

1. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기를 구하면?

- ①  $110^\circ$

②  $115^\circ$

③  $120^\circ$

④  $125^\circ$

⑤  $130^\circ$

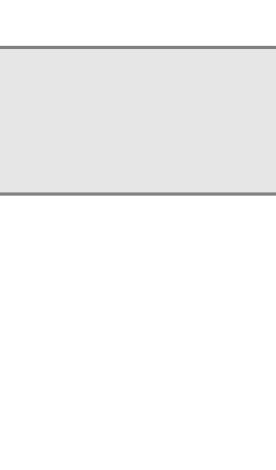


해설

$$\angle x = \frac{1}{2} \times (360^\circ - 130^\circ) = 115^\circ$$

2. 다음 그림에서  $\overline{BD}$ 는 원 O의 지름이고  $\angle ABD = 32^\circ$ ,  $\angle ADC = 84^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하면?

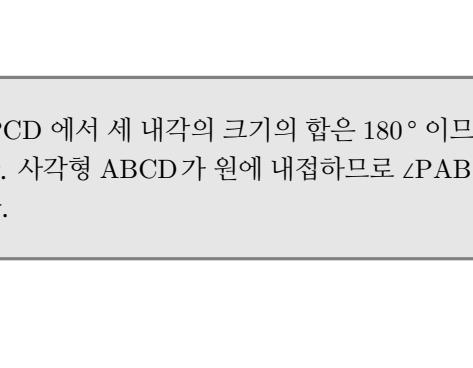
- ①  $50^\circ$       ②  $52^\circ$       ③  $54^\circ$   
④  $56^\circ$       ⑤  $58^\circ$



해설

$$\begin{aligned}\angle BAD &= 90^\circ \text{ 이므로} \\ \angle ADB &= 180^\circ - (90^\circ + 32^\circ) = 58^\circ\end{aligned}$$

3. 다음 그림에서 점 P는 두 원 AD, BC의 연장선의 교점이다.  $\angle BPD = 30^\circ$ ,  $\angle PDC = 80^\circ$  일 때,  $\angle PAB$ 의 크기는?



- ①  $50^\circ$       ②  $60^\circ$       ③  $70^\circ$       ④  $80^\circ$       ⑤  $90^\circ$

해설

삼각형 PCD에서 세 내각의 합은  $180^\circ$  이므로  $\angle PCD = 70^\circ$  이다. 사각형 ABCD가 원에 내접하므로  $\angle PAB = \angle PCD = 70^\circ$  이다.

4. 영희는 3 회에 걸쳐 치른 국어 시험 성적의 평균이 85 점이 되게 하고 싶다. 2 회까지 치른 국어 점수의 평균이 84 점일 때, 3 회에는 몇 점을 받아야 하는가?

- ① 81 점    ② 83 점    ③ 85 점    ④ 87 점    ⑤ 89 점

해설

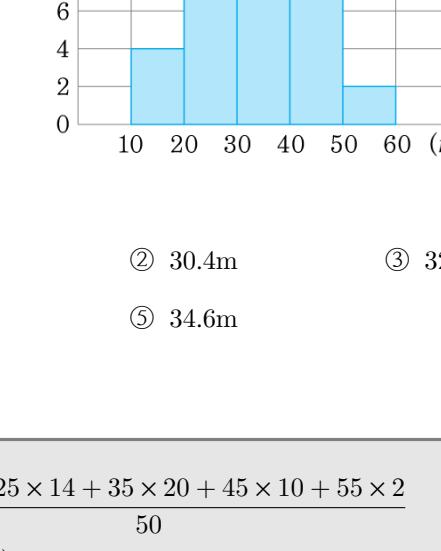
1, 2 회 때 각각 받은 점수를  $a$ ,  $b$  다음에 받아야 할 점수를  $x$  점이라고 하면

$$\frac{a+b}{2} = 84, \quad a+b = 168$$

$$\frac{a+b+x}{3} = 85, \quad (a+b) + x = 255, \quad 168 + x = 255 \quad \therefore x = 87$$

따라서 87 점을 받으면 평균 85 점이 될 수 있다.

5. 다음 그림은 A 반 학생 50 명의 멀리던지기 기록에 대한 히스토그램이다. 이 반 학생 50 명의 멀리던지기 기록의 평균은?



- ① 28.6m      ② 30.4m      ③ 32.2m  
④ 33.4m      ⑤ 34.6m

해설

$$\frac{15 \times 4 + 25 \times 14 + 35 \times 20 + 45 \times 10 + 55 \times 2}{50} = 33.4(\text{m})$$

6. 다음은 A, B, C, D, E 5 명의 학생의 영어 성적의 편차를 나타낸 표이다. 이 5 명의 수학 성적의 평균이 8 점 일 때, A 의 성적과 표준편차를 차례대로 나열한 것은?

편차(점)	A	B	C	D	E
	-1	2	0	$x$	1

① 5 점,  $\sqrt{2}$  점      ② 6 점,  $\sqrt{2}$  점      ③ 6 점,  $\sqrt{3}$  점

④ 7 점,  $\sqrt{2}$  점      ⑤ 8 점,  $\sqrt{3}$  점

해설

A 의 성적은  $8 - 1 = 7$ (점)

또한, 편차의 합은 0 이므로

$$-1 + 2 + 0 + x + 1 = 0$$

$$x + 2 = 0, \therefore x = -2$$

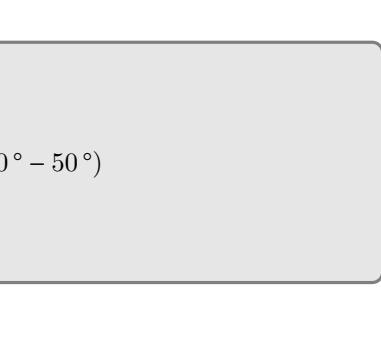
따라서 분산이

$$\frac{(-1)^2 + 2^2 + 0^2 + (-2)^2 + 1^2}{5} = \frac{10}{5} = 2$$

이므로 표준편자는  $\sqrt{2}$  점 이다.

7. 다음 그림에서  $\overline{PA}$ ,  $\overline{PB}$ 는 원 O의 접선이다.  $\angle APB = 50^\circ$  일 때,  $\angle ACB$ 의 크기를 구하면?

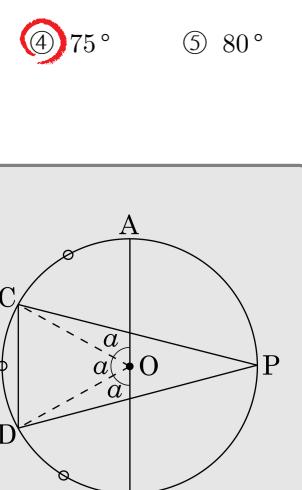
- ①  $50^\circ$       ②  $55^\circ$   
③  $60^\circ$       ④  $65^\circ$   
⑤  $70^\circ$



해설

$$\begin{aligned}\angle ACB &= \frac{1}{2} \angle AOB \\ &= \frac{1}{2} \times (360^\circ - 90^\circ - 90^\circ - 50^\circ) \\ &= \frac{1}{2} \times 130^\circ = 65^\circ\end{aligned}$$

8. 다음 그림에서  $\overline{AB}$  는 원 O의 지름이고  $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD} = 5.0\text{pt}\widehat{DB}$ ,  $\overline{PC} = \overline{PD}$  일 때,  $\angle PCD$  의 크기는?



- ①  $60^\circ$     ②  $65^\circ$     ③  $70^\circ$     ④  $75^\circ$     ⑤  $80^\circ$

**해설**

두 반지름을 그으면 호의 길이가 같으면 중심각의 크기도 같으므로



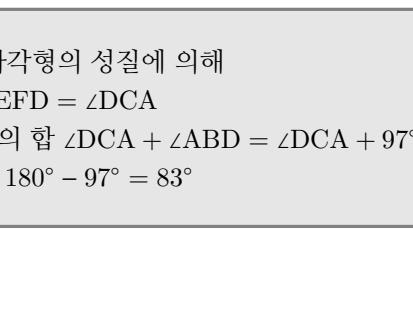
$\angle AOC = \angle COD = \angle DOB = \alpha = 60^\circ$  이다.

$$\therefore \angle CPD = 30^\circ (\because \angle CPD = \frac{1}{2}\angle COD)$$

또한,  $\triangle PCD$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle PCD = (180^\circ - 30^\circ) \times \frac{1}{2} = 75^\circ$$

9. 다음 그림에서 두 점 E, F는 두 원  $O$ ,  $O'$ 의 교점이고, 점 C, D는 두 원  $O'$ ,  $O''$ 의 교점이다.  
 $\angle CAB = 85^\circ$ ,  $\angle ABD = 97^\circ$  일 때,  $\angle EGH$ 의 크기는?

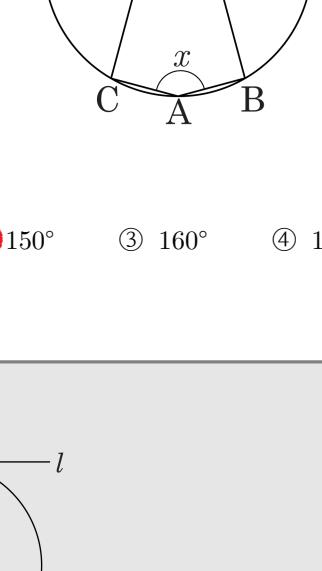


- ①  $83^\circ$       ②  $92^\circ$       ③  $96^\circ$       ④  $100^\circ$       ⑤  $102^\circ$

해설

내접하는 사각형의 성질에 의해  
 $\angle EGH = \angle EFD = \angle DCA$   
 또한, 대각의 합  $\angle DCA + \angle ABD = \angle DCA + 97^\circ = 180^\circ$  이다.  
 $\therefore \angle DCA = 180^\circ - 97^\circ = 83^\circ$

10. 원 O의 접선 직선  $l$ , 접점 T가 다음과 같을 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $140^\circ$       ②  $150^\circ$       ③  $160^\circ$       ④  $130^\circ$       ⑤  $170^\circ$

해설

$$\angle x = 150^\circ$$

$\angle OTB = 75^\circ$

$\angle TAB = 75^\circ$

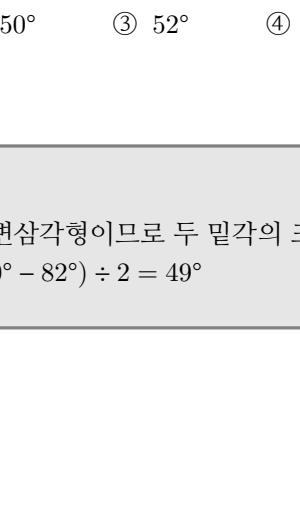
$\angle TBA = 75^\circ$

$\angle TAB + \angle TBA = 150^\circ$

$\angle AOB = 150^\circ$

$\angle x = 150^\circ$

11. 다음 그림에서 현 AC 와 점 C 를 지나는 접선이 이루는 각의 크기가  $82^\circ$  이고  $\overline{AB} = \overline{BC}$  일 때,  $\angle BCA$  의 크기로 옳은 것은?



- ①  $49^\circ$       ②  $50^\circ$       ③  $52^\circ$       ④  $53^\circ$       ⑤  $55^\circ$

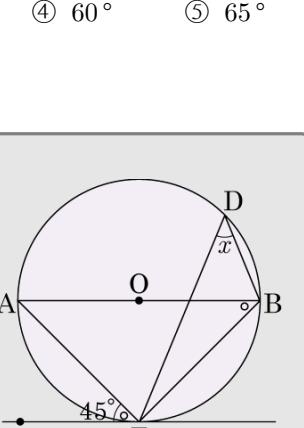
해설

$$\angle ABC = 82^\circ$$

$\triangle ABC$  는 이등변삼각형이므로 두 밑각의 크기가 같다.

$$\therefore \angle BCA = (180^\circ - 82^\circ) \div 2 = 49^\circ$$

12. 다음 그림에서  $x$ 의 값은?



- ①  $30^\circ$       ②  $45^\circ$       ③  $50^\circ$       ④  $60^\circ$       ⑤  $65^\circ$

해설

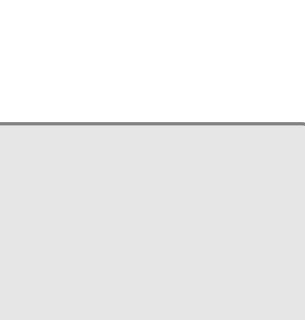
접 B와 T에 보조선을 그으면



$\angle ATB = 90^\circ$ 이고  $\angle ABT = \angle ATC = 45^\circ$ 므로  
 $\angle A = 45^\circ$ ,  $\angle x = \angle A = 45^\circ$

13. 다음 그림은 원 O의 접선 PT 와 접점 T를 나타낸 것이다.  $\overline{PA} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{PT} = 14\text{cm}$  일 때, 이 원의 반지름의 길이는?

①  $\frac{38}{3}\text{cm}$       ②  $\frac{40}{3}\text{cm}$   
③  $\frac{41}{3}\text{cm}$       ④  $\frac{43}{3}\text{cm}$   
⑤  $\frac{44}{3}\text{cm}$



해설

반지름의 길이를  $x\text{cm}$ 라고 하면

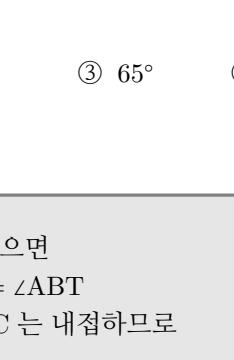
$$14^2 = 6(6 + 2x)$$

$$196 = 36 + 12x$$

$$12x = 160$$

$$\therefore x = \frac{40}{3}(\text{cm})$$

14. 다음 그림과 같이 직선 PT 가 원 O 의 접선일 때,  $\angle ATP$  의 크기는?



- ①  $55^\circ$       ②  $60^\circ$       ③  $65^\circ$       ④  $70^\circ$       ⑤  $80^\circ$

해설

점 A 와 점 B 를 이으면  
원 O 에서  $\angle ATP = \angle ABT$   
원 O' 에서  $\square ABDC$  는 내접하므로  
 $\angle ABT = \angle C = 80^\circ$   
따라서  $\angle ATP = \angle C = 80^\circ$

15. 다음은 지영이네 반 25명이 체육시간에 던지기 기록을 측정한 것이다.  
평균을 구하면?

계급(m)	도수(명)
20미상 ~ 30미만	5
30미상 ~ 40미만	8
40미상 ~ 50미만	6
50미상 ~ 60미만	4
60미상 ~ 70미만	2
합계	25

- ① 38 m    ② 39 m    ③ 40 m    ④ 41 m    ⑤ 42 m

해설

각각의 계급값은  
25, 35, 45, 55, 65이므로

$$(평균) = \frac{25 \times 5 + 35 \times 8 + 45 \times 6 + 55 \times 4 + 65 \times 2}{25} = \frac{125 + 280 + 270 + 220 + 130}{25} = 41(m)$$

16. 다음의 표준편차를 순서대로  $x$ ,  $y$ ,  $z$  라고 할 때,  $x$ ,  $y$ ,  $z$  의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

X : 1 부터 100 까지의 홀수  
Y : 1 부터 100 까지의 2 의 배수  
Z : 1 부터 150 까지의 3 의 배수

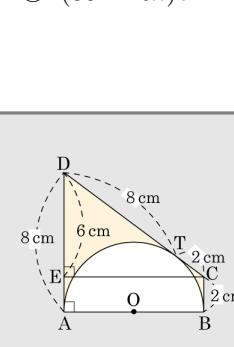
- ①  $x = y = z$       ②  $x = y < z$       ③  $x < y = z$   
④  $x = y > z$       ⑤  $x < y < z$

해설

X, Y, Z 모두 변량의 개수는 50 개이다.  
이때, X, Y 는 모두 2 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y  
의 표준편자는 같다.

한편, Z 는 3 만큼의 간격을 두고 떨어져 있으므로 X, Y 보다  
표준편자가 크다.

17. 다음 그림과 같이 반원의 호  $AB$  위의 한 점  $T$ 를 지나는 접선이 지름  $AB$ 의 양 끝점에서 그은 접선과 만나는 점을 각각  $D, C$ 라 할 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ①  $(40 - 8\pi)\text{cm}^2$       ②  $(40 + 8\pi)\text{cm}^2$       ③  $(80 - 8\pi)\text{cm}^2$   
 ④  $(40 - 4\pi)\text{cm}^2$       ⑤  $(80 - 16\pi)\text{cm}^2$

해설



색칠한 부분의 넓이는  $\square ABCD$ 에서 반원의 넓이를 뺀 것과 같다.  
 그림에서  $\overline{DC} = 10\text{ cm}$ ,  $\overline{DE} = 6\text{ cm}$ 이므로  $\overline{CE} = 8\text{ cm}$

$$\text{따라서 } \square ABCD = (8+2) \times 8 \times \frac{1}{2} = 40(\text{cm}^2)$$

$$\overline{AB} = \overline{CE} = 8\text{ cm} \text{이므로 반원의 반지름은 } 4\text{ cm}$$

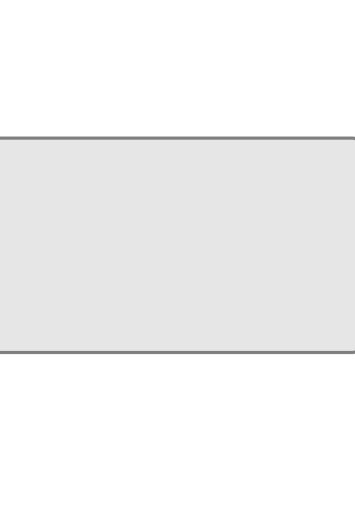
$$\text{따라서 (반원의 넓이)} = \pi \times 4^2 \times \frac{1}{2} = 8\pi(\text{cm}^2)$$

$$\therefore (\text{색칠한 부분의 넓이}) = (40 - 8\pi)\text{cm}^2$$

18. 그림과 같이  $\overline{AB} = 10\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 9\text{ cm}$ ,  $\overline{AC} = 8\text{ cm}$ 인  
 $\triangle ABD$ ,  $\triangle ADC$ 의 내접원을  
그리면 이 두 원이 한 점 E에서  
접할 때,  $\overline{AE} - \overline{ED}$ 의 길이는?

- ① 2 cm      ② 2.3 cm  
③ 3.8 cm      ④ 4 cm

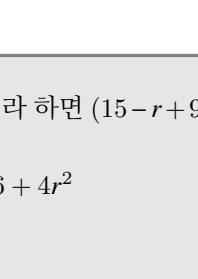
⑤ 4.5 cm



해설

$$10 - \overline{AE} + 8 - \overline{AE} + 2\overline{ED} = 9 \\ 18 - 2\overline{AE} + 2\overline{ED} = 9 \\ \therefore \overline{AE} - \overline{ED} = \frac{9}{2} = 4.5(\text{cm})$$

19. 다음 그림에서  $\square ABCD$  에 내접하는 원  $O$  의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답:  $\frac{45}{4}\pi$  cm

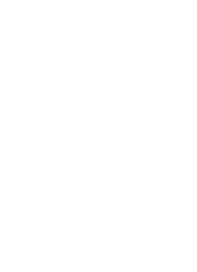
해설

$$\text{반지름의 길이} r \text{ cm} \text{ 라 하면 } (15 - r + 9 - r)^2 = 6^2 + (2r)^2, (24 - 2r)^2 = 36 + 4r^2$$

$$576 - 96r + 4r^2 = 36 + 4r^2$$

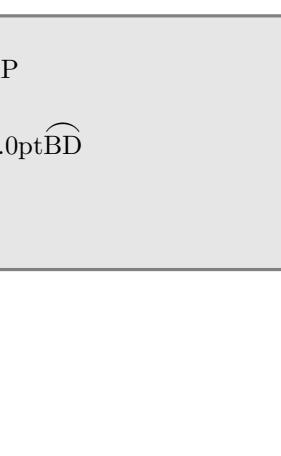
$$\therefore r = \frac{45}{8} \text{ (cm)}$$

$$(\text{원의 둘레의 길이}) = 2\pi \times \frac{45}{8} = \frac{45}{4}\pi \text{ (cm)}$$



20. 다음 그림에서  $5.0pt\widehat{AC} = a$  일 때,  
 $5.0pt\widehat{BD}$  를 구하면?

①  $\frac{6}{5}a$       ②  $\frac{7}{5}a$       ③  $\frac{8}{7}a$   
**④**  $\frac{9}{7}a$       ⑤  $\frac{10}{9}a$



해설

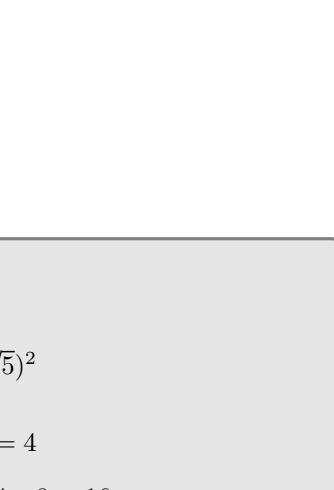
$$\triangle ABP \text{ 에 의해 } \angle APC = \angle ABP + \angle BAP$$

$$\angle BAP = 80^\circ - 35^\circ = 45^\circ$$

$$5.0pt\widehat{AC} : 5.0pt\widehat{BC} = 35^\circ : 45^\circ = a : 5.0pt\widehat{BD}$$

$$5.0pt\widehat{BD} = \frac{45^\circ}{35^\circ} = \frac{9}{7}a$$

21. 다음 그림에서 점 P는 반지름이 5인 원 O의 접점이고,  $\overline{BC} \perp \overline{PC}$ ,  $\overline{BP} = 4\sqrt{5}$  일 때,  $\triangle PBC$ 의 넓이를 구하여라.



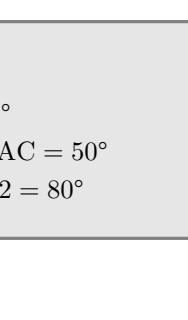
▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$$\begin{aligned}\triangle APB &\sim \triangle PCB \\ \overline{AB} : \overline{BP} &= \overline{BP} : \overline{BC} \\ \overline{AB} \times \overline{BC} &= \overline{BP}^2, 10 \times \overline{BC} = (4\sqrt{5})^2 \\ \therefore \overline{BC} &= 8 \\ \overline{PC} &= \sqrt{\overline{BP}^2 - \overline{BC}^2} = \sqrt{80 - 64} = 4 \\ \therefore \triangle PBC &= \frac{1}{2} \times \overline{PC} \times \overline{BC} = \frac{1}{2} \times 4 \times 8 = 16\end{aligned}$$

22. 다음 그림에서  $\overleftrightarrow{AT}$  는 원 O의 접선이고,  $\angle BAT = 50^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하면?

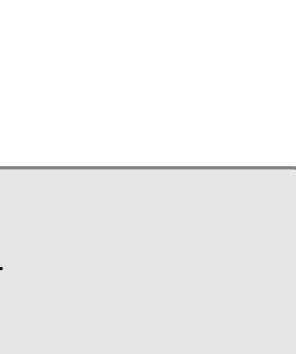


- ①  $50^\circ$       ②  $60^\circ$       ③  $70^\circ$       ④  $80^\circ$       ⑤  $90^\circ$

해설

A 와 C 를 이으면  
 $\angle BAT = \angle BCA = 50^\circ$   
 $\overline{AB} = \overline{BC}$  이므로  $\angle BAC = 50^\circ$   
 $\therefore \angle x = 180^\circ - 50^\circ \times 2 = 80^\circ$

23. 다음 그림과 같이 점 P에서 두 원이 접하고,  $\overline{AP} = 3\text{ cm}$ ,  $\overline{BP} = 9\text{ cm}$ ,  $\overline{CP} = 4\text{ cm}$  일 때,  $\overline{DP}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 12 cm

해설

두 원의 공통접선  $\overline{EF}$ 를 그으면  
 $\angle APE = \angle ACP, \angle FPB = \angle BDP$ 이다.



$$\therefore \angle ACP = \angle BDP$$

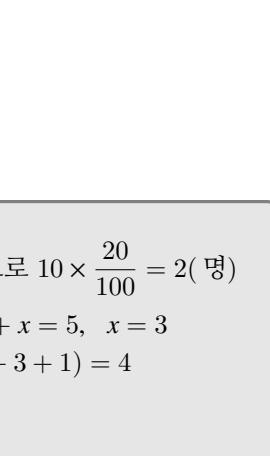
또한,  $\angle APC = \angle BPD$  ( $\because$  맞꼭지각) 이다.

$\therefore \triangle APC \cong \triangle BPD$  (AA 닮음)

따라서  $\overline{PA} : \overline{PB} = \overline{PC} : \overline{PD}$ 에서

$$\overline{DP} = \frac{\overline{PB} \times \overline{PC}}{\overline{PA}} = \frac{9 \times 4}{3} = 12 (\text{cm})$$

24. 다음은 영웅이네 반 학생 10 명의 몸무게를 조사하여 나타낸 히스토그램인데 일부가 젖어 잉크가 번져 버렸다. 이때, 계급값이 35 인 학생이 전체의 20%이고, 50kg 미만인 학생은 모두 5 명이다. 이 반 학생 10 명의 몸무게의 분산을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 84

해설

$$\text{계급값이 } 35 \text{ 인 학생이 전체의 } 20\% \text{ 이므로 } 10 \times \frac{20}{100} = 2(\text{명})$$

$$50\text{kg 미만인 학생은 모두 } 5 \text{ 명이므로 } 2 + x = 5, x = 3$$

$$50\text{kg 이상 } 60\text{kg 미만의 도수는 } 10 - (2 + 3 + 1) = 4$$

학생들의 몸무게의 평균은

$$\begin{aligned} (\text{평균}) &= \frac{\{( \text{계급값} ) \times ( \text{도수} )\} \text{의 총합}}{(\text{도수}) \text{의 총합}} \\ &= \frac{35 \times 2 + 45 \times 3 + 55 \times 4 + 65 \times 1}{10} \\ &= \frac{490}{10} = 49(\text{kg}) \end{aligned}$$

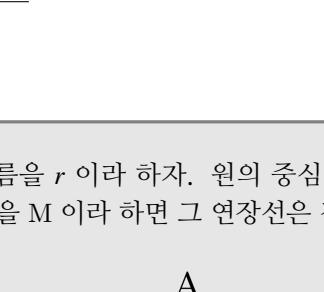
따라서 구하는 분산은

$$\frac{1}{10} \{ (35 - 49)^2 \times 2 + (45 - 49)^2 \times 3 + (55 - 49)^2 \times 4 + (65 - 49)^2 \times 1 \}$$

$$= \frac{1}{10} (392 + 48 + 144 + 256) = 84$$

이다.

25. 다음 그림에서  $\overline{AB} = \overline{AC} = 2\sqrt{6}$ cm,  $\overline{BC} = 8$ cm인 이등변삼각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답:  $3\sqrt{2}$ cm

해설

외접원의 반지름을  $r$ 이라 하자. 원의 중심  $O$ 에서 현  $CB$ 에 내린 수선의 발을  $M$ 이라 하면 그 연장선은 점  $A$ 와 만난다.



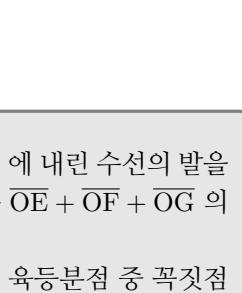
$$\overline{MA}^2 = (2\sqrt{6})^2 - 4^2 = 8$$

$$\therefore \overline{MA} = 2\sqrt{2} \text{ (cm)}, \overline{OM} = r - 2\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

$$r^2 - 4^2 = (r - 2\sqrt{2})^2, 4\sqrt{2}r = 24$$

$$\therefore r = 3\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

26. 다음 그림과 같이 원 O는 정삼각형 ABC의 각 변의 육등분점 중 꼭짓점 A, B, C에 가장 가까운 점들과 만난다. 정삼각형 ABC의 넓이가  $4\sqrt{3}$  일 때, 원의 중심 O에서 삼각형의 각 변에 이르는 거리의 합을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $2\sqrt{3}$

해설

그림과 같이 원의 중심 O에서 삼각형 ABC에 내린 수선의 발을 각각 E, F, G라 하면 구하고자 하는 값은  $\overline{OE} + \overline{OF} + \overline{OG}$ 의 값과 같다.

그런데 원 O는 정삼각형 ABC의 각 변의 육등분점 중 꼭짓점 A, B, C에 가장 가까운 점들과 만나므로 정삼각형 ABC에 의해 만들어지는 현의 길이는 모두 같다.

따라서  $\overline{OE}$ ,  $\overline{OF}$ ,  $\overline{OG}$ 의 길이는 모두 같다.

정삼각형 ABC의 한 변의 길이를 a라 하면 넓이가  $4\sqrt{3}$  이므로

$$a \times \frac{\sqrt{3}}{2} a \times \frac{1}{2} = 4\sqrt{3}, a^2 = 16$$

$$\therefore a = 4 (\because a > 0)$$

이때  $\overline{OE} = x$  라 하면

$\triangle ABC = \triangle AOB + \triangle AOC + \triangle BOC$  이므로

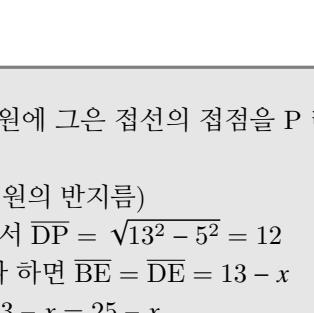
$$x \times 4 \times \frac{1}{2} \times 3 = 4\sqrt{3}$$

$$\therefore x = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$



따라서 원의 중심 O에서 삼각형의 각 변에 이르는 거리의 합은  $2\sqrt{3}$ 이다.

27. 다음 그림은 직사각형 ABCD에서 점 A를 중심으로 사분원을 그린 것이다. 점 D에서 사분원에 그은 접선과 선분 BC가 만나는 점을 E라 하고 직사각형의 가로, 세로의 길이가 각각 13, 5 일 때, 선분 EC의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

점 D에서 사분원에 그은 접선의 접점을 P라 하고 보조선 AP를 그으면

$$\overline{AP} = \overline{AB} = 5 \text{ (원의 반지름)}$$

$$\text{삼각형 } APD \text{에서 } \overline{DP} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$$

이 때  $\overline{EC} = x$  라 하면  $\overline{BE} = \overline{DE} = 13 - x$

$$\therefore \overline{DE} = 12 + 13 - x = 25 - x$$

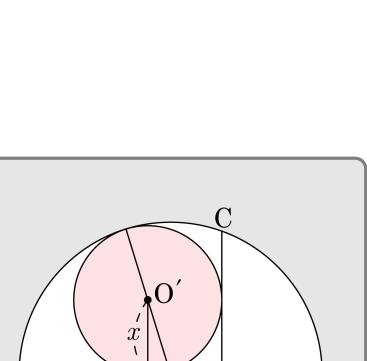
삼각형 DEC에서

$$(25 - x)^2 = x^2 + 5^2$$

$$625 - 50x + x^2 = x^2 + 25$$

$$\therefore x = 12$$

28. 길이가 50 인 선분  $AB$ 를 지름으로 하는 반원  $O$ 에서 선분  $AB$ 와 수직인 직선이 반원의 호와 선분  $AB$ 와 만나는 점을 각각  $C, D$ 라 하자.  $\overline{AD} : \overline{BD} = 16 : 9$  일 때, 점  $A, C, D$ 로 둘러싸인 부분에 내접하는 원의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $144\pi$

해설

구하는 원의 반지름의 길이를  $x$ 라 하면

$\overline{AD} : \overline{BD} = 16 : 9$  이고,  $\overline{AB} = 50$  이므로

$\overline{AD} = 32, \overline{BD} = 18$

$\overline{OD} = 32 - 25 = 7, \overline{OE} = x - 7$

$\overline{OO'} = 25 - x$

$$(25 - x)^2 = (x - 7)^2 + x^2$$

$$x^2 + 36x - 576 = 0$$

$$(x - 12)(x + 48) = 0$$

$$\therefore x = 12 (\because x > 0)$$

따라서 구하는 원의 넓이는  $12^2\pi = 144\pi$  이다.



29. 네 수 5, 7,  $x$ ,  $y$ 의 평균이 4이고, 분산이 3 일 때, 5,  $2x^2$ ,  $2y^2$ , 7의 평균은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설

변량 5, 7,  $x$ ,  $y$ 의 평균이 4 이므로

$$\frac{5+7+x+y}{4} = 4, \quad x+y+12=16$$

$$\therefore x+y=4 \quad \dots \textcircled{7}$$

또한, 분산이 3 이므로

$$\frac{(5-4)^2 + (7-4)^2 + (x-4)^2 + (y-4)^2}{4} = 3,$$

$$\frac{1+9+x^2-8x+16+y^2-8y+16}{4} = 3,$$

$$\frac{x^2+y^2-8(x+y)+42}{4} = 3$$

$$x^2+y^2-8(x+y)+42=12$$

$$\therefore x^2+y^2-8(x+y)=-30 \quad \dots \textcircled{L}$$

⑦의 식에 ⑦을 대입하면

$$\therefore x^2+y^2=8(x+y)-30=8\times 4-30=2$$

따라서 5,  $2x^2$ ,  $2y^2$ , 7의 평균은

$$\frac{5+2x^2+2y^2+7}{4} = \frac{12+2(x^2+y^2)}{4} = \frac{12+4}{4} = 4 \text{ 이다.}$$

30. 다음 중  $x$ 의 개수가 가장 많은 것을 구하여라.

- Ⓐ  $\sqrt{2} < x < \sqrt{4}$ , 단  $x$ 는 자연수
- Ⓑ  $-3\sqrt{2} \leq -\sqrt{x} < -2\sqrt{2}$ , 단  $x$ 는 정수
- Ⓒ  $2\sqrt{3} \leq \sqrt{x} \leq 4$ , 단  $x$ 는 자연수

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

해설

$\sqrt{2} < x < \sqrt{4}$  이므로  $2 < x^2 < 4$  이다.

따라서 자연수  $x$ 는 없다.

$-3\sqrt{2} \leq -\sqrt{x} < -2\sqrt{2}$  이므로  $\sqrt{8} = 2\sqrt{2} < \sqrt{x} \leq 3\sqrt{2} = \sqrt{18}$  이다.

따라서  $8 < x \leq 18$  이므로

따라서 정수  $x$ 의 개수는 10개이다.

$2\sqrt{3} \leq \sqrt{x} \leq 4$  이므로  $12 \leq x \leq 16$  이다.

따라서 정수  $x$ 의 개수는 5개이다.