quad 15 \quad 36 \\ \hline \quad \quad 2 \quad 5 \quad 12 \end{array}$$

최대공약수 : 6

②

$$\begin{array}{r} 2 ) \quad 18 \quad 32 \quad 84 \\ \quad \quad 9 \quad 16 \quad 42 \\ \hline \end{array}$$

최대공약수 : 2

③

$$\begin{array}{r} 2 ) \quad 24 \quad 52 \quad 108 \\ 2 ) \quad 12 \quad 26 \quad 54 \\ \hline \quad \quad 6 \quad 13 \quad 27 \end{array}$$

최대공약수 : 4

④

$$\begin{array}{r} 2 ) \quad 16 \quad 48 \quad 120 \\ 2 ) \quad 8 \quad 24 \quad 60 \\ 2 ) \quad 4 \quad 12 \quad 30 \\ \hline \quad \quad 2 \quad 6 \quad 15 \end{array}$$

최대공약수 : 8

⑤

$$\begin{array}{r} 3 ) \quad 9 \quad 36 \quad 96 \\ \quad \quad 3 \quad 12 \quad 32 \\ \hline \end{array}$$

최대공약수 : 3

15. 다음 수를 소인수분해하여 최대공약수를 구하여라.

45 , 72

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$45 = 3^2 \times 5$$

$$72 = 3^2 \times 2^3$$

따라서, 두 수의 최대공약수는 9이다.

16. 다음 수를 소인수분해하여 최대공약수를 구하여라.

140 , 450

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$140 = 2^2 \times 5 \times 7$$

$$450 = 2 \times 3^2 \times 5^2$$

따라서, 두 수의 최대공약수는  $2 \times 5 = 10$  이다.

## 17. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 9의 약수는 1, 3, 9이다.
- ② 18의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18이다.
- ③ 9와 18의 최대공약수는 9이다.
- ④ 9와 18의 모든 공약수는 두 수의 최대공약수인 9의 약수와 같다.
- ⑤ 9와 18의 공약수의 개수는 2개이다.

해설

⑤ 9와 18의 공약수의 개수는 최대공약수 9의 약수와 개수와 같으므로 3개이다.

18. 두 자연수  $a, b$  의 최대공약수가 24 일 때,  $a, b$  의 공약수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 8개

해설

$$\begin{aligned} a, b \text{ 의 공약수는 최대공약수 } 24 \text{ 의 약수와 같으므로 } 24 &= 2^3 \times 3 \\ (a, b \text{의 공약수의 개수}) &= (24 \text{의 약수의 개수}) \\ &= (3+1) \times (1+1) \\ &= 8(\text{개}) \end{aligned}$$

19. 두 수 84, 120의 공약수의 개수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 6

해설

84와 120의 최대공약수는 12이고, 12의 약수는 모두 6개이므로 84, 120의 공약수의 개수는 12개이다.

20. 세 자연수 8, 12, 16의 최소공배수는?

① 24

② 32

③ 36

④ 40

⑤ 48

해설

반드시 소수로만 나누는 것이 아니라 공통으로 나누어지는 수 중에서 가능한 한 큰 수로 나누어도 된다.

$$\begin{array}{r} 2 ) \underline{8 \quad 12 \quad 16} \\ 2 ) \underline{4 \quad 6 \quad 8} \\ 2 ) \underline{2 \quad 3 \quad 4} \\ \quad \quad 1 \quad 3 \quad 2 \end{array}$$

$$(\text{최소공배수}) : 2 \times 2 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 = 48$$

21. 다음 두 수의 최소공배수를 소인수의 곱으로 나타낸 것은?

36, 48

- ①  $2 \times 3$       ②  $2 \times 3^2$       ③  $2^2 \times 3^2$   
④  $2^4 \times 3$       ⑤  $2^4 \times 3^2$

해설

$$2) \underline{36}$$

$$2) \underline{18}$$

$$3) \underline{9}$$

$$\quad 3$$

$$2) \underline{48}$$

$$2) \underline{24}$$

$$2) \underline{12}$$

$$2) \underline{6}$$

$$\quad 3$$

$$\therefore 36 = 2^2 \times 3^2 \quad \therefore 48 = 2^4 \times 3$$

따라서 최소공배수는  $2^4 \times 3^2$  이다.

22. 소인수분해를 이용하여 15 와 21 의 최소공배수를 구하면?

① 80

② 82

③ 95

④ 105

⑤ 120

해설

$$15 = 3 \times 5, 21 = 3 \times 7$$

$$\text{최소공배수} : 3 \times 5 \times 7 = 105$$

23. 12의 배수도 되고 20의 배수도 되는 수는?

- ① 4의 배수
- ② 24의 배수
- ③ 36의 배수
- ④ 60의 배수
- ⑤ 120의 배수

해설

12와 20의 공배수는 두 수의 최소공배수인 60의 배수이다.

24. 어떤 두 자연수의 최소공배수가 34 일 때, 두 자연수의 공배수 중 두 자리 수를 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : 34

▶ 정답 : 68

해설

최소공배수는 공배수 중에서 제일 작은 수를 말하므로 최소공배수 34 의 배수를 구하면 된다.

두 자연수의 공배수는  $34, 68, 102, \dots$  이고, 이 중에서 두 자리 공배수는 34, 68 이다.

25. 윤호는 어떤 수의 배수에 ○표를, 준수는 어떤 수의 배수에 □표를 했다. 윤호와 준수가 둘 다 표시한 부분이 어떤 두 수의 최소공배수일 때, 두 자연수의 공배수를 작은수부터 3개까지 구하여라.

|    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 1  | 2  | 3  | 4  | 5  | 6  | 7  | 8  | 9  | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 29 | 30 |
| 31 | 32 | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 28

▷ 정답 : 56

▷ 정답 : 84

### 해설

윤호가 ○표 한 수는 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32, 36, 40 이므로 40 이하의 4의 배수이다.

준수가 □표 한 수는 7, 14, 21, 28, 35 이므로 40 이하의 7의 배수이다.

둘 다 표시한 부분은 28 이므로 4와 7의 최소공배수는 28이고, 공배수는 최소공배수 28의 배수인 28, 56, 84, …이다.

26. 100 이하의 자연수 중 5의 배수이거나 7의 배수인 것의 개수는?

① 31 개

② 32 개

③ 33 개

④ 34 개

⑤ 35 개

해설

100 이하의 자연수 중 5의 배수의 개수는 20개

100 이하의 자연수 중 7의 배수의 개수는 14개

100 이하의 자연수 중 5의 배수이면서 7의 배수인 것의 개수는  
2개

100 이하의 자연수 중 5의 배수이거나 7의 배수인 것의 개수는

$$20 + 14 - 2 = 32$$

27. 100 부터 300 까지의 자연수 중에서 3, 4 중 어떤수로도 나누어 떨어지지 않는 수의 갯수는 모두 몇 개인가?

- ① 67      ② 99      ③ 100      ④ 101      ⑤ 200

해설

3의 배수의 갯수는  $100 - 33 = 67$ ,

4의 배수의 갯수는  $75 - 24 = 51$ ,

12의 배수의 갯수는  $25 - 8 = 17$

따라서 3, 4중 어떤 수로도 나누어 떨어지지 않는 수의 갯수는

$$201 - (67 + 51 - 17) = 100$$

28. 자연수  $a$ 의 약수의 개수를  $A(a)$ 로 나타낼 때,  $A(24) \times A(x) = 32$ 에서 가장 작은  $x$ 의 값은?

- ① 9      ② 8      ③ 7      ④ 6      ⑤ 4

해설

$$24 = 2^3 \times 3 \text{ 이므로}$$

$$\begin{aligned}A(24) &= (3+1) \times (1+1) \\&= 4 \times 2 = 8\end{aligned}$$

$$8 \times A(x) = 32$$

$$A(x) = 4$$

약수의 개수가 4개인 수 중에서 가장 작은 수는  $2 \times 3 = 6$ 이다.