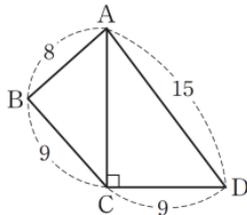


1.

오른쪽 그림에서  $\overline{AB} = 8$ ,  
 $\overline{AD} = 15$ ,  $\overline{BC} = 9$ ,  $\overline{CD} = 9$ 이  
고  $\angle C = 90^\circ$ 일 때,  $\triangle ABC$   
는 어떤 삼각형인가?



- ① 이등변삼각형
- ② 정삼각형
- ③ 예각삼각형
- ④ 둔각삼각형
- ⑤ 직각삼각형

▶ 답 :

▶ 정답 : ③

해설

$\triangle ACD$ 에서

$$\overline{AC}^2 = 15^2 - 9^2 = 144 \quad \therefore \overline{AC} = 12$$

$\triangle ABC$ 에서

$8^2 + 9^2 > 12^2$ 이므로 예각삼각형이다.

2. 어떤 삼각형의 세 변의 길이  $x, x, y$  가 다음 식을 만족할 때, 이 삼각형의 넓이를  $x$  를 사용한 식으로 나타내어라. (단,  $x \neq y$ )  
 $(xy - y^2 - \sqrt{2}x + \sqrt{2}y)(\sqrt{2}x + y) = 0$

▶ 답:

▶ 정답:  $\frac{\sqrt{2x^2 - 1}}{2}$

해설

$(xy - y^2 - \sqrt{2}x + \sqrt{2}y)(\sqrt{2}x + y) = 0$  에서

$(x - y)(y - \sqrt{2})(\sqrt{2}x + y) = 0$

이때,  $x \neq y$ ,  $y \neq -\sqrt{2}x$  이므로  $y = \sqrt{2}$

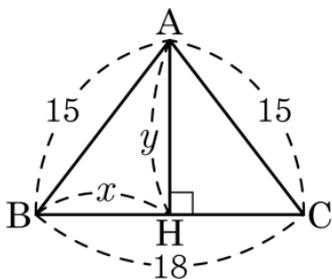
즉, 삼각형은 세 변의 길이가  $x, x, \sqrt{2}$  인 이등변삼각형이다.

삼각형의 넓이는  $\sqrt{x^2 - \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \sqrt{x^2 - \frac{1}{2}}$

이므로 따라서 삼각형의 넓이는

$\frac{1}{2} \sqrt{2} \sqrt{x^2 - \frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2x^2 - 1}}{2}$  이다.

3. 다음 그림과 같은 이등변삼각형 ABC에 대하여 물음에 답하여라.



- (1)  $x$ 의 길이를 구하여라.
- (2)  $y$ 의 길이를 구하여라.
- (3)  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 9

▷ 정답 : (2) 12

▷ 정답 : (3) 108

해설

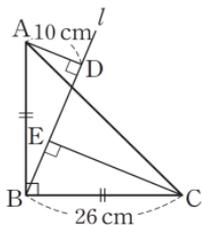
$$(1) x = \overline{BH} = \frac{1}{2}\overline{BC} = \frac{1}{2} \times 18 = 9$$

$$(2) y = \overline{AH} = \sqrt{15^2 - 9^2} = \sqrt{144} = 12$$

$$(3) \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 18 \times 12 = 108$$

4.

오른쪽 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC에서 점 B를 지나는 직선  $l$  위에 두 점 A, C에서 내린 수선의 발을 각각 D, E라 하자.  $\overline{AD} = 10$  cm,  $\overline{BC} = 26$  cm일 때,  $\overline{DE}$ 의 길이를 구하시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 14cm

해설

$\triangle ABD$ 와  $\triangle BCE$ 에서

$$\overline{AB} = \overline{BC} = 26 \text{ cm}, \quad \angle ADB = \angle BEC = 90^\circ$$

$$\angle ABD = 90^\circ - \angle EBC = \angle BCE$$

$$\therefore \triangle ABD \cong \triangle BCE \text{ (RHA 합동)}$$

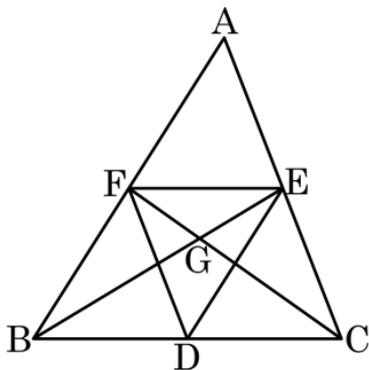
$$\therefore \overline{BE} = \overline{AD} = 10 \text{ (cm)}$$

$$\triangle ABD \text{에서 } \overline{BD}^2 = 26^2 - 10^2 = 576$$

$$\therefore \overline{BD} = 24 \text{ (cm)}$$

$$\therefore \overline{DE} = \overline{BD} - \overline{BE} = 24 - 10 = 14 \text{ (cm)}$$

5. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$  에서 점 G 가 무게중심이고  $\overline{FE} \parallel \overline{BC}$ ,  $\triangle ABC = 48\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle GEF$ 의 넓이를 구하여라.



- ①  $2\text{cm}^2$                       ②  $2.5\text{cm}^2$                       ③  $3\text{cm}^2$   
 ④  $3.5\text{cm}^2$                       ⑤  $4\text{cm}^2$

해설

$$\triangle DEF = \frac{1}{4}\triangle ABC = \frac{1}{4} \times 48 = 12(\text{cm}^2)$$

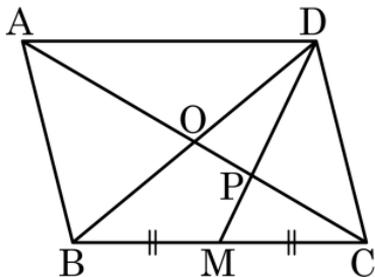
$$\overline{AG} : \overline{GD} = 2 : 1, \triangle ABG = \triangle BCG = \triangle CAG,$$

$\triangle ABC$ 의 무게중심과  $\triangle EDF$ 의 무게중심은 같음을 주의한다.

$$\triangle DEF = 3\triangle GEF,$$

$$\triangle GEF = 4\text{cm}^2$$

6. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서  $\overline{BM} = \overline{CM}$  이다.  
 $\square ABCD = 96\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle DOP$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답:             $\text{cm}^2$

▶ 정답: 8             $\text{cm}^2$

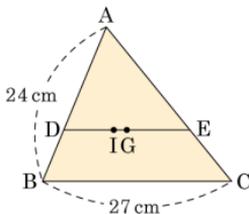
### 해설

점 P 는  $\triangle DBC$  의 무게중심이므로

$$\triangle DOP = \frac{1}{6} \triangle DBC = \frac{1}{12} \square ABCD$$

$$\therefore \triangle DOP = \frac{1}{12} \times 96 = 8(\text{cm}^2)$$

7. 다음 그림에서 점 G, I는 각각  $\triangle ABC$ 의 무게중심과 내심이다.  
 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이고  $\overline{AB} = 24\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 27\text{cm}$ 일 때,  $\overline{AB} : \overline{AC}$ 를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4 : 5

해설

$$\overline{DE} : \overline{BC} = 2 : 3$$

$$\overline{DE} : 27 = 2 : 3, \overline{DE} = 18(\text{cm})$$

$$\overline{AB} : \overline{DB} = 3 : 1$$

$$24 : \overline{DB} = 3 : 1, \overline{DB} = 8(\text{cm})$$

$$\overline{DB} = \overline{DI}, \overline{IE} = \overline{EC} \text{ 이므로}$$

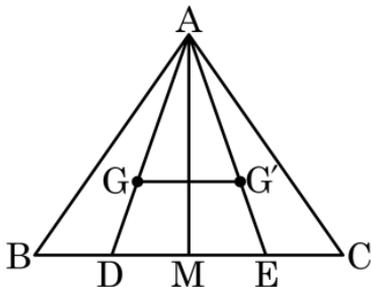
$$\overline{EC} = \overline{IE} = 18 - 8 = 10(\text{cm})$$

$$\overline{AC} : \overline{EC} = 3 : 1$$

$$\overline{AC} : 10 = 3 : 1, \overline{AC} = 30(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{AB} : \overline{AC} = 24 : 30 = 4 : 5$$

8. 다음 그림과 같이  $\angle B = \angle C$  인 이등변삼각형 ABC 의 점 A 에서 변 BC 에 내린 수선의 발을 M 이라 하고, 삼각형 ABM, ACM 의 무게중심을 각각 G, G' 이라 할 때, 삼각형 AGG' 의 둘레의 길이는 8 이다. 이때 삼각형 ADE 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$\overline{AG} : \overline{GD} = 2 : 1$  이므로 삼각형 AGG' 과 ADE 의 닮음비는 2 : 3 이다.

따라서 삼각형 ADE 의 둘레의 길이는  $\frac{3}{2} \times 8 = 12$  이다.

9. 1부터 20까지의 자연수 중 하나를 뽑아  $a$  라 할 때,  $\frac{16}{a}$  이 자연수가 될 확률은?

①  $\frac{1}{4}$

②  $\frac{4}{5}$

③  $\frac{1}{6}$

④  $\frac{2}{3}$

⑤  $\frac{1}{5}$

해설

$a : 1, 2, 4, 8, 16$  이므로 5가지

구하는 확률 :  $\frac{5}{20} = \frac{1}{4}$

10. 5장의 숫자 카드 중 2장을 뽑아 두 자리의 정수를 만들 때, 그 수가 홀수일 경우를 모두 쓰고, 확률을 구하여라.

1, 3, 4, 6, 7

▶ 답 :

▷ 정답 :                    홀 수 인        경 우 의        수        :

13, 17, 31, 37, 41, 43, 47, 61, 63, 67, 71, 73, 확률 :  $\frac{2}{5}$

해설

모든 경우의 수 :  $5 \times 4 = 20$ (가지)

홀수인 경우의 수 : 13, 17, 31, 37, 41, 43, 47, 61, 63, 67, 71, 73

이므로 12가지

$$\therefore \frac{12}{20} = \frac{3}{5}$$

11. 0, 1, 2, 3, 4 의 숫자가 적힌 5 장의 카드에서 임의로 2 장을 뽑아 두 자리의 정수를 만들 때, 35 미만일 확률은?

①  $\frac{1}{8}$

②  $\frac{3}{4}$

③  $\frac{1}{2}$

④  $\frac{1}{4}$

⑤  $\frac{5}{8}$

해설

5 장의 카드로 만들 수 있는 두 자리 정수는  $4 \times 4 = 16$  (가지)이다. 35 이상인 경우를 찾으면 40, 41, 42, 43이다.

따라서 35 미만일 확률은  $1 - \frac{4}{16} = \frac{3}{4}$ 이다.

12. 1부터 10까지의 숫자가 적힌 카드에 대하여 다음을 구하여라.

- (1) 모든 경우의 수
- (2) 4의 약수가 나오는 경우의 수
- (3) 4의 약수가 나오는 확률

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 10 가지

▷ 정답 : (2) 3 가지

▷ 정답 : (3)  $\frac{3}{10}$

### 해설

(1) 1부터 10까지 10가지이다.

(2) 1, 2, 4의 3가지이다.

(3)  $\frac{3}{10}$

13. 두 개의 주사위를 동시에 던질 때, 두 주사위의 눈의 차가 3 이상일 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{3}$

해설

차가 3 일 확률 : (1, 4), (2, 5), (3, 6), (4, 1), (5, 2), (6, 3) 6 가지

차가 4 일 확률 : (1, 5), (2, 6), (5, 1), (6, 2) 4 가지

차가 5 일 확률 : (1, 6), (6, 1) 2 가지

$$\therefore \frac{6}{36} + \frac{4}{36} + \frac{2}{36} = \frac{1}{3}$$

14. 말하기 대회에서 용석이가 1 등 할 확률이  $\frac{1}{4}$ , 지은이가 1 등할 확률이  $\frac{1}{3}$  일 때, 용석이 또는 지은이가 1 등을 할 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{7}{12}$

해설

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{3} = \frac{7}{12}$$

15. 한 개의 주사위를 던질 때, 3의 배수 또는 4의 약수의 눈이 나올 확률을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{5}{6}$

해설

3의 배수의 눈이 나올 확률:  $\frac{1}{3}$

4의 약수의 눈이 나올 확률:  $\frac{1}{2}$

$$\therefore \frac{1}{3} + \frac{1}{2} = \frac{5}{6}$$

16. 한 개의 주사위를 던질 때, 2의 배수 또는 5의 약수의 눈이 나올 확률은?

①  $\frac{1}{2}$

②  $\frac{1}{3}$

③  $\frac{1}{6}$

④  $\frac{5}{6}$

⑤  $\frac{1}{8}$

해설

2의 배수의 눈이 나올 확률:  $\frac{1}{2}$

5의 약수의 눈이 나올 확률:  $\frac{1}{3}$

$$\therefore \frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$$

17. 남학생 4 명과 여학생 3 명을 일렬로 세울 때, 적어도 한 명의 여학생은 다른 여학생들과 떨어져 있게 세우는 방법의 가짓수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 4320 가지

### 해설

여학생 3명이 항상 이웃하려면  
(여, 여, 여) 남, 남, 남, 남  
을 일렬로 세우면 되므로

$$(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times (3 \times 2 \times 1) = 720 \text{ (가지)}$$

따라서 적어도 한 명의 여학생이 다른 여학생들과 떨어져 세우는  
방법의 가짓수는

$$(7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) - 720 = 5040 - 720 = 4320 \text{ (가지) 이다.}$$

18. A, B, C 세 사람이 한 줄로 서는 모든 경우의 수는?

① 3 가지

② 4 가지

③ 5 가지

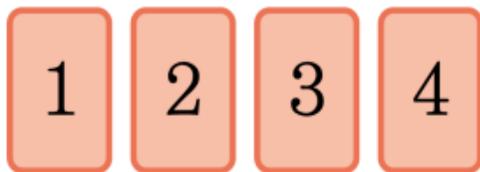
④ 6 가지

⑤ 8 가지

해설

$$3 \times 2 \times 1 = 6 \text{ (가지)}$$

19. 4장의 카드를 일렬로 배열하는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 24가지

해설

4장의 카드를 일렬로 배열하는 경우의 수는  $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$  (가지)이다.

## 20. 다음은 예지가

0, 1, 2, 3, 4

5장의 카드로 다섯 자리의 수를 만들어서 큰 수부터 나열할 때, 70번째의 수에 대해 추측하는 말이다. 예지가 하는 말의 빈칸을 모두 채우시오.

예지: 만의 자리의 숫자가 □인 수 중에 □번째로 작은 수 일  
거야.

그리고, 그 수는 바로 □□□□□이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2,3,20314

해설

만의 자리 숫자가 4일 때  $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$  (가지)

만의 자리 숫자가 3일 때  $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$  (가지)

만의 자리 숫자가 2일 때  $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$  (가지)

70번째 번의 수는 만의 자리 숫자가 2인 수 중에서 3째 번으로 작은 수이다.

21.  $a, b, b, c, c, d$  를 일렬로 나열할 때,  $d$  가  $b$  사이에 오도록 배열하는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답:          가지

▷ 정답: 60          가지

해설

$d$  를  $b$  로 바꾸어  $a, b, b, b, c, c$  를 일렬로 배열한 다음 가운데  $b$  를  $d$  로 바꾸면 되므로 구하는 경우의 수는

$$\frac{6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{(3 \times 2 \times 1) \times (2 \times 1)} = 60 \text{ (가지) 이다.}$$

22. 남학생 4 명과 여학생 2 명을 일렬로 세울 때, 여학생은 이웃하여 서는 경우는 모두 몇 가지 인가?

① 48 가지

② 96 가지

③ 110 가지

④ 120 가지

⑤ 240 가지

### 해설

여학생 2 명을 한 명으로 보고 일렬로 세운 다음, 여학생끼리 자리를 바꾼다.

$$(5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times 2 = 240(\text{가지})$$

23. 다섯 개의 문자 가, 가, 나, 나, 다를 일렬로 나열할 때, 같은 문자는 바로 옆에 오지 않도록 나열하는 경우의 수를 구하여라

▶ 답: 가지

▷ 정답: 12가지

### 해설

먼저 가가나나를 일렬로 나열하는 방법은 다음과 같다.

(i) 가가나나 나나가가

(ii) 가나나가 나가가나

(iii) 가나가나 나가나가

이때,

(i)의 경우는 다를 어느 곳에 놓아도 조건을 만족하지 않는다.

(ii)의 경우는 다를 나(다)나, 가(다)가로 배열할 경우의 2가지

(iii)의 경우는 다를 (다)가(다)나(다)가(다)나(다)로 배열할 경우의 5 가지 이므로

$$5 \times 2 = 10(\text{가지})$$

따라서 모든 경우의 수는  $2 + 10 = 12(\text{가지})$ 이다.

24. 중국인 4명과 한국인 5명이 한 줄로 설 때, 한국인은 어느 두 명도 이웃하지 않는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 2880 가지

#### 해설

한국인 5명을 한 줄로 세우고 그 사이에 중국인 4명을 세운다.

$$5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120 \text{ (가지)}, 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24 \text{ (가지)}$$

$$\therefore 120 \times 24 = 2880 \text{ (가지)}$$

25. 한 개의 주사위를 네 번 던져서 나타나는 눈의 수를 차례로  $a, b, c, d$  라고 할 때,  $(a-b)(b-c)(c-d) = 0$  인 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 546 가지

### 해설

- (1)  $(a-b), (b-c), (c-d)$  중 하나만 0인 경우 :

예를 들어  $a = b, b \neq c, c \neq d$  의 경우  $6 \times 1 \times 5 \times 5 = 150$  (가지)이므로

$$3 \times 150 = 450 \text{ (가지)}$$

- (2)  $(a-b), (b-c), (c-d)$  중 두 개가 0인 경우 :

예를 들어  $a = b = c \neq d$  인 경우  $6 \times 1 \times 1 \times 5 = 30$  (가지)이므로

$$3 \times 30 = 90 \text{ (가지)}$$

- (3)  $(a-b), (b-c), (c-d)$  모두 0인 경우 :

즉  $a = b = c = d$  인 경우 6가지

$$\therefore 450 + 90 + 6 = 546 \text{ (가지)}$$



27.  $a = -2, -1, 0, 1$ 이고,  $b = -1, 2, 3$ 일 때,  $a$ 의 값을  $x$ 좌표,  $b$ 의 값을  $y$ 좌표로 하는 순서쌍은 모두  $m$ 개이고, 이 중 제2사분면에 위치한 순서쌍은  $n$ 개이다. 이때,  $m+n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

### 해설

$a$ 의 값을  $x$  좌표,  $b$ 의 값을  $y$  좌표로 하는 모든 순서쌍은  
 $(-2, -1), (-2, 2), (-2, 3), (-1, -1), (-1, 2), (-1, 3), (0, -1),$   
 $(0, 2), (0, 3), (1, -1), (1, 2), (1, 3)$ 의 12개

$$\therefore m = 12$$

순서쌍 중 제 2 사분면에 위치한 순서쌍은  
 $(-2, 2), (-2, 3), (-1, 2), (-1, 3)$ 의 4개

$$\therefore n = 4$$

$$\therefore m + n = 16$$

28.  $x$ 의 값이  $x = a, b, c$ 이고,  $y$ 의 값이  $y = 1, 2, 3, 4$ 인 함수  $f$ 에서  $f(b) = 2$ 인 경우는 모두 몇 가지인지 구하여라.

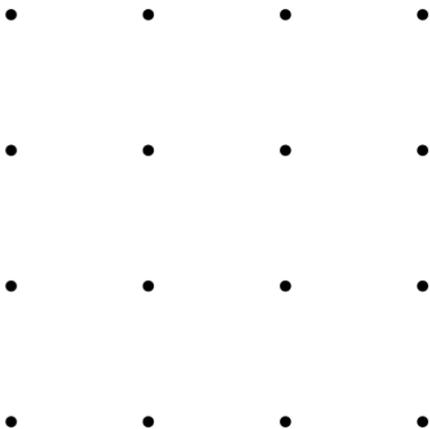
▶ 답: 가지

▷ 정답: 16 가지

해설

$f(b) = 2$ 일 때,  $a, c$ 의 함숫값은 각각 4가지씩 있으므로  $4 \times 4 = 16$ (가지)이다.

29. 다음 그림과 같이 일정한 간격으로 나열되어 있는 16 개의 점 중 4 개의 점을 이어서 만들 수 있는 평행사변형의 개수를 구하여라. (단, 직사각형은 제외한다.)



▶ 답 :            개

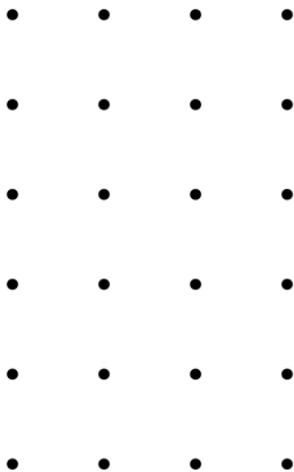
▶ 정답 : 80 개

해설

|  |   |  |
|--|---|--|
|  |   |  |
| <p>위와 같은 모양의 평행사변형의 개수<br/>           ① 1개 짜리: <math>2 \times 3 \times 2 = 12</math>(개)<br/>           ② 2개 짜리: <math>3 \times 2 + 2 \times 2 = 10</math>(개)<br/> <math>\therefore 12 + 10 = 22</math>(개)이고, 위의 그림을 <math>90^\circ</math> 회전한 모양과 같은 평행사변형을 더 얻으므로 총 44개</p> | <p>위와 같은 모양의 평행사변형의 개수<br/>           ① 1개 짜리: <math>4 \times 2 = 8</math>(개)<br/>           ② 2개 짜리: <math>2 \times 2 = 4</math>(개)<br/> <math>8 + 4 = 12</math>(개)이고, 위의 그림을 <math>90^\circ</math> 회전한 모양과 같은 평행사변형을 더 얻으므로 총 24개</p> | <p>위와 같은 모양의 평행사변형의 개수<br/>           ① 1개 짜리: <math>2 \times 2 = 4</math>(개)<br/>           ② 2개 짜리: <math>1 \times 2 = 2</math>(개)<br/> <math>4 + 2 = 6</math>(개)이고, 위의 그림을 <math>90^\circ</math> 회전한 모양과 같은 평행사변형을 더 얻으므로 총 12개</p> |

따라서 구하는 평행사변형의 개수는  $44 + 24 + 12 = 80$ (개)이다.

30. 다음 그림과 같이 일정한 간격으로 나열되어 있는 24 개의 점 중, 4 개의 점을 이어서 만들 수 있는 정사각형의 개수를 구하여라.



▶ 답 :            개

▷ 정답 : 40 개

해설

|   |   |   |
|---|---|---|
|   |   |   |
| <p>위의 그림에서 정사각형의 개수</p> <p>① 1개 짜리: <math>5 \times 3 = 15</math>(개)</p> <p>② 4개 짜리: <math>4 \times 2 = 8</math>(개)</p> <p>③ 9개 짜리: <math>3 \times 1 = 3</math>(개)</p> <p><math>\therefore 15 + 8 + 3 = 26</math>(개)</p> | <p>위의 그림에서 정사각형의 개수</p> <p><math>4 \times 2 = 8</math>(개)</p> | <p>위의 그림에서 정사각형의 개수</p> <p><math>3 \times 2 = 6</math>(개)</p> |

따라서 구하는 정사각형의 개수는  $26 + 8 + 6 = 40$ (개)이다.



32. 가로로 평행한 6 개의 직선과 세로로 평행한 3 개의 직선이 18 개의 점에서 만날 때, 18 개의 점 중 한 점 A 를 꼭짓점으로 하는 평행사변형의 개수를 구하여라.

▶ 답:      개

▷ 정답: 10개

### 해설

점 A 를 지나는 가로줄을 제외하고 나머지 가로줄에 ①, ②, ③, ④, ⑤ 라 번호를 붙이고 점 A 를 지나는 세로줄을 제외하고 나머지 세로줄에 ㉠, ㉡ 라 번호를 붙이자.

이때, 점 A 를 꼭짓점으로 하는 평행사변형은

A 를 지나는 가로줄과 ①, ②, ③, ④, ⑤ 중 하나의 가로줄, A 를 지나는 세로줄과 ㉠, ㉡ 중 하나의 세로줄로 이루어져 있다.

따라서 5 개의 가로줄 중 하나를 선택하고, 2 개의 세로줄 중 하나를 선택하는 경우의 수와 같으므로  $5 \times 2 = 10$ (개)이다.