

1. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. $\angle OCB$ 의 크기는?



- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

2. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. x 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

3. 다음 그림에서 원 I 는 직각삼각형 ABC 의 내접원이고, 점 D, E, F 는 각각 접점이다. 이 때, 내접원 I 의 반지름의 길이는? (단, $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{AC} = 10$)



- ① 1 ② 1.5 ③ 2 ④ 2.5 ⑤ 3

4. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고, \overline{BC} 와 평행한 직선과 \overline{AB} , \overline{AC} 의 교점을 각각 D, E 라고 한다. $\overline{BD} = 4\text{cm}$, $\overline{CE} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이는?



- ① 8cm ② 9cm ③ 10cm ④ 11cm ⑤ 12cm

5. 평행사변형 ABCD에서 $\angle x = ()^\circ$ 이다.
() 안에 알맞은 수를 구하여라.

- ① 60 ② 65 ③ 70

- ④ 75 ⑤ 80



6. 다음 조건 중에서 사각형 ABCD 는 평행사변형이 될 수 없는 것은?

- ① $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$
- ② $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$
- ③ $\angle B + \angle C = 180^\circ$, $\angle A + \angle B = 180^\circ$
- ④ $\overline{AO} = \overline{CO}$, $\overline{BO} = \overline{DO}$ (점 O는 대각선의 교점이다.)
- ⑤ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$

7. 사각형 ABCD에서 $\overline{AB} = 7$, $\overline{BC} = 3x - 2y$, $\overline{CD} = -2x + 7y$, $\overline{DA} = 15$ 일 때, 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되도록 하는 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답: $x = \underline{\hspace{2cm}}$

▶ 답: $y = \underline{\hspace{2cm}}$

8. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$ 일 때, $\triangle ABC$ 가 될 수 없는 삼각형의 종류는 무엇인가?



- ① 이등변삼각형
② 정삼각형
③ 직각삼각형
④ 직각이등변삼각형
⑤ 정답 없음

9. 다음 그림에서 점 O 는 직각삼각형 ABC 의 외심일 때, x 의 값은?



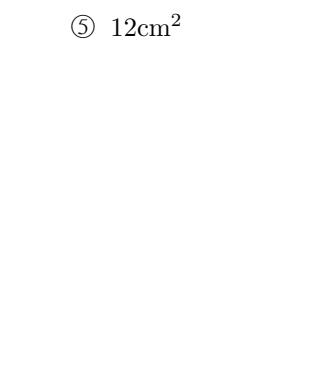
- ① 2cm ② 3cm ③ 4cm ④ 5cm ⑤ 6cm

10. 다음 그림에서 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____ °

11. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 세 변의 길이가 각각 6cm, 8cm, 10cm 인
직각삼각형이고, 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, $\triangle IAB$ 의 넓이는?



- ① 4cm^2 ② 6cm^2 ③ 8cm^2
④ 10cm^2 ⑤ 12cm^2

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서
 $\angle ABO = \angle CBO$, $\angle OAB = 70^\circ$, $\angle ODC = 20^\circ$ 일 때, $\angle OCB$ 의 크기를 구하여라.



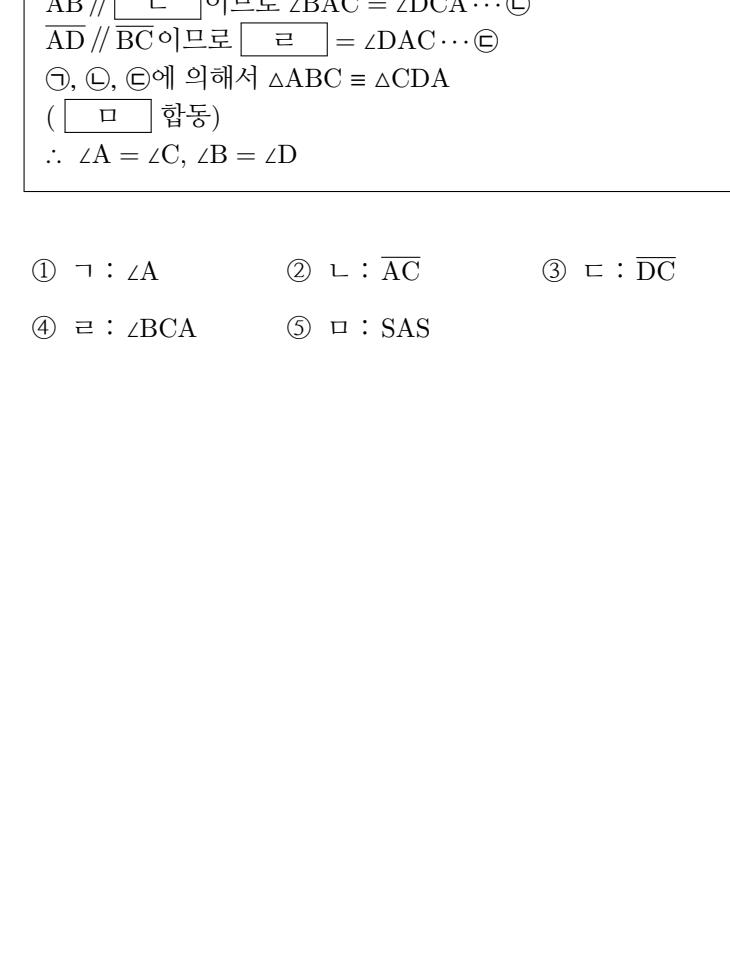
▶ 답: _____ °

13. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’ 를 증명한 것이다. \sim \square 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
[결론] $\overline{AB} = \boxed{\text{ } \neg \text{ }}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$
[증명] 점 B와 점 D를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$
이므로
 $\boxed{\text{ } \lhd \text{ }} = \angle CDB$ (엇각) $\cdots \textcircled{\text{A}}$
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로
 $\angle ADB = \boxed{\text{ } \lhd \text{ }}(\text{엇각}) \cdots \textcircled{\text{B}}$
 $\boxed{\text{ } \lhd \text{ }}$ 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{C}}$
 $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$ 에 의해 $\triangle ABD \cong \triangle CDB$ ($\boxed{\text{ } \square \text{ }}$ 합동)
 $\therefore AB = \overline{CD}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$

- ① $\neg : \overline{CD}$ ② $\lhd : \angle ABD$ ③ $\lhd : \angle CDB$
④ $\lhd : \overline{BD}$ ⑤ $\square : \text{ASA}$

14. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’를 증명한 것이다. \sim \square 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] $\boxed{\neg} = \angle C$, $\angle B = \angle D$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서 $\boxed{\sqsubset}$

는 공통 ... ⑦

$\overline{AB} \parallel \boxed{\sqsubset}$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA \cdots \textcircled{1}$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\boxed{\sqsupset} = \angle DAC \cdots \textcircled{2}$

⑦, ①, ②에 의해 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$

($\boxed{\square}$ 합동)

$\therefore \angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$

① $\neg : \angle A$

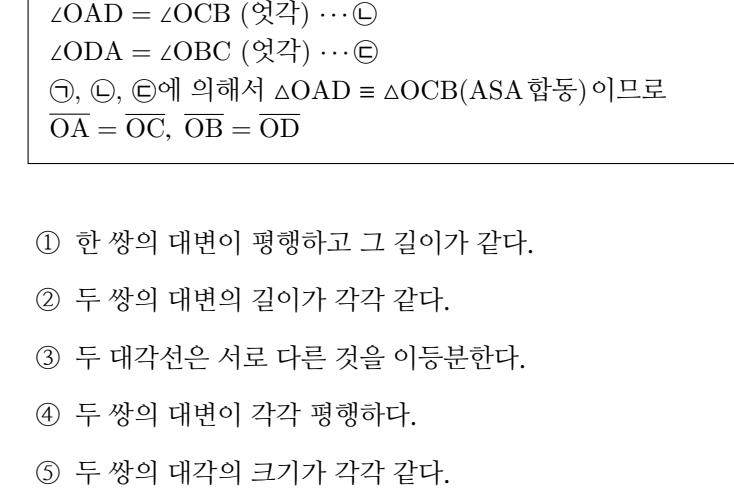
② $\sqsubset : \overline{AC}$

③ $\sqsubset : \overline{DC}$

④ $\sqsupset : \angle BCA$

⑤ $\square : \text{SAS}$

15. 다음은 평행사변형의 성질을 증명하는 과정이다. 어떤 성질을 증명한 것인가?



평행사변형 ABCD에 점 B와 점 D, 점 A와 점 C를 이으면

$$\overline{AD} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$\angle OAD = \angle OCB \text{ (엇각)} \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\angle ODA = \angle OBC \text{ (엇각)} \cdots \textcircled{\text{③}}$$

①, ②, ③에 의해 $\triangle OAD \cong \triangle OCB$ (ASA 합동)이므로

$$\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$$

① 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

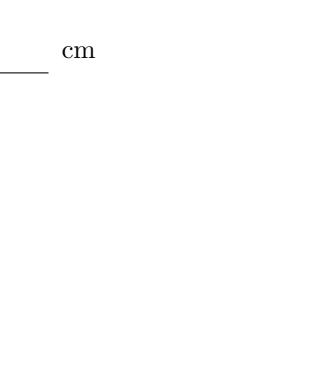
② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

③ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

④ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.

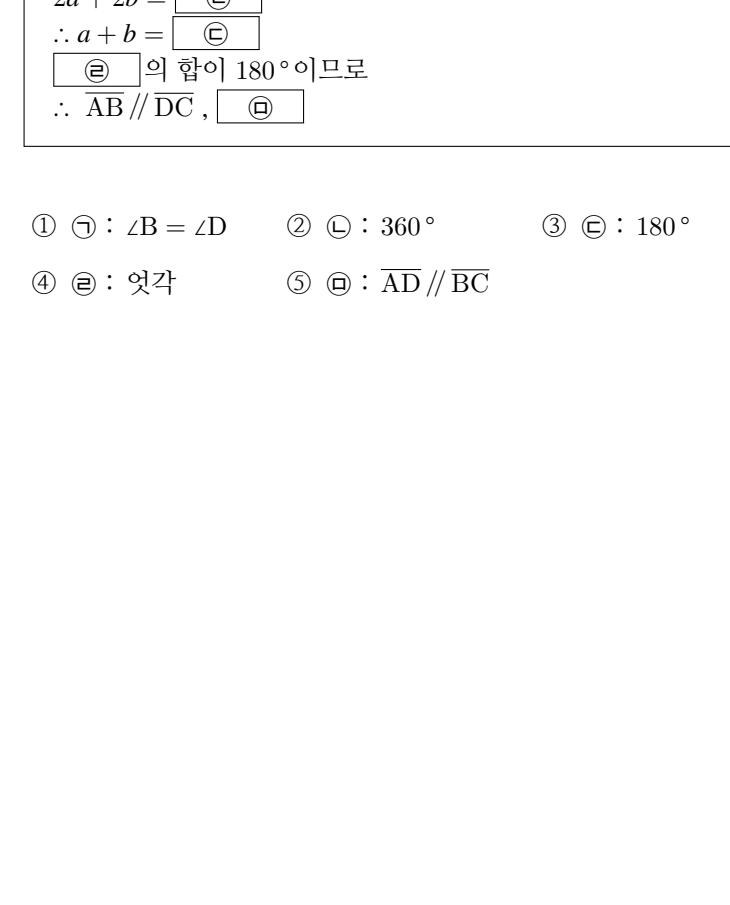
⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

16. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 \overline{BE} 는 $\angle ABC$ 의 이등분선이다.
 $\overline{BC} = 10\text{ cm}$, $\overline{CD} = 7\text{ cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

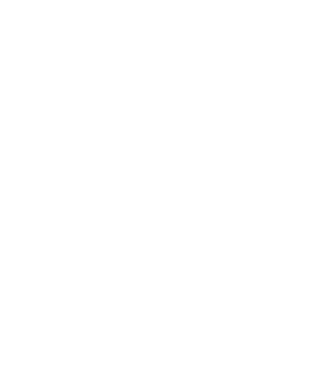
17. 다음은 ‘두 쌍의 대각의 크기가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’
를 설명하는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



① ① : $\angle B = \angle D$ ② ② : 360° ③ ③ : 180°

④ ④ : 엇각 ⑤ ⑤ : $\overline{AD} // \overline{BC}$

18. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이고, $\angle AOB : \angle BOC : \angle COA = 3 : 4 : 5$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 10° ② 15° ③ 20° ④ 25° ⑤ 30°

19. 점O는 반지름의 길이가 3cm인 외접원의 중심이다. $\angle BAC = 30^\circ$ 일 때, 부채꼴OBC의 넓이는?



- ① $\frac{3}{2}\pi \text{ cm}^2$ ② $4\pi \text{ cm}^2$ ③ $\frac{5}{2}\pi \text{ cm}^2$
④ $\frac{3}{4}\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $\frac{5}{4}\pi \text{ cm}^2$

20. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle A$, $\angle B$ 의 이등분선의 교점을 O라 하자 $\angle BFD = 155^\circ$

일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °