

1.  $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$  을 인수분해하면?

- ①  $(a+b)(a-b)(b+c)$       ②  $(a-b)(b-c)(c+a)$   
③  $(a-b)(a+b)(b-c)$       ④  $(a-b)(a+b)(c-a)$   
⑤  $(a-b)(b+c)(c-a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\ &= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\ &= (a - b)(a + b)(b - c) \end{aligned}$$

2. 다음 중  $x^2 + y^2 + 2xy - 2x - 2y$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x + y$       ②  $-x - y$       ③  $x + y - 2$   
④  $x - y$       ⑤  $2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= (x^2 + 2xy + y^2) - 2(x + y) \\&= (x + y)^2 - 2(x + y) \\&= (x + y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

한편,

$$\begin{aligned}(x + y)(x + y - 2) &= -(-x - y)(x + y - 2) \\&= \frac{1}{2}(2x + 2y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

3.  $N = 69^3 + 3 \cdot 69^2 + 3 \cdot 69 + 1$  의 양의 약수의 개수는?

- ① 6 개      ② 12 개      ③ 20 개      ④ 24 개      ⑤ 64 개

해설

$$\begin{aligned}N &= 69^3 + 3 \cdot 69^2 + 3 \cdot 69 + 1 \\&= (69 + 1)^3 = (2 \cdot 5 \cdot 7)^3\end{aligned}$$

따라서  $N$ 의 양의 약수는 개수는  $4^3 = 64$

4. 다음 세 다항식에서 최대공약수를 구하면?

$$2x^2 - 3x + 1, \quad 3x^2 - x - 2, \quad x^2 + 3x - 4$$

①  $x - 1$

②  $2x - 1$

③  $x - 2$

④  $x + 3$

⑤  $x + 1$

해설

$$2x^2 - 3x + 1 = (2x - 1)(x - 1)$$

$$3x^2 - x - 2 = (3x + 2)(x - 1)$$

$$x^2 + 3x - 4 = (x + 4)(x - 1)$$

따라서 최대 공약수는  $x - 1$ 이다.

5.  $16a^4 - 250ab^3$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $a$       ②  $2a - 5b$   
③  $2a(2a - 5b)$       ④  $4a^2 + 10ab + 25b^2$   
⑤  $2a(2a + 5b)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2a(8a^3 - 125b^3) \\&= 2a\{(2a)^3 - (5b)^3\} \\&= 2a(2a - 5b)(4a^2 + 10ab + 25b^2)\end{aligned}$$

6.  $x^4 - 23x^2y^2 + y^4$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2)$
- ②  $(x^2 + 2xy + y^2)(x^2 - 2xy + y^2)$
- ③  $(x^2 + 3xy + y^2)(x^2 - 3xy + y^2)$
- ④  $(x^2 + 4xy + y^2)(x^2 - 4xy + y^2)$
- ⑤  $(x^2 + 5xy + y^2)(x^2 - 5xy + y^2)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^4 + 2x^2y^2 + y^4 - 25x^2y^2 \\&= (x^2 + y^2)^2 - (5xy)^2 \\&= (x^2 + y^2 + 5xy)(x^2 + y^2 - 5xy) \\&= (x^2 + 5xy + y^2)(x^2 - 5xy + y^2)\end{aligned}$$

7. 다음 중 다항식  $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$ 의 인수인 것은?

- ①  $x + y + 2$       ②  $x - y + 2$       ③  $x + 2y + 1$   
④  $x - 2y + 1$       ⑤  $x + y + 1$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2 \\= x^2 + (3y - 1)x + 2y^2 - 3y - 2 \\= x^2 + (3y - 1)x + (2y + 1)(y - 2) \\= (x + 2y + 1)(x + y - 2)\end{aligned}$$

8.  $a(b^2 - c^2) + b(c^2 - a^2) + c(a^2 - b^2)$  을 인수분해하면?

- ①  $-(a - b)(b - c)(c - a)$       ②  $(a - b)(b - c)(a - c)$   
③  $-(b - a)(b - c)(c - a)$       ④  $(a - b)(b - c)(c - a)$   
⑤  $(a - b)(b - c)(c + a)$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= (c - b)a^2 + (b^2 - c^2)a + bc(c - b) \\&= (c - b)|a^2 - (c + b)a + bc| \\&= (c - b)(a - b)(a - c) \\&= (a - b)(b - c)(c - a)\end{aligned}$$

9. 서로 다른 세 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$  를 만족할 때,  
 $x + y + z$  의 값은?

① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} & x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz \\ &= (x + y + z)(x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx) = 0 \\ & (x + y + z) = 0 \text{ 또는 } x^2 + y^2 + z^2 - xy - yz - zx = 0 \\ & \therefore x + y + z = 0 \text{ 또는 } \frac{1}{2}((x-y)^2 + (y-z)^2 + (z-x)^2) = 0 \end{aligned}$$

그런데  $x, y, z$  가 서로 다른 세 실수 ( $x \neq y \neq z$ ) 이므로  
 $x + y + z = 0$

10.  $\frac{1999^3 + 1}{1999 \cdot 1998 + 1}$  의 값은?

- ① 1997    ② 1998    ③ 1999    ④ 2000    ⑤ 2001

해설

$$\begin{aligned} 1999 &= x \text{ 라 놓으면} \\ (\text{준 식}) &= \frac{x^3 + 1}{x(x - 1) + 1} = \frac{(x + 1)(x^2 - x + 1)}{x^2 - x + 1} \\ &= x + 1 = 1999 + 1 = 2000 \end{aligned}$$

11.  $a + b + c = 4$ ,  $ab + bc + ca = 3$ ,  $abc = 1$  일 때,  $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

① 30      ② 31      ③ 32      ④ 33      ⑤ 34

해설

$$\begin{aligned}(a + b + c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\ \text{위 식에 따라 } a^2 + b^2 + c^2 + 6 &= 16 \\ \therefore a^2 + b^2 + c^2 &= 10 \\ a^3 + b^3 + c^3 &= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc \\ &= 4 \times (10 - 3) + 3 \times 1 \\ &= 31\end{aligned}$$

12. 두 다항식  $x^2 + x - 2$ ,  $x^3 + 2x^2 - 3x$ 의 최대공약수를  $G(x)$ , 최소공배수를  $L(x)$  라 할 때,  $G(2) + L(2)$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 11      ③ 21      ④ 31      ⑤ 41

해설

$$x^2 + x - 2 = (x + 2)(x - 1)$$

$$x^3 + 2x^2 - 3x = x(x - 1)(x + 3)$$

$$\therefore G(x) = x - 1$$

$$L(x) = x(x - 1)(x + 2)(x + 3)$$

$$\therefore G(2) + L(2) = 1 + 40 = 41$$

13.  $a^2 - b^2 = 1$  일 때,  $((a+b)^n + (a-b)^n)^2 - ((a+b)^n - (a-b)^n)^2$  의 값은? (단,  $n$ 은 자연수)

- ① 2      ②  $2(a+b)^n$       ③ 4  
④  $4(a+b)^n$       ⑤  $4(a-b)^n$

해설

$(A)^2 - (B)^2$  형태이므로  
합차공식을 사용하여 정리하면  
 $(준식) = 4(a+b)^n(a-b)^n = 4(a^2 - b^2)^n = 4$

14.  $(a+b)(b+c)(c+a) + abc$ 를 인수분해 하면?

- ①  $(a+b)(ab+bc+ca)$       ②  $(b+c)(ab+bc+ca)$   
③  $(a+b)(a+b+c)$       ④  $(a+b+c)(ab+bc+ca)$   
⑤  $(b+c)(a+b+c)$

해설

$$\begin{aligned} a+b+c = k \text{ 라 하면} \\ (\text{준식}) &= (k-a)(k-b)(k-c) + abc \\ &= k^3 - (a+b+c)k^2 + (ab+bc+ca)k - abc + abc \\ &= k \{ k^2 - (a+b+c)k + (ab+bc+ca) \} \\ &= (a+b+c)(ab+bc+ca) (\because a+b+c = k) \end{aligned}$$

15. 삼각형 ABC의 세변의 길이  $a, b, c$  사이에  $a^3 + a^2b - ac^2 + ab^2 + b^3 - bc^2 = 0$ 인 관계가 성립할 때 삼각형 ABC는 어떤 삼각형인가?

- ①  $b = c$  인 이등변 삼각형
- ②  $a = c$  인 이등변삼각형
- ③  $b$ 가 빗변의 길이인 직각삼각형
- ④ 정삼각형
- ⑤  $c$ 가 빗변의 길이인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= a^2(a+b) + b^2(a+b) - c^2(a+b) \\&= (a+b)(a^2 + b^2 - c^2) = 0 \\a^2 + b^2 &= c^2 (\because a+b \neq 0) \\ \therefore c &\text{가 빗변의 길이인 직각삼각형}\end{aligned}$$

16.  $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$  을 인수분해하면?

- ①  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$       ②  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$   
③  $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$       ④  $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$   
⑤  $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + x &= X \text{ 라 하자.} \\(\text{준식}) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

17.  $(a^2 - 1)(b^2 - 1) - 4ab$  를 인수분해하면?

①  $(ab - a + b - 1)(ab - a - b - 1)$

②  $(ab - a + b + 1)(ab - a - b + 1)$

③  $(ab + a - b + 1)(ab - a + b - 1)$

④  $(ab + a + b - 1)(ab - a - b - 1)$

⑤  $(ab + a + b + 1)(ab + a - b - 1)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2b^2 - a^2 - b^2 + 1 - 4ab \\&= (a^2b^2 - 2ab + 1) - (a^2 + 2ab + b^2) \\&= (ab - 1)^2 - (a + b)^2 \\&= (ab + a + b - 1)(ab - a - b - 1)\end{aligned}$$

18.  $(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24$ 를 인수분해하면  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  일 때  $a + b + c + d$ 를 구하면?

- ① 16      ② -16      ③ 15      ④ 18      ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24 &\text{에서} \\ x^2 + 5x = t \text{로 치환하면} \\ (\text{준식}) &= (t + 4)(t + 2) - 24 \\ &= t^2 + 6t + 8 - 24 = t^2 + 6t - 16 \\ &= (t + 8)(t - 2) \\ \text{o}|\text{ 때 } t = x^2 + 5x \text{o}|\text{므로} \\ \therefore (x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x - 2) \\ \therefore a = 5, b = 8, c = 5, d = -2 \\ a + b + c + d = 5 + 8 + 5 + (-2) &= 16\end{aligned}$$

19. 다항식  $x^4 + x^2y^2 + 25y^4$  을 인수분해 하였더니  $(x^2 + mxy + 5y^2)(x^2 + nxy + 5y^2)$  가 되었다. 이 때 상수  $m, n$  의 합  $m + n$  的 값을 구하면?

- ① -6      ② -3      ③ 0      ④ 3      ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= x^4 + 10x^2y^2 + 25y^4 - 9x^2y^2 \\&= (x^2 + 5y^2)^2 - (3xy)^2 \\&= (x^2 + 5y^2 - 3xy)(x^2 + 5y^2 + 3xy) \\∴ m + n &= 0\end{aligned}$$

20. 다항식  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$ 를 인수분해 한 식은?

- ①  $(2x - y - 2)(x + y - 1)$       ②  $(2x + y + 2)(x - y + 1)$   
③  $(2x - y - 2)(x - y - 1)$       ④  $(2x + y - 2)(x + y - 1)$   
⑤  $(2x + y - 2)(x - y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= 2x^2 - (y + 4)x - (y^2 - y - 2) \\&= 2x^2 - (y + 4)x - (y + 1)(y - 2) \\&= \boxed{(2x + (y - 2))(x - (y + 1))} \\&= (2x + y - 2)(x - y - 1)\end{aligned}$$