

1. 3개의 변량  $a, b, c$ 의 평균이 7, 분산이 8일 때, 변량  $5a, 5b, 5c$ 의 평균은  $m$ , 분산은  $n$ 이다. 이 때,  $n - m$ 의 값은?

① 115

② 135

③ 165

④ 185

⑤ 200

해설

$$m = 5 \cdot 7 = 35, n = 5^2 \cdot 8 = 200$$

$$\therefore n - m = 200 - 35 = 165$$

2. 다음 네 개의 변수  $a, b, c, d$ 에 대하여 다음 보기 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ①  $a+1, b+1, c+1, d+1$ 의 평균은  $a, b, c, d$ 의 평균보다 1 만큼 크다.
- ②  $a+3, b+3, c+3, d+3$ 의 평균은  $a, b, c, d$ 의 평균보다 3 배만큼 크다.
- ③  $2a+3, 2b+3, 2c+3, 2d+3$ 의 표준편차는  $a, b, c, d$ 의 표준편차보다 2배만큼 크다.
- ④  $4a+7, 4b+7, 4c+7, 4d+7$ 의 표준편차는  $a, b, c, d$ 의 표준편차의 4배이다.
- ⑤  $3a, 3b, 3c, 3d$ 의 표준편차는  $a, b, c, d$ 의 표준편차의 9 배이다.

해설

- ②  $a+3, b+3, c+3, d+3$ 의 평균은  $a, b, c, d$ 의 평균보다 3 배만큼 크다.  
→  $a+3, b+3, c+3, d+3$ 의 평균은  $a, b, c, d$ 의 평균보다 3 만큼 크다.
- ⑤  $3a, 3b, 3c, 3d$ 의 표준편차는  $a, b, c, d$ 의 표준편차의 9 배이다.  
→  $3a, 3b, 3c, 3d$ 의 표준편차는  $a, b, c, d$ 의 표준편차의 3 배이다.

3. 변량  $x_1, x_2, \dots, x_n$ 의 평균이 4, 분산이 5일 때, 변량  $3x_1 - 5, 3x_2 - 5, \dots, 3x_n - 5$ 의 평균을  $m$ , 분산을  $n$ 이라 한다. 이 때,  $m + n$ 의 값은?

- ① 50      ② 51      ③ 52      ④ 53      ⑤ 54

해설

$$(\text{평균}) = 3 \cdot 4 - 5 = 7 = m$$

$$(\text{분산}) = 3^2 \cdot 5 = 45 = n$$

$$\therefore m + n = 7 + 45 = 52$$

4. 세 수  $x, y, z$  의 평균과 분산이 각각 3, 4 일 때,  $x - 1, y - 1, z - 1$  의 평균과 표준편차를 차례대로 구하여라.

- ① 2, 2      ② 3, 5      ③ 4, 4      ④ 5, 4      ⑤ 6, 5

해설

세 수  $x, y, z$  의 평균이 3 이므로

$$\frac{x+y+z}{3} = 3$$

$$\therefore x+y+z = 9 \quad \text{⑦}$$

또한,  $x, y, z$  의 분산이 4 이므로

$$\frac{(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2}{3} = 4$$

$$(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2 = 12$$

$$x^2 - 6x + 9 + y^2 - 6y + 9 + z^2 - 6z + 9 = 12$$

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6(x+y+z) + 27 = 12$$

위의 식에 ⑦을 대입하면

$$x^2 + y^2 + z^2 - 6 \times 9 + 27 = 12$$

$$\therefore x^2 + y^2 + z^2 = 39$$

한편,  $x - 1, y - 1, z - 1$  의 평균은

$$\begin{aligned} & \frac{(x-1) + (y-1) + (z-1)}{3} \\ &= \frac{(x+y+z) - 3}{3} = \frac{9-3}{3} = 2 \end{aligned}$$

분산은

$$\frac{(x-1-2)^2 + (y-1-2)^2 + (z-1-2)^2}{3}$$

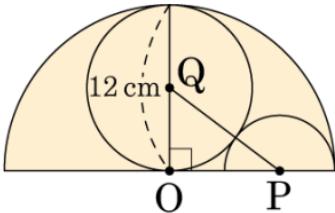
$$= \frac{(x-3)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2}{3}$$

$$= \frac{x^2 + y^2 + z^2 - 6(x+y+z) + 9 \times 3}{3}$$

$$= \frac{39 - 6 \times 9 + 27}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

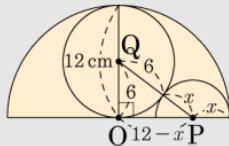
따라서  $x - 1, y - 1, z - 1$  의 표준편차는  $\sqrt{4} = 2$  이다.

5. 다음 그림과 같이 반원 P 와 원 Q 가 외부에서 접하고 원 Q 가 반원 O 의 내부에서 접하고 있다. 원 Q 의 지름의 길이가 12 cm 일 때, 반원 P 의 반지름의 길이는?



- ① 1 cm
- ② 2 cm
- ③ 2.5 cm
- ④ 3 cm
- ⑤ 4 cm**

### 해설



작은 반원의 반지름을  $x$  cm 라 하면  $\triangle QOP$  에서

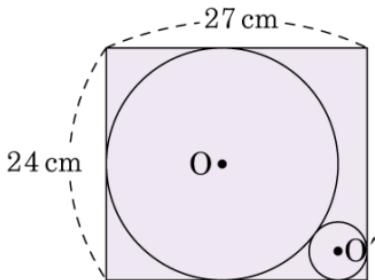
$$\overline{PQ} = 6 + x, \overline{OQ} = 6, \overline{OP} = 12 - x$$

$$(x+6)^2 = 6^2 + (12-x)^2$$

$$36x = 144$$

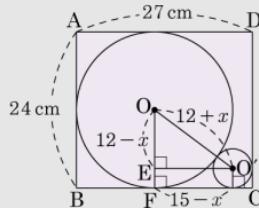
$$\therefore x = 4$$

6. 다음 그림과 같이 가로의 길이가 27 cm, 세로의 길이가 24 cm 인 직사각형에 서로 접하는 두 원이 있다. 이때 작은 원의 반지름은?



- ① 3 cm      ② 4 cm      ③ 5 cm      ④ 6 cm      ⑤ 7 cm

해설



큰 원의 반지름은 12 cm

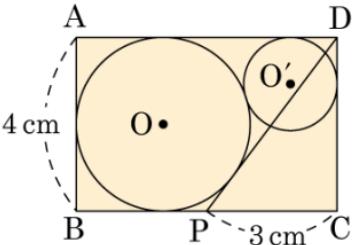
작은 원의 반지름을  $x$  cm 라 하면

$$\overline{OO'} = 12 + x, \overline{OE} = 12 - x, \overline{O'E} = \overline{CF} - x = 15 - x \text{ 이므로}$$

$$(12 + x)^2 = (12 - x)^2 + (15 - x)^2$$

$$x = 3$$

7. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 직사각형이고,  $\overline{AB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{PC} = 3\text{cm}$ 이다. 사각형 ABPD 가 원 O 에 외접하고 원 O' 은 원 O 에 접하고, 변 AD, CD 에 접한다. 원 O' 의 반지름은?



- ①  $(8 + 4\sqrt{3})\text{ cm}$       ②  $(8 - 4\sqrt{3})\text{ cm}$       ③  $(4 + 2\sqrt{3})\text{ cm}$   
 ④  $(4 - 2\sqrt{3})\text{ cm}$       ⑤ 1 cm

### 해설

$$\overline{FP} = \overline{GP} = x\text{cm} \text{ 라 하자.}$$

$\triangle DPC$ 에서

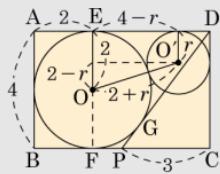
$$\begin{aligned}\overline{DP} &= \sqrt{\overline{DC}^2 + \overline{PC}^2} \\ &= \sqrt{3^2 + 4^2} \\ &= 5(\text{cm})\end{aligned}$$

$$\overline{DG} = 5 - x(\text{cm})$$

$$\text{또 } \overline{ED} = \overline{FC} = \overline{FP} + \overline{PC} = x + 3(\text{cm})$$

$$\overline{ED} = \overline{DG} \Rightarrow x + 3 = 5 - x, x = 1$$

$$\therefore \overline{AD} = \overline{AE} + \overline{ED} = 2 + 4 = 6(\text{cm})$$



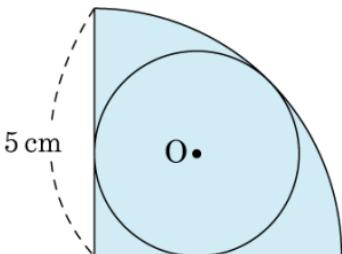
원 O'의 반지름을  $r\text{cm}$  라 하면

$$(2+r)^2 = (2-r)^2 + (4-r)^2$$

$$r^2 - 16r + 16 = 0$$

$$\therefore r = 8 - 4\sqrt{3} (\because 0 < r < 2)$$

8. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm인 사분원에 내접하는 원 O가 있다. 원 O의 반지름의 길이는?

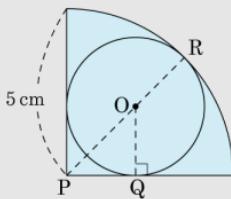


- ①  $(5\sqrt{2} - 5)$ cm      ②  $(4\sqrt{2} - 5)$ cm      ③  $(3\sqrt{2} - 5)$ cm  
 ④  $(2\sqrt{2} - 5)$ cm      ⑤  $(\sqrt{2} - 5)$ cm

### 해설

원 O의 반지름을  $x$  cm 라 한다.

그림과 같이 보조선을 그으면



$$\overline{PR} = \overline{PO} + \overline{OR}$$

$$\sqrt{2}x + x = 5$$

$$(\sqrt{2} + 1)x = 5$$

$$x = 5(\sqrt{2} - 1)$$