- 1. 다음 중 유리수가 아닌 수는?
 - ① $(-\sqrt{0.3})^2$ ② $-\sqrt{1}$ ③ $\sqrt{3.9}$ ④ $\sqrt{\left(-\frac{2}{7}\right)^2}$

- 다음 중 유리수가 아닌 수를 모두 고르면? (정답 2개) .
 - $-\sqrt{0.16}$ $-\sqrt{4}$ 1.27
- $\sqrt{0.3}$

 $\sqrt{3}$ $\sqrt{2} - 1$

 $-\sqrt{0.16} = -0.4 \; , -\sqrt{4} = -2 \;$ 이므로 유리수이다.

다음 중 순환하지 않는 무한소수가 되는 것은 모두 몇 개인지 구하여라. 3.

 $\sqrt{0.9}$, $2\sqrt{6}$, $\sqrt{0.04}$, $\sqrt{\frac{2}{4}}$, $\sqrt{9} - \sqrt{3}$

<u>개</u> ▶ 답: ▷ 정답: 3<u>개</u>

순환하지 않는 무한소수는 무리수이다.

 $\sqrt{0.9} = \sqrt{\frac{9}{9}} = 1$, $\sqrt{0.04} = 0.2$ 유리수이다. 따라서 $2\sqrt{6}$, $\sqrt{\frac{2}{4}}$, $\sqrt{9}$ – $\sqrt{3}$ 이 무리수이다.

4. 다음 보기 중 무리수는 모두 몇 개인지 구하여라.

5.492, $-1 + \sqrt{1}$, 3.14, $-\sqrt{16}$, π , $2\sqrt{2} - \sqrt{3}$

답:▷ 정답: 2<u>개</u>

V 06 : 2<u>*11</u>

 $5.4\dot{9}\dot{2}=rac{5438}{990}\;,\,-1+\sqrt{1}=0\;,\,-\sqrt{16}=-4$ 이므로 유리수이다. 따라서 무리수는 $\pi,\;2\sqrt{2}-\sqrt{3}$ 이다.

5. 다음 중 옳은 것은?

- ③ $\sqrt{9} + \sqrt{16} = \sqrt{9+16}$ 이다.
- $9 \quad \mathbf{79} + \mathbf{710} = \mathbf{79} + \mathbf{10} \quad \mathbf{74}$
- ④ 2√3 = √6 이다.
 ⑤ π는 유리수이다.

① 음수의 제곱근은 없다.

해설

- ④ $2\sqrt{3} = \sqrt{2^2 \times 3} = \sqrt{12}$ ⑤ π 는 무리수이다.

6. 다음 중 옳은 것은?

- ① 정수가 아닌 유리수는 유한소수이거나 순환소수이다. ② 순환소수가 아닌 무한소수는 유리수이다.
- ③ 순환소수는 무리수이다.
- ④ 무한소수는 무리수이다.
- ⑤ 무한소수는 순환소수이다.

유리수는 유한소수 또는 순환소수로 나타낼 수 있다.

해설

무리수는 순환하지 않는 무한소수로 나타내어진다.

7. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

 $\frac{1}{\sqrt{5}}$ 는 자연수가 아니다. $3\sqrt{4}$ 는 무리수이다. $\sqrt{0.01}$ 는 정수가 아닌 유리수이다. $\sqrt{9} \times \frac{\sqrt{4}}{4}$ 는 자연수이다.

답:답:

▷ 정답: ⑤

▷ 정답: ②

 $\bigcirc \frac{1}{\sqrt{5}}$ 는 무리수이다.

 $\bigcirc 3\sqrt{4}$ 는 6이므로 자연수이므로 무리수가 아니다.

(② $\sqrt{9} \times \frac{\sqrt{4}}{4} = 3 \times \frac{2}{4} = \frac{3}{2}$ 이므로 자연수가 아니다.

 \bigcirc $\sqrt{0.01} = 0.1$ 이므로 정수가 아닌 유리수이다.

8. 다음 보기 중 옳은 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

- ① a가 자연수 일 때, \sqrt{a} 가 유리수인 경우가 있다. (정수)
- (정수) (0이 아닌 정수) 꼴로 나타낼 수 없는 수는 무리수이다.
 무리수에는 음수와 양수가 모두 존재 한다.

<u>개</u>

- ② 구 가 #은 답 가 하 가 그 가 는 # 은 가② 근호 안의 수가 제곱수인 수는 무리수이다.
- ⓐ \sqrt{n} 이 무리수가 되는 것은 n이 소수일 때이다.

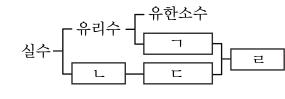
정답: 3<u>개</u>

ⓐ 근호 안의 수가 제곱수인 수는 유리수이다.

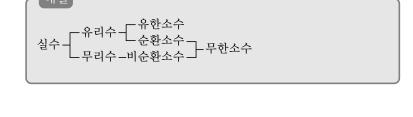
답:

ⓐ $\sqrt{6}$ 은 무리수이지만, 6 은 소수가 아니다.

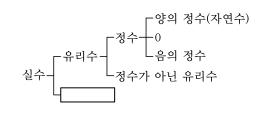
9. 다음은 실수를 분류한 표이다. \Box 안에 들어갈 말로 바르게 짝지어진 것을 $\underline{\mathbf{PF}}$ 고르면? (정답 2개)



- ③ c. 무한소수 ④ c. 순환소수
- ① ㄱ. 비순환소수 ② ㄴ. 무리수
- ⑤ ㄹ. 무한소수



10. 다음 중 만의 수에 해당하지 <u>않는</u> 것은?



- ① $\sqrt{5} + 1$ ② $-\frac{\pi}{2}$ ③ $\sqrt{0.9}$ ④ $-\sqrt{2.89}$ ⑤ $0.1234\cdots$



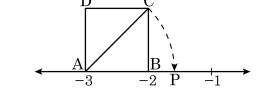
11. 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?

- ① 두 유리수 $\frac{1}{5}$ 과 $\frac{1}{3}$ 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다. ② 두 무리수 $\sqrt{5}$ 와 $\sqrt{6}$ 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ③ √5 에 가장 가까운 유리수는 2 이다.
- ④ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이지만, 서로 다른 두 무리수의 합 또한 반드시 무리수이다. ⑤ 실수와 수직선 위의 점 사이에는 일대일 대응이 이루어진다.

③ $\sqrt{4}$ 와 $\sqrt{5}$ 사이에는 무수히 많은 유리수가 존재 한다.

- ④ 두 무리수를 더해 유리수가 될 수도 있다. 예) $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$

12. 다음 그림에서 $\Box ABCD$ 는 한 변의 길이가 1 인 정사각형이고, $\overline{AC} = \overline{AP}$ 이다. 점 P 에 대응하는 수를 $a + \sqrt{b}$ 라고 할 때, 유리수 a, b 의 곱 ab 의 값을 구하여라.

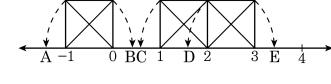


답:▷ 정답: ab = -6

 $a + \sqrt{b} = -3 + \sqrt{2}$

해설

13. 다음 그림과 같이 수직선 위에 한 변의 길이가 1 인 정사각형을 그린 것이다. A, B, C, D, E 의 좌표를 옳게 구한 것은?

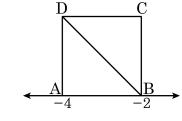


- ① $A(-1-\sqrt{2})$ ② $B(\sqrt{2})$ ③ $C(1-\sqrt{2})$

 $A(-\sqrt{2})$, $B(-1+\sqrt{2})$, $C(2-\sqrt{2})$, D(3 - $\sqrt{2})$, $E(2+\sqrt{2})$

이므로 ④이다.

14. 다음과 같이 수직선 위의 점 A(-4), B(-2)에 대하여 선분 AB를 한 변으로 하는 정사각형 ABCD 가 있다. 점 B 를 중심으로 하고, 대각선 BD 를 반지름으로 하는 반원의 넓이를 구하여라.

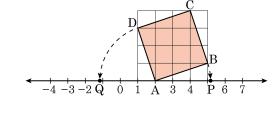


답:▷ 정답: 4π

해설 정사각형 ABCD의 한 변의 길이가 (-2) - (-4) = 2 이므로

대각선 BD의 길이는 $2\sqrt{2}$ 이다. 반지름이 $2\sqrt{2}$ 인 반원의 넓이는 $\frac{1}{2} \times \pi \times (2\sqrt{2})^2 = 4\pi$ 이다.

15. 다음 그림에서 수직선 위의 점 P 와 Q 사이의 거리를 구하면? (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)



① 6 ② 8 ③ $\sqrt{10}$

 $4 2\sqrt{10}$

⑤ $3\sqrt{10}$

□ABCD 의 넓이는 (큰 정사각형 넓이)–(삼각형 네 개의 넓이의

해설

 $\square ABCD$ 의 넓이는 $16-4 \times \frac{1}{2} \times 1 \times 3 = 10$

 \therefore $\Box {\rm ABCD}$ 의 한 변의 길이는 $\sqrt{10}$ 이다.

 $\overline{AP} = \overline{AB} = \overline{AD} = \overline{AQ} = \sqrt{10}$ 점 P 는 2 보다 $\sqrt{10}$ 만큼 큰 수에 대응하는 점이다. $P(2+\sqrt{10})$

점 Q 는 2 보다 $\sqrt{10}$ 만큼 작은 수에 대응하는 점이다. $\mathrm{Q}(2-\sqrt{10})$ $\therefore \overline{PQ} = (2 + \sqrt{10}) - (2 - \sqrt{10}) = 2\sqrt{10}$

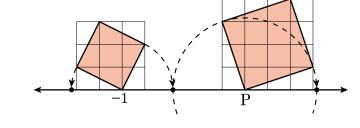
- **16.** 정사각형 ABCD 가 다음 그림 과 같을 때, 수직선 위의 점 P, Q 에 대응하는 좌표를 각각 p, q라 할 때, p-q 의 값이 $a\sqrt{b}$ 이 다. a+b 의 값을 구하시오. (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)

▶ 답: ightharpoonup 정답: a + b = 3

 $\square ABCD$ 의 면적이 5 이므로 $\square ABCD$ 한 변의 길이가 $\sqrt{5}$ 이다.

 $p=-1-\sqrt{5}$, $q=-1+\sqrt{5}$ $p - q = -1 - \sqrt{5} + 1 - \sqrt{5} = -2\sqrt{5}$ 이므로 a+b=3이다.

17. 넓이가 5 와 10 인 정사각형 2 개를 그림과 같이 놓았을 때, 점 P 의 좌표를 구하면?

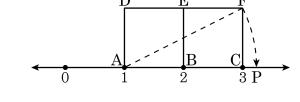


- ① $-1 \sqrt{5} \sqrt{10}$ $3 -1 - \sqrt{5} + \sqrt{10}$
- ② $-1 + \sqrt{5} \sqrt{10}$ $\bigcirc -1 + \sqrt{5} + \sqrt{10}$
- $\bigcirc 1 + \sqrt{5} + \sqrt{10}$

해설

 $P = -1 + \sqrt{9 - 4} + \sqrt{16 - 6} = -1 + \sqrt{5} + \sqrt{10}$

18. 다음 그림에서 □ABED , □BCFE 는 정사각형이고, 점 P 는 A 를 중 심으로 하고 $\overline{\mathrm{AF}}$ 를 반지름으로 하는 원이 수직선과 만나는 교점이라 할 때, 점 P 의 좌표를 바르게 나타낸 것은?



- ① $1 + \sqrt{3}$
- ② $\sqrt{3} 1$
- $31 + \sqrt{5}$

해설

(4) $\sqrt{5} - 1$

$\overline{AF} = \overline{AP} = \sqrt{5}$

점 P 는 점 A(1) 에서 오른쪽으로 $\sqrt{5}$ 만큼 더해진 점이므로

좌표는 $1+\sqrt{5}$ 이다.

19. 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 두 정수 0 과 1 사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ② 두 무리수 $\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{3}$ 사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ③ 모든 유리수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.
- ④ 모든 실수는 수직선 위의 모든 점과 일대일 대응된다.
- ⑤ 수직선은 유리수에 대응하는 점으로 완전히 메워져 있다.

⑤ 수직선은 실수에 대응하는 점으로 완전히 메워져 있다.

- 20. 다음 중 수직선 위의 모든 점과 일대일 대응하는 수는?
 - ④ 유리수⑤ 실수

해설

- ① 자연수 ② 정수 ③ 무리수

연속성을 갖는 수는 실수뿐이며 수직선 위의 모든 점과 일대일 대응을 이루는 수는 실수이다.

- 21. 수직선 위에 유리수에 대응하는 점들이 찍혀있다. 점들로 수직선을 가득 메우려면, 어떤 수가 필요하겠는가?

 - ① 자연수 ② 음의 정수
- ③ 무리수

해설

④ 음의 실수⑤ 유리수

연속성을 갖는 수는 실수뿐이며 수직선 위의 모든 점과 일대일

대응을 이루는 수는 실수이다. 실수는 유리수와 무리수로 구분된다. 따라서 유리수와 무리수가 합해졌을 때, 수직선을 가득 메울 수

있다.

 ${f 22}$. 다음은 $a=3\sqrt{2}+1$, $b=2\sqrt{3}$ 의 대소를 비교하는 과정이다. 결과에 해당하는 것을 찾으면?

> $a - b = \left(3\sqrt{2} + 1\right) - \left(2\sqrt{3}\right)$ $=\sqrt{18}-\sqrt{12}+1$

 \bigcirc a > b② $a \ge b$ ③ a < b ④ $a \le b$ ⑤ a = b

 $\sqrt{18}+1>\sqrt{12}$ 이기 때문에 $\sqrt{18}-\sqrt{12}+1$ 의 값 또한 0 보다

해설

크다. a와 b 의 대소 관계를 구할 때, a-b 의 값이 양수이면 a>b이고, 음수이면 a < b 이므로

정답은 a > b 이다.

23. 다음 보기 중 두 수의 대소 관계가 옳은 것을 모두 골라라.

 \bigcirc $\sqrt{20} - 4 > 1$

© $\sqrt{15} - \sqrt{17} > -\sqrt{17} + 4$ © $2 - \sqrt{3} < \sqrt{5} - \sqrt{3}$ © $-\sqrt{7} - \sqrt{2} > -\sqrt{7} - 1$ © $\frac{1}{2} - \sqrt{5} < -\sqrt{5} + \frac{\sqrt{2}}{4}$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: つ ▷ 정답: ②

 \bigcirc $\sqrt{20} - 4 - 1 = \sqrt{20} - 5 = \sqrt{20} - \sqrt{25} < 0$

해설

 $\therefore \sqrt{20} - 4 < 1$ \bigcirc $\sqrt{15} - \sqrt{17} - (-\sqrt{17} + 4) = \sqrt{15} - 4$

 $=\sqrt{15}-\sqrt{16}<0$ $\therefore \sqrt{15} - \sqrt{17} < -\sqrt{17} + 4$

 $=-\sqrt{2}+1<0$

 $\therefore -\sqrt{7} - \sqrt{2} < -\sqrt{7} - 1$

- **24.** $\sqrt{18} + 3$ 과 $\sqrt{15} 2$ 중 큰 수를 a, $2\sqrt{7}$ 과 $3\sqrt{2} 1$ 중 작은 수를 b라고 할 때, b-a 의 값을 구하면?
 - 2 2 ① 4
- $3 \ 0 \qquad 4 \ -2$

① $\sqrt{18} + 3 - (\sqrt{15} - 2) = \sqrt{18} + 3 - \sqrt{15} + 2 > 0$

해설

- $\therefore \sqrt{18} + 3 > \sqrt{15} 2$
- ② $2\sqrt{7} (3\sqrt{2} 1) = 2\sqrt{7} 3\sqrt{2} + 1 = \sqrt{28} \sqrt{18} + 1 > 0$ ∴ $2\sqrt{7} > 3\sqrt{2} 1$ $\therefore a = \sqrt{18} + 3 = 3\sqrt{2} + 3, b = 3\sqrt{2} - 1$
- $b-a=3\sqrt{2}-1-(3\sqrt{2}+3)=-4$ 이다.

- ${f 25.}$ $A=5\sqrt{2}-2~, B=3\sqrt{2}+1~, C=4\sqrt{3}-2~$ 일 때, 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

 - ① A > B > C ② A > C > B $\textcircled{4} \quad B > C > A \qquad \qquad \textcircled{5} \quad C > A > B$
- $\bigcirc B > A > C$

 $A-B=2\sqrt{2}-3<0$ 이므로 A< B

 $A-C=5\sqrt{2}-4\sqrt{3}>0$ 이므로 A>C $\therefore B > A > C$ 이다.

① A

(2)

③ C

4 A = C

해설

 $A - B = (\sqrt{5} + \sqrt{3}) - (\sqrt{5} + 1) = \sqrt{3} - 1 > 0$ $\therefore A > B$ $A - C = (\sqrt{5} + \sqrt{3}) - (3 + \sqrt{3}) = \sqrt{5} - 3 < 0$ $\therefore A < C$

따라서 B < A < C 이다.

- 27. 다음에 주어진 수를 크기가 작은 것부터 차례로 나열할 때, 세 번째에 해당하는 것은?
 - ① $\sqrt{5} + \sqrt{2}$ ② $-\sqrt{5}$
 - (4) $\sqrt{5} + 1$ (5) $-2 \sqrt{5}$

양수는 음수보다 크므로 양수는 양수끼리, 음수는 음수끼리 비

교한다. i) $-\sqrt{5} - (-2) = -\sqrt{5} + \sqrt{4} < 0$

- $\therefore -\sqrt{5} < -2$ ii) $-\sqrt{5} - (-2 - \sqrt{5}) = 2 > 0$
- $\therefore -\sqrt{5} > -2 \sqrt{5}$ iii) $\sqrt{5} + \sqrt{2} - (\sqrt{5} + 1) = \sqrt{2} - 1 > 0$
 - $\therefore \sqrt{5} + \sqrt{2} > \sqrt{5} + 1$
- 따라서 주어진 수의 순서는 $-2 - \sqrt{5} < -\sqrt{5} < -2 < \sqrt{5} + 1 < \sqrt{5} + \sqrt{2}$

28. 다음 세 수 a, b, c 의 대소 비교를 하여라.

$$a = 2\sqrt{3} - 1, b = 3\sqrt{2} - 1, c = 9 - 3\sqrt{3}$$

답:

▷ 정답: a < b < c</p>

 $a = 2\sqrt{3} - 1 = \sqrt{12} - 1$ $b = 3\sqrt{2} - 1 = \sqrt{18} - 1$ $c = 9 - 3\sqrt{3} = 9 - \sqrt{27}$ $c - b = 9 - 3\sqrt{3} - 3\sqrt{2} + 1$ $= 10 - 3(\sqrt{3} + \sqrt{2}) > 0 \qquad \therefore c > b$ $\therefore c > b > a$

29. 다음 세 수 a , b , c 의 대소 관계를 올바르게 나타낸 것은?

$$a = \sqrt{3} + 3$$
, $b = 5 - \sqrt{2}$, $c = 4$

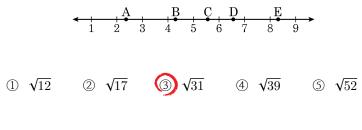
- ① a < b < c ② b < a < c ④ c < b < a < c

 $b-c = (5-\sqrt{2})-4 = 1-\sqrt{2} < 0, b < c$

해설

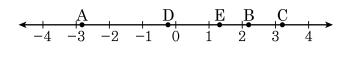
 $a - c = (\sqrt{3} + 3) - 4 = \sqrt{3} - 1 > 0, a > c$ $\therefore b < c < a$

30. 다음 수직선에서 C에 해당하는 실수는?



 $\sqrt{25} < x < \sqrt{36}$ $\therefore \sqrt{25} < \sqrt{31} < \sqrt{36}$

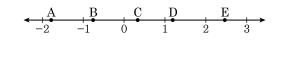
31. 다음은 점 A, B, C, D, E 를 수직선에 표시한 것이다. <u>잘못</u> 표시한 것은?



A: $-\sqrt{8}$ B: $\sqrt{5}$ C: $3\sqrt{2} - 1$ D: $-\sqrt{2}$ E: $\frac{\sqrt{7}}{2}$

① A ② B ③ C ④ D ⑤ E

A: $-\sqrt{8} = -2. \times \times \times$ B: $\sqrt{5} = 2. \times \times \times$ C: $3\sqrt{2} - 1 = 3. \times \times \times$ D: $-\sqrt{2} = -1. \times \times \times$ E: $\frac{\sqrt{7}}{2} = 1. \times \times \times$ **32.** 다음 수직선에서 $3\sqrt{2} - 5$ 에 대응하는 점은?



① A ②B ③ C ④ D ⑤ E

 $\sqrt{16} < 3\sqrt{2} < \sqrt{25}$ 에서

 $4 < 3\sqrt{2} < 5$ 이므로 $-1 < 3\sqrt{2} - 5 < 0$ 이다. $\therefore 3\sqrt{2} - 5$ 에 대응하는 점은 점 B 이다.

33. 두 실수 $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{2}+1$ 사이의 무리수는 모두 몇 개인가?

 $\sqrt{3} + 0.09$, $\sqrt{3} + 0.5$, $\sqrt{2} + 0.5$ $\sqrt{2} + 0.09$, $\sqrt{2} + 0.9$, $\sqrt{3} + 0.7$

① 2 ② 3

4 5 **5 6**

 $\sqrt{2} = 1.414, \quad \sqrt{3} = 1.732$ $\sqrt{3} < x < \sqrt{2} + 1 \rightarrow 1.732 < x < 2.414$

 $\sqrt{2} + 0.09 = 1.414 + 0.09 = 1.504$ $\sqrt{3} + 0.7 = 1.732 + 0.7 = 2.432$

34. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- √3과 √10 사이의 실수는 무수히 많다.
 √3과 √10 사이의 정수는 2개이다.
- ③ $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 유리수는 유한개이다.
- ④ $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 무리수 x는 무수히 많다.
- ⑤ $\frac{\sqrt{3}+\sqrt{10}}{2}$ 는 $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이에 있는 무리수이다.
- 2 2 VS A V10 M 1 1 M L 1 4 1 1 9 1

 $\sqrt{3}$ 과 $\sqrt{10}$ 사이의 정수는 $\sqrt{4}=2,\ \sqrt{9}=3$ 의 2 개이고, 유리

해설

수와 무리수는 무수히 많다.

35. 다음 두 수 6 과 15 사이에 있는 정수 n 에 대하여 \sqrt{n} 이 무리수인 n의 개수는?

⑤7 개 ① 11 개 ② 10 개 ③ 9 개 ④ 8 개

해설 $7\sim 14$ 까지의 정수 중 $3^2=9$ 제외.

7, 8, 10, 11, 12, 13, 14 (77)