

1. $x^2 - 9 + xy - 3y$ 를 인수분해하면?

- ① $(x + 3)(x + 3 + y)$
- ② $(x + 3)(x + 3 - y)$
- ③ $(x - 3)(x - 3 - y)$
- ④ $(x - 3)(x + 3 + y)$
- ⑤ $(x + 3)(x - 3 + y)$

해설

$$(x + 3)(x - 3) + y(x - 3) = (x - 3)(x + 3 + y)$$

2. 다음 다항식의 인수분해 과정에서 ㉠, ㉡에 이용된 공식을 보기에서 찾아 차례로 짹지은 것은?

$$\begin{aligned} & x^2 + 2xy + y^2 - 1 \quad \boxed{\quad} \quad ㉠ \\ & = (x+y)^2 - 1 \quad \boxed{\quad} \quad ㉡ \\ & = (x+y+1)(x+y-1) \quad \boxed{\quad} \end{aligned}$$

보기

- (가) $a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$
(나) $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$
(다) $x^2 + (a+b)x + ab = (x+a)(x+b)$
(라) $acx^2 + (ad+bc)x + bd = (ax+b)(cx+d)$

- ① (가), (나) ② (나), (가) ③ (가), (다)
④ (다), (가) ⑤ (가), (라)

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + 2xy + y^2 - 1 \\ & = (x+y)^2 - 1 \rightarrow a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2 \text{ 으 } ㉠ \\ & = (x+y+1)(x+y-1) \rightarrow (a^2 - b^2) = (a+b)(a-b) \end{aligned}$$

3. $x^2 + 2xy + y^2 - 5x - 5y$ 를 인수분해하면?

- ① (x + y)(x + y - 5) ② (x + y)(x + y - 10)
- ③ (x - y)(x + y - 5) ④ (x - y)(x - y - 5)
- ⑤ (x + y)(x - y + 10)

해설

$$(x + y)^2 - 5(x + y) = (x + y)(x + y - 5)$$

4. 인수분해 공식을 이용하여 다음 식을 계산하여라.

$$11^2 - 13^2 + 15^2 - 17^2 + 19^2 - 21^2$$

▶ 답 :

▶ 정답 : -192

해설

(준식)

$$\begin{aligned} &= (11 - 13)(11 + 13) + (15 - 17)(15 + 17) + \\ &\quad (19 - 21)(19 + 21) \\ &= -2(24 + 32 + 40) \\ &= -192 \end{aligned}$$

5. $\frac{28^2 - 11^2}{25 \times 17 - 17 \times 12}$ 의 값을 계산하면?

① 12

② 9

③ 6

④ 3

⑤ 1

해설

$$\frac{(28+11)(28-11)}{(25-12) \times 17} = \frac{39 \times 17}{13 \times 17} = 3$$

6. $5007 \times 5009 + 1$ 이 어떤 자연수의 제곱일 때, 어떤 자연수를 구하면?

- ① 5005
- ② 5006
- ③ 5007
- ④ 5008
- ⑤ 5009

해설

$$\begin{aligned}5007 \times 5009 + 1 &= (5008 - 1)(5008 + 1) + 1 \\&= 5008^2 - 1 + 1 = 5008^2\end{aligned}$$

7. 인수분해공식을 이용하여 $13^2 - 12^2 = 13 + 12$ 로 계산하였다. 이 때, 이용된 공식은?

① $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

② $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

③ $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

④ $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$

⑤ $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$

해설

$$13^2 - 12^2 = (13 + 12)(13 - 12) = 13 + 12 = 25$$

따라서 이용된 공식은 $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$ 이다.

8. $1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 + \cdots + 15^2 - 16^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -136

해설

$$\begin{aligned}& (1-2)(1+2) + (3-4)(3+4) + (5-6)(5+6) + \cdots + (15-16)(15+16) \\&= -(1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \cdots + 15 + 16) \\&= -(17 \times 8) \\&= -136\end{aligned}$$

9. $x + y = 2, x - y = 3$ 일 때, $x^2 - 2x + 1 - y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x + 1 - y^2 &= (x - 1)^2 - y^2 \\&= (x - 1 + y)(x - 1 - y) \\&= (x + y - 1)(x - y - 1) \\&= (2 - 1)(3 - 1) \\&= 1 \times 2 = 2\end{aligned}$$

10. $x = 3 + \sqrt{3}$ 일 때, $2x^2 - 9x + 9$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $3\sqrt{3} + 6$

해설

$$\begin{aligned}2x^2 - 9x + 9 &= (2x - 3)(x - 3) \\&= (6 + 2\sqrt{3} - 3)(3 + \sqrt{3} - 3) \\&= (3 + 2\sqrt{3})\sqrt{3} \\&= 3\sqrt{3} + 6\end{aligned}$$

11. $x + y = 5$, $xy = -3$ 일 때, $(x - y)^2$ 의 값은?

① 12

② 13

③ 25

④ 31

⑤ 37

해설

$$\begin{aligned}(x - y)^2 &= x^2 - 2xy + y^2 \\&= x^2 + 2xy + y^2 - 4xy \\&= (x + y)^2 - 4xy \\&= 5^2 - 4 \times (-3) \\&= 25 + 12 \\&= 37\end{aligned}$$

12. $a = 1 + \sqrt{2}$ 일 때, $\frac{a^2 - 2a + 3}{a - 1}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $2\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{a^2 - 2a + 3}{a - 1} &= \frac{(a^2 - 2a + 1) + 2}{a - 1} \\&= \frac{(a - 1)^2 + 2}{a - 1} \\&= \frac{(1 + \sqrt{2} - 1)^2 + 2}{1 + \sqrt{2} - 1} \\&= \frac{(\sqrt{2})^2 + 2}{\sqrt{2}} \\&= \frac{2 + 2}{\sqrt{2}} \\&= \frac{4}{\sqrt{2}} \\&= \frac{4\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2}\end{aligned}$$

13. $x = 4 + \sqrt{2}$ 일 때, $x^2 - 8x + 15$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

해설

$$\begin{aligned}(x - 5)(x - 3) &= (4 + \sqrt{2} - 5)(4 + \sqrt{2} - 3) \\ &= (\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1) = 1\end{aligned}$$

14. $a + b = 2$, $a^2 - b^2 = 10$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $a - b = 5$

해설

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b) = 2 \times (a - b) = 10$$

$$\therefore a - b = 5$$

15. $x^2 - 3x - 1 = 0$ 일 때, $x^2 + \frac{1}{x^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 11

해설

$x^2 - 3x - 1 = 0$ 의 양변을 x 로 나누어 주면,

$x - 3 - \frac{1}{x} = 0$ 이므로 $x - \frac{1}{x} = 3$ 이다.

$$\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 = 3^2 + 2 = 11$$

16. $9a^2 - 16b^2 = -12$ 이고 $3a - 4b = 4$ 일 때, $3a + 4b$ 의 값을 구하면?

① 2

② 3

③ -2

④ -3

⑤ -5

해설

$$(3a + 4b)(3a - 4b) = -12$$

$$\therefore 3a + 4b = -3$$

17. 직사각형의 넓이가 $(a+b)(a+b+1)-30$ 이고, 가로의 길이가 $(a+b-5)$ 일 때, 이 직사각형의 세로의 길이를 구하면?

- ① $a + b + 2$ ② $a - b + 6$ ③ $a + b - 6$
④ $a + b + 6$ ⑤ $a - b + 5$

해설

$a + b = A$ 라 두면

$$\begin{aligned}A(A + 1) - 30 &= A^2 + A - 30 \\&= (A + 6)(A - 5) \\&= (a + b + 6)(a + b - 5)\end{aligned}$$

따라서 세로의 길이는 $a + b + 6$ 이다.

18. 다음 중 x 에 관한 이차방정식은?

① $x(2x - 1) = 3x^2 + 1$

② $3x^2 + x = 3(x - 2)^2$

③ $x^3 - 4x + 3 = 1 + x^3$

④ $2x^3 - x = 0$

⑤ $(x - 2)(x - 5) = x^2 - 10$

해설

$ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$ 꼴이 이차방정식이다.

② $13x - 12 = 0$: 일차방정식

③ $4x - 3 = 0$: 일차방정식

④ $2x^3 - x = 0$: 삼차방정식

⑤ $7x - 20 = 0$: 일차방정식

19. 직선 $ax - 2y = -2$ 가 점 $(a+1, a^2)$ 을 지나고 제 3사분면을 지나지 않을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: -1

해설

$$ax - 2y = -2 \text{ 에 점 } (a+1, a^2) \text{ 을 대입}$$

$$a(a+1) - 2a^2 = -2$$

$$a^2 + a - 2a^2 + 2 = 0, a^2 - a - 2 = 0$$

$$(a-2)(a+1) = 0$$

$$a = 2 \text{ 또는 } a = -1$$

$ax - 2y = -2$ 가 제 3사분면을 지나지 않으려면 $a < 0$ 이므로
 $a = -1$

20. 다음 중 []안의 수가 주어진 방정식의 해인 것을 모두 고르면?

① $x^2 - 4x = 3x$ [1]

② $x^2 + 2x - 8 = 0$ [-2]

③ $(x + 2)^2 = 9x$ [2]

④ $2x^2 - 7x + 6 = 0$ [2]

⑤ $2x^2 - 15x - 8 = 0$ [8]

해설

④ $2 \times 2^2 - 7 \times 2 + 6 = 0$

⑤ $2 \times 8^2 - 15 \times 8 - 8 = 128 - 120 - 8 = 0$

21. 이차방정식 $x^2 - 5x + 6 = 0$ 의 두 근 중 작은 근이 $2x^2 - ax + 5a + 4 = 0$ 의 근일 때, a^2 의 값은?

① 9

② 13

③ 16

④ 18

⑤ 20

해설

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x - 3)(x - 2) = 0$$

$$x = 3 \text{ 또는 } x = 2$$

$x = 2$ 가 $2x^2 - ax + 5a + 4 = 0$ 의 근이므로 대입하면

$$2(2^2) - 2a + 5a + 4 = 0$$

$$3a = -12$$

$$a = -4$$

$$\therefore a^2 = (-4)^2 = 16$$

22. 이차방정식 $x^2 + 4x + 4 = 0$ 의 근이 이차방정식 $3x^2 + ax - 4 = 0$ 의 한 근일 때, a 의 값과 다른 한 근을 차례로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 4$

▷ 정답: $x = \frac{2}{3}$

해설

$$x^2 + 4x + 4 = 0 \text{에서 } (x + 2)^2 = 0$$

$$\therefore x = -2$$

$$x = -2 \text{ 을 } 12 - 2a - 4 = 0 \text{에 대입하면 } a = 4$$

$$\text{즉, } 3x^2 + 4x - 4 = 0 \text{에서 } (x + 2)(3x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -2 \text{ 또는 } x = \frac{2}{3}$$

따라서 다른 한 근은 $x = \frac{2}{3}$ 이다.

23. 이차방정식 $2x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 한 근을 a 라 할 때, $2a^2 - 4a$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}x = a \text{ 를 대입하면 } 2a^2 - 4a - 3 &= 0 \\ \therefore 2a^2 - 4a &= 3\end{aligned}$$

24. 이차방정식 $x^2 = \frac{(x-2)(x-3)}{2}$ 을 풀면?

- ① $x = 1$ 또는 $x = 3$ ② $x = 2$ 또는 $x = 3$
③ $x = 1$ 또는 $x = -1$ ④ $x = 5$ 또는 $x = 3$
⑤ $x = 1$ 또는 $x = -6$

해설

$$x^2 = \frac{(x-2)(x-3)}{2}$$

양변에 2를 곱하여 전개하면

$$2x^2 = x^2 - 5x + 6$$

$$x^2 + 5x - 6 = 0$$

$$(x+6)(x-1) = 0$$

$$\therefore x = -6 \text{ 또는 } 1$$

25. $x^2 + 2x - 63 = 0$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $x = -9$

▶ 정답: $x = 7$

해설

$$x^2 + 2x - 63 = 0$$

$$(x + 9)(x - 7) = 0$$

$$\therefore x = -9 \text{ 또는 } x = 7$$