

1.  $x^2y(-xy)^3$  을 간단히 하면?

- ①  $-x^4y^5$     ②  $xy^5$     ③  $-x^5y^4$     ④  $-xy^5$     ⑤  $x^2y^5$

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

2. 다항식  $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  을  $x + 1$ 로 나눈 나머지는?

① -33

② -22

③ -11

④ 11

⑤ 33

해설

$f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  이라 하면,

$f(x) = (x + 1)Q(x) + R$ 에서  $f(-1) = R$  이므로

$$f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$$

3.  $2012 = k$  라 할 때,  $2013 \times 2011$  을  $k$  로 나타내면?

①  $k^2 + k$

②  $\textcircled{2} k^2 - 1$

③  $k^2 + k + 1$

④  $k^2 - k + 1$

⑤  $k^2 - k$

해설

$$\begin{aligned}2013 \times 2011 &= (k+1)(k-1) \\&= k^2 - 1\end{aligned}$$

4. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $i^4 = -1$

②  $x^2 = -9$  를 만족하는 실수는 존재하지 않는다.

③  $\sqrt{-27} = 3\sqrt{3}i$

④  $2 \in \{x \mid x \text{는 복소수}\}$

⑤  $a + bi$  에서  $a = 0$  이고  $b \neq 0$  이면 순허수이다.(단,  $a, b$  는 실수)

해설

$$i^2 = -1 \rightarrow i^4 = 1$$

5. 등식  $(4+i)x + 2 + 2yi = 2 + 5i$ 를 만족시키는 실수  $x, y$ 에 대하여  $x+2y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

① -5

② -3

③ 0

④ 5

⑤ 3

해설

$$(4x + 2) + (x + 2y)i = 2 + 5i$$

$$4x + 2 = 2, \quad x + 2y = 5$$

6.  $\frac{x+1}{3} = y - 2$ 를 만족하는 모든 실수  $x, y$ 에 대하여, 항상  $ax + by = 7$ 이 성립할 때,  $a, b$ 의 값을 구하여라. ( $a, b$ 는 상수)

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = -1$

▷ 정답 :  $b = 3$

해설

$$\frac{x+1}{3} = y - 2, \quad x + 1 = 3(y - 2)$$

$$x - 3y = -7$$

$$-x + 3y = 7 \Leftrightarrow ax + by = 7$$

$$\therefore a = -1, b = 3$$

7. 등식  $x^2 - 2x + 3 = a + b(x-1) + c(x-1)^2$  이  $x$ 에 관한 항등식일 때,  
 $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$x^2 - 2x + 3 = a + b(x-1) + c(x-1)^2$$

$$x = 1 \text{을 대입하면 } 2 = a \quad \dots \dots \quad ①$$

$$x = 0 \text{을 대입하면 } 3 = a - b + c \quad \dots \dots \quad ②$$

$$x = 2 \text{를 대입하면 } 3 = a + b + c \quad \dots \dots \quad ③$$

①을 ②, ③에 대입하여 정리하면

$$b - c = -1, b + c = 1$$

두 식을 연립하면  $b = 0, c = 1$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 4 + 0 + 1 = 5$$

8. 다항식  $x^3 + ax + b$  가 다항식  $x^2 - x + 1$  로 나누어 떨어지도록 상수  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

나누어 떨어지려면 나머지가 0이어야 하므로

$x^2 = x - 1$  을 대입하면

$$ax + (b - 1) = 0$$

이 등식이  $x$ 에 대한 항등식이므로,

$$a = 0, b - 1 = 0$$

$$\therefore a = 0, b = 1$$

$$\therefore a + b = 1$$

해설

$$x^3 + ax + b$$

$$= (x^2 - x + 1)Q(x)$$

$$= (x^2 - x + 1)(x + b)$$

$$\therefore b = 1, a = 0$$

9. 다항식  $f(x) = 3x^3 + ax^2 + bx + 12$  가  $x - 2$ 로 나누어 떨어지고 또,  $x - 3$ 으로도 나누어 떨어지도록 상수  $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -5

해설

$f(x)$  가  $x - 2$ 로 나누어 떨어지려면

$$f(2) = 24 + 4a + 2b + 12 = 0$$

$$\therefore 4a + 2b + 36 = 0 \quad \dots\dots \textcircled{⑦}$$

또,  $f(x)$  가  $x - 3$ 으로 나누어 떨어지려면

$$f(3) = 81 + 9a + 3b + 12 = 0$$

$$\therefore 9a + 3b + 93 = 0 \quad \dots\dots \textcircled{⑧}$$

⑦, ⑧을 연립하여 풀면  $a = -13$ ,  $b = 8$

10.  $x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3}$  일 때,  $9x^2 - 6x + 5$ 의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$x = \frac{1 + \sqrt{2}i}{3} \text{ 이므로}$$

$$3x = 1 + \sqrt{2}i$$

$$3x - 1 = \sqrt{2}i$$

$$\text{양변을 제곱하면 } 9x^2 - 6x + 1 = -2$$

$$\therefore 9x^2 - 6x = -3$$

$$9x^2 - 6x + 5 \text{에서 } 9x^2 - 6x \text{가 } -3 \text{이므로 } -3 + 5 = 2$$

11.  $x = \frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$  일 때,  $x^2 - x + 1$  의 값은?

①  $-1$

②  $0$

③  $1$

④  $\frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$

⑤  $\frac{1 + \sqrt{3}i}{2}$

해설

$x = \frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$  의 양변에 2 를 곱하면  $2x = 1 - \sqrt{3}i$

그러므로  $2x - 1 = -\sqrt{3}i$

이 식의 양변을 제곱하면  $4x^2 - 4x + 1 = -3$

즉,  $4x^2 - 4x + 4 = 0$

따라서,  $x^2 - x + 1 = 0$

12.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 + bx + 2$ 를  $x^2 - x + 1$ 로 나눈 나머지가  $x + 3$ 이 되도록  $a, b$ 의 값을 정할 때,  $ab$  값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $ab = -6$

해설

검산식을 사용

$$x^3 + ax^2 + bx + 2 = (x^2 - x + 1) \cdot A + (x + 3)$$

$$A = (x + p)$$

$$x^3 + ax^2 + bx + 2 - (x + 3) = (x^2 - x + 1)(x + p)$$

$$x^3 + ax^2 + (b - 1)x - 1 = (x^2 - x + 1)(x - 1) \quad \therefore p = -1$$

우변을 정리하면

$$\therefore a = -2, b = 3$$

$$\therefore ab = -6$$

13.  $(x-1)(x+2)(x-3)(x+4)$ 를 전개할 때, 각 항의 계수의 총합을  $a$ , 상수항을  $b$  라 할 때,  $a+b$ 의 값을 구하면?

① 8

② 15

③ 24

④ 36

⑤ 47

해설

$$\begin{aligned} & (x-1)(x+2)(x-3)(x+4) \\ &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12)(x^2 + x = X(\text{자}|\text{환})) \\ &= (X-2)(X-12) \\ &= X^2 - 14X + 24 \\ &= (x^2 + x)^2 - 14(x^2 + x) + 24 \\ &= x^4 + 2x^3 - 13x^2 - 14x + 24 \\ \therefore & a = 1 + 2 - 13 - 14 + 24 = 0, b = 24 \\ \therefore & a + b = 0 + 24 = 24 \end{aligned}$$

해설

㉠ 각 항 계수의 총합 구하기

$x = 1$  대입,  $a = 0$

㉡ 상수항 구하기

$x = 0$  대입,  $b = 24$

14. 다항식  $f(x)$ 를  $x+1$ 로 나눈 나머지가  $-3$ 이고,  $x-3$ 으로 나눈 나머지가  $5$ 이다.  $f(x)$ 를  $(x+1)(x-3)$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $2x - 1$

해설

$$f(-1) = -3, f(3) = 5$$

$$f(x) = (x+1)(x-3)Q(x) + ax + b$$

$$-a + b = -3, 3a + b = 5$$

$$a = 2, b = -1$$

$$\therefore ax + b = 2x - 1$$

## 15. 다음 중 인수분해가 잘못된 것을 고르면?

- ①  $(x - y)^2 - xy(y - x) = (x - y)(x - y + xy)$
- ②  $3a^2 - 27b^2 = 3(a + 3b)(a - 3b)$
- ③  $64a^3 - 125 = (4a + 5)(16a^2 - 20a + 25)$
- ④  $(x^2 - x)(x^2 - x + 1) - 6 = (x^2 - x + 3)(x + 1)(x - 2)$
- ⑤  $2x^2 - 5x + 3 = (x - 1)(2x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}64a^3 - 125 &= (4a)^3 - (5)^3 \\&= (4a - 5)(16a^2 + 20a + 25)\end{aligned}$$

16.  $x = 1001$  일 때,  $\frac{x^6 - x^4 + x^2 - 1}{x^5 + x^4 + x + 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 1000

해설

$$\begin{aligned}\frac{x^6 - x^4 + x^2 - 1}{x^5 + x^4 + x + 1} &= \frac{(x^4 + 1)(x^2 - 1)}{(x^4 + 1)(x + 1)} \\&= x - 1 \\&= 1001 - 1 \\&= 1000\end{aligned}$$

17.  $x^4 + 2x^2 + 9 = (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해될 때,  $|ab - cd|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 12

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x^2 + 3)^2 - (2x)^2 \\&= (x^2 + 2x + 3)(x^2 - 2x + 3)\end{aligned}$$

여기서 계수를 비교하면

$$a = 2, b = 3, c = -2, d = 3$$

$$\therefore |ab - cd| = |2 \times 3 - (-2) \times 3| = 12$$

18. 최대공약수가  $x + 1$ 인 두 다항식  $x^2 + 3x + a$ ,  $x^2 + ax - b$ 의 최소공배수를  $L(x)$ 라 할 때,  $L(1)$ 의 값은?

① 6

② 8

③ 10

④ 12

⑤ 14

해설

최대공약수가  $x + 1$ 이므로

두 다항식에  $x = -1$ 을 대입하면 0이 된다.

$$1 - 3 + a = 0 \therefore a = 2$$

$$1 - a - b = 0 \quad \therefore b = -1$$

따라서 두 다항식은 각각

$$x^2 + 3x + 2 = (x + 1)(x + 2)$$

$$x^2 + 2x + 1 = (x + 1)^2$$

최소공배수  $L(x)$ 는  $(x + 1)^2(x + 2)$

$$\therefore L(1) = (1 + 1)^2(1 + 2) = 12$$

19. 두 다항식의 최대공약수는  $2x - 1$ 이고 두 다항식의 곱은  $4x^3 + 4x^2 - 7x + 2$ 이다. 이 두 다항식의 합을  $g(x)$ 라면  $g(1)$ 의 값을 구하면?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$4x^3 + 4x^2 - 7x + 2$$

$$(x - \frac{1}{2})(4x^2 + 6x - 4)$$

$$= (x - \frac{1}{2}) \cdot 2 \cdot (2x^2 + 3x - 2)(2x - 1)(2x - 1)(x + 2)$$

두 다항식의 곱이  $(2x - 1)^2(x + 2)$ 이고

최대공약수가  $(2x - 1)$ 이므로

두 다항식은  $(2x - 1), (2x - 1)(x + 2)$

$$g(x) = (2x - 1) + (2x - 1)(x + 2)$$

$$g(1) = 1 + 3 \cdot 1 = 4$$

20.  $z = (1+i)x^2 + (2-i)x - 8 - 2i$ 에 대하여  $z^2 < 0$ 을 만족하는 실수  $x$ 의 값을 구하면?(단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① -4      ② -2      ③ 2      ④ 4      ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} z &= (x^2 + 2x - 8) + (x^2 - x - 2)i \\ &= (x-2)(x+4) + (x+1)(x-2)i \end{aligned}$$

그런데,  $z^2 < 0$ 에서  $z$ 는 순허수이므로

$$\therefore x = -4$$

21.  $x + \frac{1}{x} = 3$  일 때,  $x^2 + \frac{1}{x^2}$  의 값과  $x^3 + \frac{1}{x^3}$  의 값을 차례대로 구하면?  
(단,  $x > 0$ )

① 5, 6

② 7, 18

③ 8, 16

④ 9, 18

⑤ 10, 27

해설

$$x + \frac{1}{x} = 3 \text{ 일 때}$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = 27 - 9 = 18$$

22.  $x + y = 2$ ,  $x^3 + y^3 = 14$  일 때,  $x^5 + y^5$  의 값을 구하면?

- ① 12      ② 32      ③ 52      ④ 82      ⑤ 102

해설

$$x^5 + y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y) \cdots (*)$$

$$x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$$

$$\therefore 14 = 8 - 6xy$$

$$\therefore xy = -1 \cdots \cdots ①$$

$$x^3 + y^3 = 14 \cdots \cdots ②$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 4 - 2(-1) = 6 \cdots \cdots ③$$

①, ②, ③ 을 (\*)에 대입하면

$$x^5 + y^5 = 6 \times 14 - 2 = 82$$

23.  $x + y + 2z = 1$ ,  $2x - y + z = 5$ 를 만족하는 모든 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $ax^2 + by^2 + cz^2 = 6$ 이 성립할 때,  $3a + 2b + c$ 의 값은 얼마인가?

① 12

② 8

③ 4

④ 0

⑤ -2

### 해설

$$x + y + 2z = 1 \cdots ①$$

$$2x - y + z = 5 \cdots ②$$

$$① + ②: x + z = 2 \Rightarrow z = 2 - x$$

$$② \times 2 - ①: x - y = 3 \Rightarrow y = x - 3$$

$$\therefore ax^2 + by^2 + cz^2 = 6$$

$$\Rightarrow ax^2 + b(x-3)^2 + c(2-x)^2$$

$$= (a+b+c)x^2 - (4c+6b)x + 9b + 4c = 6$$

모든 실수  $x, y, z$ 에 대해 성립하려면

$$a + b + c = 0, 4c + 6b = 0, 9b + 4c = 6$$

위의 식을 연립하여 풀면,  $a = 1, b = 2, c = -3$

$$\therefore 3a + 2b + c = 4$$

24.  $x^4 - 6x^2 + 1$  을 인수분해 하였더니  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  가 되었다.  
이 때,  $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

- ① -2      ② 2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 1 &= (x^4 - 2x^2 + 1) - 4x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - (2x)^2 \\&= (x^2 + 2x - 1)(x^2 - 2x - 1) \\&= (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d) \\∴ a + b + c + d &= -2\end{aligned}$$

25. 복소수  $\alpha, \beta$ 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고르면? (단,  $\bar{\alpha}$ 는  $\alpha$ 의 결례복소수이다.)

- ㉠  $\alpha + \bar{\alpha}$ 는 실수이다.
- ㉡  $\alpha - \bar{\alpha}$ 는 허수이다.
- ㉢  $\alpha^2$ 이 실수이면  $\alpha$ 도 실수이다.
- ㉣  $\overline{\alpha + \beta} = \bar{\alpha} + \bar{\beta}$ 이고  $\overline{\alpha\beta} = \bar{\alpha} \cdot \bar{\beta}$ 이다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉤

④ ㉠, ㉣

⑤ ㉡, ㉤

### 해설

$\alpha = a + bi, \beta = c + di$  ( $a, b, c, d$ 는 실수) 라 하면

㉠  $\alpha + \bar{\alpha} = (a + bi) + (a - bi) = 2a$  (실수)

∴ 참

㉡  $\alpha$ 가 실수이면  $\alpha = \bar{\alpha}$  이므로  $\alpha - \bar{\alpha} = 0$ 이다.

따라서  $\alpha - \bar{\alpha}$ 가 반드시 허수인 것은 아니다.

∴ 거짓

㉢  $i^2 = -1$ 은 실수이지만  $i$ 는 순허수이다.

∴ 거짓

㉣  $\overline{\alpha + \beta} = \overline{(a + c) + (b + d)i}$   
 $= (a + c) - (b + d)i$   
 $= (a - bi) + (c - di)$   
 $= \bar{\alpha} + \bar{\beta}$

$\overline{\alpha\beta} = \overline{(ac - bd) + (ad + bc)i}$   
 $= (ac - bd) - (ad + bc)i$   
 $= (a - bi)(c - di)$   
 $= \bar{\alpha} \cdot \bar{\beta}$

∴ 참