1. 다음 표는 9 명의 학생에 대한 턱걸이 횟수의 기록을 나타낸 것이다. 이때, 턱걸이 횟수에 대한 중앙값과 최빈값을 구하여라.

 횟수
 4
 5
 6
 7
 8
 합계

 학생의 수
 3
 2
 2
 1
 1
 9

 □
 □

 □
 □

▷ 정답: 중앙값: 5▷ 정답: 최빈값: 4

변량을 순서대로 나열하면

해설

4, 4, 4, 5, 5, 6, 6, 7, 8이므로 중앙값은 5이고, 학생 수가 가장 많은 턱걸이 횟수인 4가 최빈값이다.

- 2. 다음은 희정이네 학급 43 명의 일주일 동안 의 운동시간을 조사하여 나타낸 그래프이 다. 학생들의 운동시간의 중앙값과 최빈값 은? ① 중앙값: 3, 최빈값: 3
 - ② 중앙값: 3, 최빈값: 4
 - ③ 중앙값: 4, 최빈값: 3
 - ④ 중앙값 : 4, 최빈값 : 4
 - ⑤ 중앙값: 5, 최빈값: 5

(명)[10

최빈값은 학생 수가 11 명으로 가장 많을 때인 4 이고, 운동시간

을 순서대로 나열하면 4, 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 6, 6, 6 이므로 중앙값은 4

- 이다.

다음 주어진 자료에서 중앙값, 최빈값을 구하여라.

85, 90, 90, 75, 80, 90, 85, 80

답:

3.

답:

 ▷ 정답: 중앙값: 85

 ▷ 정답: 최빈값: 90

크기순으로 나열하면 90,90,90,85,85,80,80,75이므로 중앙값

해설

은 85이고 최빈값은 90이다.

4. 다음 표는 동건이의 일주일동안 수학공부 시간을 조사하여 나타낸 것이다. 수학공부 시간의 평균은?

 요일
 일
 월
 화
 수
 목
 금
 토

 시간
 2
 1
 0
 3
 2
 1
 5

① 1시간 **②**2시간 ③ 3시간

④ 4시간 ⑤ 5시간

(평균)= $\frac{\{(변량)의종합\}}{\{(변량)의갯수\}}$ 이므로 $\frac{2+1+0+3+2+1+5}{7} = \frac{14}{7} = 2(시간)이다.$

5. 다섯 개의 자료 75, 70, 65, 60, *x*의 평균이 70일 때, *x*의 값은?

① 70 ② 75 ③ 80 ④ 85 ⑤ 90

평균이 70이므로 $\frac{75+70+65+60+x}{5}=70$ 270+x=350

 $\therefore x = 80$

해설

- **6.** 철수의 4회에 걸친 수학 성적이 80,82,86,76이다. 다음 시험에서 몇점을 받아야 평균이 84점이 되겠는가?
 - ① 90 점 ② 92 점 ③ 94 점 ④ 96 점 ⑤ 98 점

하설
다음에 받아야 할 점수를 x점이라고 하면 $(평균) = \frac{80 + 82 + 86 + 76 + x}{5} = 84$ $\frac{324 + x}{5} = 84$ 324 + x = 420 $\therefore x = 96(점)$

7. 영희가 4회에 걸쳐 치른 음악 실기시험 성적은 15점, 18점, 17점, x 점이고, 최빈값은 18점이다. 5회의 음악 실기 시험 성적이 높아서 5 회까지의 평균이 4회 까지의 평균보다 1점 올랐다면 5회의 성적은 몇 점인지 구하여라.

점

정답: 22 점

▶ 답:

최빈값이 18점이므로 x=18(점)이다. 4회까지의 평균은 $\frac{15+18+17+18}{4}=\frac{68}{4}=17(점)$ 이다.5회까지의 평균은 17+1=18(점)이고

5 회까지의 평균은 17+1=18(점)이고 5 회 성적을 y점이라 하면 $\frac{15+18+17+18+y}{5}=18($ 점)이다. 68+y=90

∴ y = 22(점)

- 8. 어느 고등학교 동아리 회원 45 명의 몸무게의 평균이 60kg 이다. 5 명의 회원이 탈퇴한 후 나머지 40 명의 몸무게의 평균이 59.5kg 이되었다. 이때, 동아리를 탈퇴한 5 명의 회원의 몸무게의 평균은?
 - ① 60kg ② 61kg ③ 62kg ④ 63kg ⑤ 64kg

동아리를 탈퇴한 5 명의 학생의 몸무게의 합을 xkg 이라고 하면 $\frac{60 \times 45 - x}{40} = 59.5$, 2700 - x = 2380 $\therefore x = 320 (kg)$ 따라서 동아리를 타퇴하 5 명이 회의이 목무게이 평구으

따라서 동아리를 탈퇴한 5 명의 회원의 몸무게의 평균은 $\frac{320}{5}=64(\mathrm{kg})$ 이다.

9. 다음 도수분포표에서 평균이 5.25 점 일 때, *B* 의 값을 구하여라.

41 古) 3	4	9	б	7	압계
도수(명)	2	A	8	В	3	20

답:

➢ 정답: 5

해설
전체 도수가 20 이므로
2+A+8+B+3=20
A+B=7···①
평균이 5.25 점 이므로 $\frac{3 \times 2 + 4 \times A + 5 \times 8 + 6 \times B + 7 \times 3}{20} = 5.25$ $\frac{6+4A+40+6B+21}{20} = 5.25, \ 4A+6B=38$ 2A+3B=19···②①, ②을 연립하여 풀면 A=2, B=5
∴ B=5

10. 다음은 성희네 반 학생 20 명의 수 학 성적을 도수분포표로 나타낸 것 이다. 20 명의 수학 성적의 평균이 65 점일 때, *x* 의 값은?

계급(점)	도수(명)
30 ^{이상} ~ 40 ^{미만}	3
40 ^{이상} ~ 50 ^{미만}	x
50이상 ~ 60미만	1
60 ^{이상} ~ 70 ^{미만}	у
70 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	4
80 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	2
90 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	2
합계	20

① 2 2 3 3 4 4 5 5 6

전체 학생 수가 20 이므로 3 + x + 1 + y + 4 + 2 + 2 = 20 $x + y = 8 \cdots \bigcirc$ 20 명의 학생의 수학 성적의 평균이 65 점이므로 $\frac{35 \times 3 + 45 \times x + 55 \times 1 + 65 \times y + 75 \times 4}{20} + \frac{85 \times 2 + 95 \times 2}{20} =$ $\frac{820 + 45x + 65y}{20} = 65, \ 45x + 65y = 480$ $9x + 13y = 96 \cdots \bigcirc$ \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 $x=2,\ y=6$

11. 다음은 학생 10 명의 수학점수에 대한 도수분포 표인데, 잉크가 번져 일부가 보이지 않게 되었다. 평균이 52점임을 알고 있을 때, 50점을 받은 학 생수는?

② 3 명

- ③ 3 4 명
- ④ 5명 ⑤ 6명

점수 학생수(명)

해설 50 점의 도수를 x 명, 60 점의 도수를 y 명이라고 하면 전체 학생

① 2명

수가 10 명이므로 1+1+x+y+1=10 $\therefore x + y = 7 \cdots \bigcirc$

또한, 평균이 52 점이므로

 $30 \times 1 + 40 \times 1 + 50 \times x + 60 \times y + 70 \times 1 = 52,$ 10

30 + 40 + 50x + 60y + 70 = 520 $\therefore 5x + 6y = 38 \cdots \bigcirc$

 \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 $x=4,\ y=3$ 따라서 50 점을 받은 학생 수는 4 명이다.

12. 다음은 학생 10 명의 수학점수에 대한 도수분포표인데, 종이가 찢어져 서 일부가 보이지 않게 되었다. 평균이 71 점임을 알고 있을 때, 70 점 을 받은 학생수를 구하여라.

2	점수(점)	학생 수(명)
	50	2
	60	1
	70	
	80	
	90	1
	합계	10

<u>명</u>

정답: 2명

답:

70 점의 도수를 x 명, 80 점의 도수를 y 명이라고 하면 전체 학생

해설

수카 10 명이므로 2+1+x+y+1=10 .: $x+y=6\cdots$ 또한, 평균이 71점 이므로 $50 \times 2 + 60 \times 1 + 70 \times x + 80 \times y + 90 \times 1$ 10

= 71,100 + 60 + 70x + 80y + 90 = 710

 $\therefore 7x + 8y = 46 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$

①, \bigcirc 을 연립하여 풀면 x=2, y=4

따라서 70점을 받은 학생 수는 2명이다.

13. 다음은 두 양궁 선수 A, B 가 다섯 발의 화살을 쏘아 얻은 점수를 나타낸 표이다. 이때, 표준편차가 작은 선수를 구하여라.
 1회 | 2회 | 3회 | 4회 | 5회

	ㅗㅗ	4-41	0 파	포피	0-4
\boldsymbol{A}	8	8	9	8	7
В	7	10	8	6	9

 ► 답:

 ▷ 정답:
 A

해설

 $A,\ B$ 의 평균은 모두 8 이다. 표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내고, 표준편차가 작을수록 변량이 평균 주위에 더 집중되

므로 표준편차가 작은 선수는 A 이다.

- **14.** 다음의 표준편차를 순서대로 x, y, z 라고 할 때, x, y, z의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?
 - X : 1 부터 100 까지의 홀수 Y: 1 부터 100 까지의 2 의 배수
 - Z: 1 부터 150 까지의 3 의 배수

① x = y = z ② x = y < z ③ x < y = z ④ x = y > z

해설

X, Y, Z 모두 변량의 개수는 50 개이다.

이때, X, Y는 모두 2 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y

의 표준편차는 같다. 한편, Z 는 3 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y 보다 표준편차가 크다.

15. 다음 보기의 자료들 중에서 표준편차가 가장 큰 자료와 가장 작은 자료를 차례대로 나열한 것은?

보기

① 4, 4, 4, 6, 6, 4, 4, 4 ① 2, 10, 2, 10, 2, 10, 2, 10 ② 2, 4, 2, 4, 2, 4, 4, 4 ② 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1 ② 1, 3, 1, 3, 1, 3, 1, 3 ④ 5, 5, 5, 7, 7, 7, 6, 6

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내므로 주어진 자료들 중에서 표준편차가 가장 큰 것은 ①, 가장 작은 것은 ②이다.

해설

16. 다음은 다섯 명의 학생이 5 일 동안 받은 e-mail 의 개수를 나타낸 표이다. 이때, 표준편차가 가장 작은 사람은 누구인가?

	월요일	화요일	수요일	목요일	금요일
성재	5	2	5	5	2
선영	6	4	6	6	4
민지	10	10	10	11	10
성수	5	8	5	8	9
경희	7	1	7	1	9

해설

① 성재 ② 선영 ③ 민지 ④ 성수 ⑤ 경희

표준편차는 자료가 흩어진 정도를 나타내고, 표준편차가 작을

수록 변량이 평균에서 더 가까워지므로 표준편차가 가장 작은 학생은 민지이다.

17. 다음은 A, B, C, D, E 5 명의 학생들이 가지고 있는 게임 CD 의 개수의 편차를 나타낸 표이다. 이때, 5 명의 학생의 CD 의 개수의 분산은? 학생 A B C D E

1 0		_	_	_	_
편차(개)	-2	3	x	1	-4

해설

① 6 ② 6.2 ③ 6.4 ④ 6.6

(5) 6.8

편차의 합은 0 이므로 -2+3+x+1-4=0, x-2=0 : x=2

따라서 분산은

$$\frac{(-2)^2 + 3^2 + 2^2 + 1^2 + (-4)^2}{5} = \frac{34}{5} = 6.8 \text{ A}$$

18. 다음은 A, B, C, D, E 다섯 사람의 몸무게에 대한 편차를 나타낸 표이다. 이 다섯 사람의 몸무게의 평균이 65 kg 일 때, B 의 몸무게와 다섯 사람의 전체의 표준편차를 차례대로 나열한 것은? (단, 분산은 소수 첫째자리에서 반올림한다.)

학생 A B C D E 편차(kg) -2 3 1 x 0

편차(kg) -2 3 1 x 0

 $364 \,\mathrm{kg}, \,2 \,\mathrm{kg}$

④ 68 kg, 2 kg ⑤ 68 kg, 3 kg

B 의 몸무게는 65 + 3 = 68(kg)또한, 편차의 합은 0 이므로

해설

① 60 kg, 1 kg ② 64 kg, 1 kg

-2+3+1+x+0=0, x+2=0 : x=-2따라서 분산이 $\frac{(-2)^2+3^2+1^2+(-2)^2+0^2}{5}=\frac{18}{5}=3.6$

5 5 이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 4이다. 따라서 표준편차는 $\sqrt{4} = 2 \, \mathrm{kg}$ 이다.

- **19.** 5개의 변량 3,5,x,6,8의 평균이 6일 때, 분산을 구하여라. (단, 소수로 쓸 것)
 - ▶ 답:

▷ 정답: 3.6

해설

주어진 변량의 평균이 6이므로

 $\frac{3+5+x+6+8}{5} = 6$

$$22 + x = 30$$

 $\therefore x = 8$

변량의 편차는 -3,-1,2,0,2이므로 분산은

 $\frac{(-3)^2 + (-1)^2 + 2^2 + 2^2}{5} = \frac{9 + 1 + 4 + 4}{5} = \frac{18}{5} = 3.6$

20. 5개의 변량 3,5,9,6,x의 평균이 6일 때, 분산은?

4 5 5 ① 1 ② 2 ③ 3

주어진 변량의 평균이 6이므로

 $\frac{3+5+9+6+x}{5} = 6$ 23+x=30

 $\therefore x = 7$

변량의 편차는
$$-3$$
, -1 , 3 , 0 , 1 이므로 분산은
$$\frac{(-3)^2 + (-1)^2 + 3^2 + 0^2 + 1^2}{5} = \frac{9 + 1 + 9 + 1}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

 ${f 21}.~~$ 다음 표는 A, B, C, D, E 인 ${f 5}$ 명의 학생의 음악 실기 점수를 나타낸 것이다. 이 자료의 분산은? 학생 <u>A B C D E</u>

1.0			U		
변량(점)	72	75	77	76	80

① 5 ② 5.4 ③ 6.2 ④ 6.6 ⑤ 6.8

주어진 자료의 평균은
$$\frac{72+75+77+76+80}{5}=\frac{380}{5}=76(점)$$
이므로 각 자료의 편차는 -4, -1, 1,0, 4

이므로 각 자료의 편차는 -4, -1, 1, 0, 4 이다. 따라서 분산은 $\frac{(-4)^2 + (-1)^2 + 1^2 + 0^2 + 4^2}{5} = \frac{34}{5} = 6.8$

22. 네 수 a, b, c, d의 평균과 분산이 각각 10, 5일 때, $(a-10)^2 + (b-10)^2 + (c-10)^2 + (d-10)^2$ 의 값은?

① 5

- ② 10 ③ 15
- **4** 20
- \bigcirc 25

네 수 a, b, c, d 의 평균이 10 이므로 각 변량에 대한 편차는

a-10, b-10, c-10, d-10 이다. 따라서 분산은 $\frac{(a-10)^2 + (b-10)^2 + (c-10)^2 + (d-10)^2}{4} = 5$ $\therefore (a-10)^2 + (b-10)^2 + (c-10)^2 + (d-10)^2 = 20$

23. 세 수 x, y, z 의 평균과 분산이 각각 4, 2일 때, $(x-4)^2 + (y-4)^2 + (z-4)^2$

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

세 수 x, y, z 의 평균이 4 이므로 각 변량에 대한 편차는 x -4, y -4, z -4 이다. 따라서 분산은

 $\frac{(x-4)^2 + (y-4)^2 + (z-4)^2}{3} = 2$ $\therefore (x-4)^2 + (y-4)^2 + (z-4)^2 = 6$ 이다.

24. 다섯 개의 수 5, 3, a, b, 9 의 평균이 5 이고, 분산이 6 일 때, $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 40

다섯 개의 수 5, 3, a, b, 9 의 평균이 5 이므로 $\frac{5+3+a+b+9}{5} = 5, a+b+17 = 25$ $\therefore a+b=8\cdots\bigcirc$ 또, 분산이 6 이므로 $\frac{(5-5)^2+(3-5)^2+(a-5)^2}{5} +$ $\frac{(b-5)^2+(9-5)^2}{5} = 6$ $\frac{0+4+a^2-10a+25+b^2-10b+25+16}{5} = 6$ $\frac{a^2+b^2-10(a+b)+70}{5} = 6$ $a^2+b^2-10(a+b)+70 = 30$ $\therefore a^2+b^2-10(a+b)=-40\cdots$ ©의 식에 ①을 대입하면 $\therefore a^2+b^2=10(a+b)-40=10\times8-40=40$

25. 다섯 개의 변량 5, 7, *x*, *y*, 8 의 평균이 6 이고, 분산이 5 일 때, 2*xy* 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 33

021

다섯 개의 변량 5, 7, x, y, 8 의 평균이 6 이므로 $\frac{5+7+x+y+8}{5} = 6, x+y+20 = 30$ $\therefore x+y=10 \cdots \cdots \bigcirc$ 또, 분산이 5 이므로 $\frac{(5-6)^2+(7-6)^2+(x-6)^2+(y-6)^2}{5}$ $+\frac{(8-6)^2}{5} = 5$ $\frac{1+1+x^2-12x+36+y^2-12y+36+4}{5} = 5$ $\frac{x^2+y^2-12(x+y)+78}{5} = 5$ $x^2+y^2-12(x+y)+78=25$ $\therefore x^2+y^2-12(x+y)=-53 \cdots \bigcirc$ ©의 식에 ①을 대입하면 $x^2+y^2=12(x+y)-53=12\times10-53=67$ $\therefore x^2+y^2=67 \cdots \bigcirc$ $(x+y)^2=x^2+y^2+2xy, 10^2=67+2xy, 2xy=33$ $\therefore 2xy=33$

26. 5개의 변량 4,5,x,11,y의 평균이 6이고 분산이 8일 때, x^2+y^2 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 58

해설
5개의 변량의 평균이 6이므로 x + y = 10이다. $\frac{(4-6)^2 + (5-6)^2 + (x-6)^2}{5}$ $+ \frac{(11-6)^2 + (y-6)^2}{5} = 8$ $4 + 1 + (x-6)^2 + 25 + (y-6)^2 = 40$ $x^2 + y^2 - 12(x+y) + 72 + 30 = 40$ $x^2 + y^2 - 12(10) + 72 + 30 = 40$ ∴ $x^2 + y^2 = 58$

27. 다음 표는 A, B, C, D, E 다섯 반의 학생들의 음악 실기 점수의 평균과 표준편차를 나타낸 것이다. 학생들 간의 음악 실기 점수의 격차가 가장 작은 반은? (단, 각 학급의 학생 수는 모두 같다.) 이름 ABCDE

이급	71	D	C	D	L
평균(점	1) 72	85	83	77	81
표준편차	(점) 1.6	2.1	1.5	2.4	1.1

 \bigcirc E

표준편차가 작을수록 변량이 평균 주위에 더 집중된다. 따라서

음악 실기 점수의 격차가 가장 작은 반은 표준편차가 가장 작은 E이다.

28. 다음 중 [보기] 표준편차의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

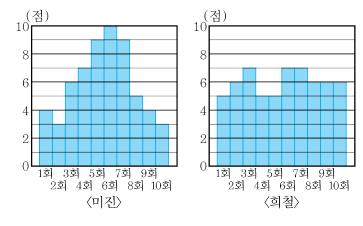
□ 1 부터 20 까지의 자연수

- © 1 부터 20 까지의 짝수
- © 1 부터 20 까지의 홀수

해설

© 와 © 의 표준편차는 같고, ⊙의 표준편차는 이들보다 크다.

29. 다음은 미진이와 희철이가 10 회에 걸친 수학 시험에서 얻은 점수를 히스토그램으로 나타낸 것이다. 어느 학생의 성적이 더 고르다고 할 수 있는가?



▷ 정답: 희철

▶ 답:

희철의 성적이 평균을 중심으로 변량의 분포가 더 고르다.

해설

30. 다음 표는 어느 중학교 2학년 학생들의 2학기 중간고사 영어 시험의 결과이다. 다음 설명 중 옳은 것은?

학급 1반 2반 3반 4반

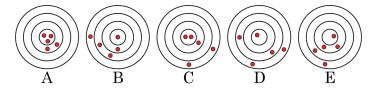
, ,				
평균(점)	70	73	80	76
표준편차(점)	5.2	4.8	6.9	8.2

- ① 각 반의 학생 수를 알 수 있다. ② 90점 이상인 학생은 4반이 3반 보다 많다.
- ③ 3반에는 70점 미만인 학생은 없다.
- ④ 2반 학생의 성적이 가장 고르다.

⑤ 4반이 평균 가까이에 가장 밀집되어 있다.

표준편차가 가장 작은 반이 2반이므로 성적 분포가 가장 고른 반은 2반이다.

31. A, B, C, D, E 5 명의 선수가 5 발씩 사격한 후의 결과가 다음과 같다. 표준편차가 가장 적은 사람은 누구인지 구하여라.



답:▷ 정답: A

해설

가장 평균 근처에 많이 발사한 선수는 A 이다.

- **32.** 3개의 변량 a,b,c의 평균이 7, 분산이 8일 때, 변량 5a,5b,5c의 평균은 m, 분산은 n이다. 이 때, n-m의 값은?
 - ① 115 ② 135 ③ 165 ④ 185 ⑤ 200

 $m = 5 \cdot 7 = 35, n = 5^2 \cdot 8 = 200$ $\therefore n - m = 200 - 35 = 165$

해설

33. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 골라라.

7 11

- 중앙값은 반드시 한 개 존재 한다.
- © 최빈값은 없을 수도 있다.
- 자료의 개수가 짝수이면 중앙값은 없다.② 최빈값과 중앙값은 반드시 다르다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ②

▷ 정답: ②

© 자료의 개수가 짝수이면 중앙값은 없다. → 자료의 개수가

짝수이면 $\frac{n}{2}$ 번째와 $\frac{n+1}{2}$ 번째 자료값의 평균이 중앙값이 된다. ② 최빈값과 중앙값은 반드시 다르다. → 최빈값과 중앙값은 같을 수도 있다.

34. 다음 표는 5 명의 학생의 키를 나타낸 것이다. 평균이 $175 \mathrm{cm}$ 이고 분산이 3.2 일 때, 준호와 성준이의 키를 구하여라.(단, 준호의 키가 성준의 키보다 더 크다.) 학생 규호 준호 규철 성준 영훈

7.0	11-2-	ᆫᅩ	미근	οĿ	이판
₹] (cm)	176	X	174	у	172

답: $\underline{\mathrm{cm}}$ ▶ 답: $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답 : 준호 : 177cm

▷ 정답: 성준: 176<u>cm</u>

 $\frac{176 + x + 174 + y + 172}{5} = 175$, x + y = 353 이다. $\frac{1 + (x - 175)^2 + 1 + (y - 175)^2 + 9}{5} = 3.2 , (x - 175)^2 + (y -$

175)2 = 5 이다. 두 식을 연립해서 풀면, x = 177, y = 176 이다.

35. 다음은 $A \sim E$ 학생의 중간고사 과학 성적의 편차를 나타낸 표이다. 이 자료의 표준편차는? 학생 $A \mid B \mid C \mid D \mid E$

편차(점)	-2	-1	2	0	1

① 3.2 ② $\sqrt{3}$ ③ 3.5 ④ $\sqrt{2}$ ⑤ 4

분산은 $\frac{(-2)^2+(-1)^2+2^2+1^2}{5}=\frac{4+1+4+1}{5}=\frac{10}{5}=2$ 이다. 따라서 표준편차는 $\sqrt{2}$ 이다.

해설