

# 1. 다음 중 인수분해가 잘못된 것을 고르면?

- ①  $(x - y)^2 - xy(y - x) = (x - y)(x - y + xy)$
- ②  $3a^2 - 27b^2 = 3(a + 3b)(a - 3b)$
- ③  $64a^3 - 125 = (4a + 5)(16a^2 - 20a + 25)$
- ④  $(x^2 - x)(x^2 - x + 1) - 6 = (x^2 - x + 3)(x + 1)(x - 2)$
- ⑤  $2x^2 - 5x + 3 = (x - 1)(2x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}64a^3 - 125 &= (4a)^3 - (5)^3 \\&= (4a - 5)(16a^2 + 20a + 25)\end{aligned}$$

2.  $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$  을 인수분해하면?

- ①  $(a + b)(a - b)(b + c)$
- ②  $(a - b)(b - c)(c + a)$
- ③  $(a - b)(a + b)(b - c)$
- ④  $(a - b)(a + b)(c - a)$
- ⑤  $(a - b)(b + c)(c - a)$

해설

$$\begin{aligned}a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\= (a - b)(a + b)(b - c)\end{aligned}$$

3. 다음 중 다항식  $x^4 - 5x^2 + 4$ 를 인수분해 할 때, 나타나는 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 1$
- ②  $x - 2$
- ③  $x - 3$
- ④  $x + 1$
- ⑤  $x + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 5x^2 + 4 &= (x^2 - 1)(x^2 - 4) \\&= (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2)\end{aligned}$$

4. 다음 중 다항식  $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 3$

②  $x + 3$

③  $x^2 + 1$

④  $x^2 + 9$

⑤  $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해하면

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$

$$= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$$

⑤  $x^2(x + 3) + x + 3 = (x^2 + 1)(x + 3)$

5.  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$ 의 인수가 아닌 것은?

- ①  $a - b + c$       ②  $a + b - c$       ③  $-a + b - c$   
④  $-a + b + c$       ⑤  $-a - b + c$

해설

$$\begin{aligned}a^2 - b^2 - c^2 + 2bc &= a^2 - (b^2 + c^2 - 2bc) \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= (a + b - c)(a - b + c)\end{aligned}$$

인수 :  $(a + b - c)$ ,  $(a - b + c)$ (단, 복부호 동순)

6. 다음 중  $(a^2 + b^2)^2 - 4a^2b^2$  을 옳게 인수분해 한 것은?

- ①  $(a - b)^2(a + b)^2$       ②  $(a^2 - b^2)(a^2 + b^2)$
- ③  $(a - b)^2(a^2 + b^2)$       ④  $(a^2 - b^2)(a + b)^2$
- ⑤  $(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)^2$

해설

$$\begin{aligned}(a^2 + b^2)^2 - 4a^2b^2 \\&= (a^2 + b^2 - 2ab)(a^2 + b^2 + 2ab) \\&= (a - b)^2(a + b)^2\end{aligned}$$

7.  $x^4 - 6x^2 + 1$  을 인수분해 하였더니  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  가 되었다.  
이 때,  $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

- ① -2      ② 2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 1 &= (x^4 - 2x^2 + 1) - 4x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - (2x)^2 \\&= (x^2 + 2x - 1)(x^2 - 2x - 1) \\&= (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d) \\∴ a + b + c + d &= -2\end{aligned}$$

8. 다항식  $2x^2 + xy + 5x - y^2 + 2y + 3$  가  $(2x + ay + b)(x + cy + d)$  로  
인수분해 될 때,  $a, b, c, d$ 의 값을 차례로 적은 것은?

① 1, 3, 1, 1

② 1, 3, -1, 1

③ -1, 3, 1, 1

④ -1, 3, -1, 1

⑤ -1, -3, 1, 1

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3) \\&= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\} \\&= (2x-y+3)(x+y+1)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 3, c = 1, d = 1$$

9.  $xy(x-y) + yz(y-z) + zx(z-x)$  을 인수분해하면?

- ①  $-(x-y)(y-z)(z-x)$       ②  $-(x+y)(y-z)(z-x)$   
③  $-(x-y)(y+z)(z-x)$       ④  $-(x-y)(y-z)(z+x)$   
⑤  $-(x-y)(y+z)(z+x)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= xy(x-y) + zx(z-x) + yz(y-z) \\&= yx^2 - y^2x + z^2x - zx^2 + yz(y-z) \\&= (y-z)x^2 - (y^2 - z^2)x + yz(y-z) \\&= (y-z)x^2 - (y+z)(y-z)x + yz(y-z) \\&= (y-z)\{x^2 - (y+z)x + yz\} \\&= (y-z)(x-y)(x-z) \\&= -(x-y)(y-z)(z-x)\end{aligned}$$

10. 다음 중 다항식  $a^3(b-c) + b^3(c-a) + c^3(a-b)$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $a - b$

②  $b - c$

③  $c - a$

④  $a + b + c$

⑤  $\textcircled{a} - b + c$

해설

주어진 식을  $a$ 에 관하여 정리하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^3(b-c) - a(b^3 - c^3) + bc(b^2 - c^2) \\&= (b-c)\{a^3 - a(b^2 + bc + c^2) + bc(b+c)\} \\&= (b-c)\{b^2(c-a) + b(c^2 - ca) - a(c^2 - a^2)\} \\&= (b-c)(c-a)(b^2 + bc - ac - a^2) \\&= (b-c)(c-a)\{c(b-a) + (b^2 - a^2)\} \\&= (b-c)(c-a)(b-a)(a+b+c)\end{aligned}$$

11. 등식  $f(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x+a)(x+b)(x+c)$  일 때,  $a+b+c$ 의 값은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

조립제법을 사용한다

1	1	4	1	-6
		1	5	6
-2	1	5	6	0
		-2	-6	
-3	1	3	0	
			-3	
	1		0	

$$x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x-1)(x+2)(x+3)$$
$$\therefore a+b+c = 4$$

12.  $x^6 + 4x^4 + x^2 - 6$  을  $(x+a)(x+b)(x^2+c)(x^2+d)$ 로 인수분해 될 때,  
 $a+b+c+d$ 의 값은?

- ① -5      ② -2      ③ 0      ④ 3      ⑤ 5

해설

조립제법을 이용한다.

$$\begin{aligned}x^6 + 4x^4 + x^2 - 6 &= (x+1)(x-1)(x^4 + 5x^2 + 6) \\&= (x+1)(x-1)(x^2+2)(x^2+3) \\\therefore a+b+c+d &= 5\end{aligned}$$

13. 서로 다른 세 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$  를 만족할 때,  
 $x + y + z$  의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz$$

$$= (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx) = 0$$

$$(x + y + z) = 0 \text{ 또는 } x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx = 0$$

$$\therefore x + y + z = 0 \text{ 또는 } \frac{1}{2} \{(x - y)^2 + (y - z)^2 + (z - x)^2\} = 0$$

그런데  $x, y, z$  가 서로 다른 세 실수 ( $x \neq y \neq z$ ) 이므로  
 $x + y + z = 0$

14. 삼각형 ABC의 세변의 길이  $a, b, c$  사이에  $a^3 + a^2b - ac^2 + ab^2 + b^3 - bc^2 = 0$ 인 관계가 성립할 때 삼각형 ABC는 어떤 삼각형인가?

- ①  $b = c$  인 이등변 삼각형
- ②  $a = c$  인 이등변삼각형
- ③  $b$  가 빗변의 길이인 직각삼각형
- ④ 정삼각형
- ⑤  $c$  가 빗변의 길이인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2(a+b) + b^2(a+b) - c^2(a+b) \\&= (a+b)(a^2 + b^2 - c^2) = 0\end{aligned}$$

$$a^2 + b^2 = c^2 \quad (\because a+b \neq 0)$$

$\therefore c$  가 빗변의 길이인 직각삼각형

15.  $(2^{48} - 1)$ 은 60 과 70 사이의 어떤 두 수로 나누어 떨어진다. 이 두 수는?

① 61, 63

② 61, 65

③ 63, 65

④ 63, 67

⑤ 67, 69

해설

$$\begin{aligned}2^{48} - 1 &= (2^6 - 1)(2^6 + 1)(2^{12} + 1)(2^{24} + 1) \\&= 63 \cdot 65 \cdot (2^{12} + 1)(2^{24} + 1)\end{aligned}$$

따라서  $2^{48} - 1$ 은 63과 65로 나누어 떨어진다.

16.  $\frac{2006^3 - 1}{2006 \times 2007 + 1}$  의 값을 구하면?

- ① 2005      ② 2006      ③ 2007      ④ 2008      ⑤ 2009

해설

$a = 2006$  로 놓으면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{a^3 - 1}{a(a+1) + 1} = \frac{(a-1)(a^2 + a + 1)}{a^2 + a + 1} \\&= a - 1 = 2005\end{aligned}$$

17.  $a+b+c = 1$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 5$ ,  $a^3+b^3+c^3 = 2$  일 때,  $abc$ 의 값은?

①  $-\frac{5}{3}$

② 0

③  $\frac{5}{3}$

④  $\frac{5}{2}$

⑤ 1

해설

$$a^2 + b^2 + c^2$$

$$= (a+b+c)^2 - 2(ab+bc+ca) \quad | \text{므로}$$

$$5 = 1 - 2(ab+bc+ca)$$

$$\therefore ab+bc+ca = -2$$

$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

$$= (a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) \quad | \text{므로}$$

$$2 - 3abc = 1 \cdot (5 + 2)$$

$$\therefore abc = -\frac{5}{3}$$

18.  $a - b = 3$ ,  $b - c = 1$  일 때,  $ab^2 - a^2b + bc^2 - b^2c + ca^2 - c^2a$ 의 값은?

① -14

② -12

③ -8

④ -4

⑤ 0

해설

$$a - b = 3 \quad \cdots \textcircled{1}, \quad b - c = 1 \quad \cdots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} \text{에서 } a - c = 4$$

$$\begin{aligned} & \therefore ab^2 - a^2b + bc^2 - b^2c + ca^2 - c^2a \\ &= ab(b-a) + c^2(b-a) - c(b^2 - a^2) \\ &= ab(b-a) + (b-a)\{c^2 - c(b+a)\} \\ &= (b-a)(ab + c^2 - bc - ca) \\ &= (b-a)\{a(b-c) + c(c-b)\} \\ &= (b-a)(b-c)(a-c) \\ &= (a-b)(b-c)(c-a) \\ &= 3 \times 1 \times (-4) = -12 \end{aligned}$$

19. 두 다항식  $A = x^2 - x - 2$ ,  $B = x^2 - 5x + 6$ 에 대하여 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 두 다항식의 최대공약수는  $x - 1$ 이다.
- ② 두 다항식의 최소공배수는  $x^3 - 4x^2 - 3x + 6$ 이다.
- ③ 두 다항식의 합은 최대공약수와 같다.
- ④ 두 다항식의 차는 최소공배수와 같다.
- ⑤ 두 다항식의 곱은 최대공약수와 최소공배수의 곱과 같다.

해설

$$A = (x - 2)(x + 1), \quad B = (x - 2)(x - 3)$$

최대공약수 :  $x - 2$

최소공배수 :  $(x - 2)(x + 1)(x - 3)$

$$\therefore (\text{두 다항식의 곱}) = (\text{최대공약수}) \times (\text{최소공배수}) = (x - 2)^2(x + 1)(x - 3)$$

20. 두 다항식  $x^2 + ax - 2$ ,  $x^2 + 3x + b$ 의 최대공약수가  $x - 1$  일 때, 두 실수  $a, b$ 의 합  $a + b$ 의 값은?

- ① -3      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 3

해설

최대공약수가  $x - 1$  이므로 각각의 식에  $x = 1$  을 대입하면 0이 된다.

$$\therefore 1 + a - 2 = 0, 1 + 3 + b = 0 \text{에서 } a = 1, b = -4$$

$$\therefore a + b = -3$$