

1.  ${}_n P_2 = 90$  일 때,  $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$n(n-1) = 90 = 10 \times 9 \text{ 이므로 } n = 10$$

2. 4명의 학생이 일렬로 놓인 4개의 의자에 앉는 방법의 수는?

① 6

② 12

③ 24

④ 32

⑤ 48

해설

$${}_4P_4 = 4! = 24$$

3. 알파벳  $a, b, c, d, e, f$ 가 각각 적힌 여섯 장의 카드가 있다. 이 중 두 장을 뽑아 만들 수 있는 단어의 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 30

해설

$${}_6P_2 = 6 \times 5 = 30$$

4.  $\frac{{}_n P_3}{{}_{n+2} P_3} = \frac{5}{12}$  일 때  $n$  값을 구하면?

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}\frac{{}_n P_3}{{}_{n+2} P_3} &= \frac{\frac{n!}{(n-3)!}}{\frac{(n+2)!}{(n+2-3)!}} \\ &= \frac{(n-2)(n-1)}{(n+1)(n+2)} = \frac{5}{12}\end{aligned}$$

$$\frac{(n-2)(n-1)}{(n+1)(n+2)} = \frac{5}{12} \text{ 을 풀면}$$

$$7n^2 - 51n + 14 = 0$$

$$(7n-2)(n-7) = 0$$

$$\therefore n = \frac{2}{7} \text{ 또는 } n = 7$$

${}_n P_3$  에서  $n$  은 3 이상의 자연수이므로

$$\therefore n = 7$$

5.  ${}_5P_0 = a$ ,  ${}_5P_5 = b$ 라 할 때,  $b - a$ 의 값은?

① 104

② 111

③ 115

④ 119

⑤ 120

해설

$$a = {}_5P_0 = 1$$

$$b = {}_5P_5 = 5! = 120$$

$$\therefore b - a = 119$$

6. 남학생 4 명, 여학생 6 명 중에서 반장 1 명, 부반장 1 명을 뽑는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답:      가지

▷ 정답: 90      가지

해설

$${}_{10}P_2 = 90$$

7.  $n$  권의 책이 있다. 이  $n$  권 중에서 5 권의 책을 뽑아 책꽂이에 일렬로 꽂는 방법의 수는? ( 단,  $n \geq 5$  )

①  ${}_{n-1}P_5$

②  ${}_nP_4$

③  ${}_nC_4$

④  ${}_nP_5$

⑤  ${}_nC_5$

해설

$n$  권에서 5 권을 뽑는 순열의 수이므로  ${}_nP_5$

8. 재현이네 학교에서 학생 회장 선거에  $n$  명의 후보가 출마했다. 이 중 회장, 부회장, 서기를 뽑는 방법의 수가 120가지였을 때,  $n$ 의 값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

### 해설

$n$  명의 후보 중 회장, 부회장 서기를 뽑는 방법의 수는  ${}_n P_3$

$${}_n P_3 = n(n-1)(n-2) = 120$$

$$120 = 6 \times 5 \times 4 \text{ 이므로 } n = 6$$

9. 남학생 4 명, 여학생 3 명이 한 줄로 서서 등산을 할 때, 특정한 2 명이 이웃하여 서는 방법은 몇 가지인가?

①  $7!$

②  $7! \times 2!$

③  $6! \times 2!$

④  $6!$

⑤  $5! \times 2!$

### 해설

특정한 2 명을 한 묶음으로 생각하여 6 명을 일렬로 세우는 방법의 수가  $6!$ ,

묶음 안에서 2 명이 자리를 바꾸는 방법의 수가  $2!$ 이므로, 구하는 경우의 수는  $6! \times 2!$  (가지)

10. 남학생 4 명과 여학생 2 명을 일렬로 세울 때, 여학생끼리 이웃하여서는 방법은 몇 가지인가?

① 60 가지

② 120 가지

③ 180 가지

④ 240 가지

⑤ 300 가지

### 해설

4 명의 남학생과 2 명의 여학생 중에서 여학생 2 명을 한 묶음으로 생각하여 5 명을 일렬로 세우는 경우의 수는  $5!$  이고, 묶음 안에서 여학생 2 명이 자리를 바꾸는 방법의 수가 2 이므로, 구하는 경우의 수는,  $5! \times 2 = 240$  (가지) 이다.

11. 남자 4명, 여자 3명을 일렬로 세울 때, 남녀 교대로 서는 경우의 수를 구하여라.

① 72

② 112

③ 144

④ 216

⑤ 288

해설

남자 4명을 줄 세운 다음 그 사이 사이에 여자 3명을 배치한다.

$$4! \times 3! = 144$$

12. 'busan'의 모든 문자를 써서 만든 순열 중 양끝이 모두 모음인 것의 개수를 구하여라.

▶ 답:      개

▷ 정답: 12     개

해설

자음 3개를 배열하고, 양 끝에 모음 u, a를 배치하면 된다.

$$3! \times 2! = 12$$

13. 다섯 개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5 에서 서로 다른 세 숫자를 택하여 세 자리의 자연수를 만들 때, 5 의 배수의 개수는?

① 12

② 14

③ 16

④ 18

⑤ 20

#### 해설

다섯 개의 숫자 1, 2, 3, 4, 5 에서 서로 다른 세 숫자를 택하여 만든 세 자리의 자연수가 5 의 배수하려면 일의 자리의 수가 5 이어야 한다.

따라서, 1, 2, 3, 4 에서 서로 다른 두 숫자를 택하여 백의 자리와 십의 자리에 배열하면 되므로 구하는 5 의 배수의 개수는  ${}_4P_2 = 4 \times 3 = 12$  (개)

14. 0, 1, 2로 중복을 허락하여 만들 수 있는 다섯 자리의 정수의 개수는?

① 86가지

② 98가지

③ 132가지

④ 162가지

⑤ 216가지

해설

첫 자리에 올 수 있는 숫자는 2가지이고 나머지는 모두 3가지이다.

$$\therefore 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 162 \text{ 가지}$$



16.  $n$  권의 책이 있다. (단,  $n \geq 5$ ) 이  $n$  권 중에서 2 권의 책을 뽑아 책꽂이에 일렬로 꽂을 때, 그 총 방법의 수가 42 가지였다.  $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $n = 7$

### 해설

$n$  권에서 2 권을 뽑는 순열의 수는  ${}_n P_2$  가지이므로

$${}_n P_2 = 42 \text{ 곧, } n(n-1) = 42 \quad \therefore (n+6)(n-7) = 0$$

한편,  $n \geq 2$  이므로  $n = 7$

17. 초등학생 4명, 중학생 3명, 고등학생 2명을 일렬로 세울 때, 초등학생은 초등학생끼리, 중학생은 중학생끼리 이웃하여 서는 방법의 수는?

① 3400

② 3456

③ 3500

④ 3546

⑤ 3650

### 해설

초등학생, 중학생을 각각 하나로 보면 4 명이 이웃하는 방법과 같다.

$$\Rightarrow 4! = 24$$

여기에 초등학생, 중학생끼리 자리를 바꾸는 방법을 각각 곱해 준다.

$$\therefore 24 \times 4! \times 3! = 3456$$

18. 남자 4 명, 여자 3 명을 일렬로 세울 때, 여자 3 명이 이웃하여 서는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 720 가지

해설

여자 3 명을 한 묶음으로 본다.

$$5! \times 3! = 720$$

19. 남학생 4 명과 여학생 2 명을 일렬로 세울 때, 여학생끼리 이웃하여서는 방법은 몇 가지인가?

① 60 가지

② 120 가지

③ 180 가지

④ 240 가지

⑤ 300 가지

### 해설

4 명의 남학생과 2 명의 여학생 중에서 여학생 2 명을 한 묶음으로 생각하여 5 명을 일렬로 세우는 경우의 수는  $5!$  이고, 묶음 안에서 여학생 2 명이 자리를 바꾸는 방법의 수가 2 가지이므로, 구하는 경우의 수는,  $5! \times 2 = 240$  (가지) 이다.

20. 6 개의 문자  $a, b, c, d, e, f$  를 일렬로 배열할 때, 모음  $a, e$  가 이웃하지 않는 경우는 몇 가지가 되는지 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 480 가지

### 해설

$a, e$  를 제외한 나머지  $b, c, d, f$  네 문자를 일렬로 먼저 배열하는 방법의 수는  $4!$  가지가 있다.

이 때, 그 네 문자 사이의 양 끝의 5 개의 자리에  $a, e$  를 늘어놓으면,  $a, e$  는 이웃할 수 없다.

즉,  $\square b \square c \square d \square f \square$  의 다섯 개의  $\square$  중에 두 개를 골라  $a, e$  를 배열한다.

따라서, 구하는 가짓수는  $4! \times {}_5 P_2 = 24 \times 20 = 480$  (가지)

21.  $A, C, E, F, L, O, S, V$  의 8 개의 문자를 일렬로 나열할 때, 문자열 속에  $ASLOVECF$  와 같이  $LOVE$  라는 단어가 들어 있는 경우의 수는?

① 80

② 100

③ 120

④ 140

⑤ 160

해설

$LOVE$  를 한 문자  $X$  로 생각하면 되므로, 구하는 경우의 수는  $X, A, C, F, S$  의 5개의 문자를 일렬로 나열하는 경우의 수와 같다.

$\therefore 5! = 120$  (가지)

22. IMPORT의 6개의 문자를 일렬로 배열할 때, I와 T가 양 끝에 오는 경우의 수는?

① 36

② 42

③ 48

④ 54

⑤ 60

해설

I와 T를 양 끝에 오게 하는 경우의 수 : 2

나머지 문자를 배열하는 경우의 수 : 4!

$$4! \times 2 = 48$$

23. continue의 8개의 문자를 양 끝에 c와 e가 오도록 일렬로 나열하는 방법의 수는?

① 180

② 360

③ 540

④ 720

⑤ 1080

해설

24. 1, 2, 3, 4, 5, 6 을 한 번씩만 사용하여 만들 수 있는 여섯 자리 자연수 중에서 일의 자리의 수와 백의 자리의 수가 모두 3의 배수인 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답:          개

▷ 정답: 48개

### 해설

일의 자리의 수  $a$  와 백의 자리의 수  $b$  는 3 또는 6 이 되어야  
하므로

$a, b$  를 정하는 방법의 수는  $2! = 2$  (가지)

이 때, 나머지 자리의 수는 1, 2, 4, 5 중 어느 하나가 정해지면  
되므로

나머지 네 자리의 수를 정하는 방법의 수는  $4! = 24$  (가지)

따라서, 구하는 자연수의 개수는

$$2 \times 24 = 48 \text{ (개)}$$



26. 여섯 개의 숫자 0, 1, 2, 3, 4, 5 중 서로 다른 세 개의 숫자를 써서 만들 수 있는 세 자리의 정수는 몇 개인가?

① 60

② 80

③ 100

④ 125

⑤ 180

### 해설

백의 자리 : 0 을 제외한 5 개 숫자를 모두 사용

십의 자리 : 백의 자리에 사용한 수를 제외한 5 개

일의 자리 : 백의 자리, 십의 자리에 사용한 수 2 개를 제외한 4 개

$$\therefore 5 \times 5 \times 4 = 100$$

27. 6개의 숫자 0, 1, 2, 3, 4, 5에서 서로 다른 4개를 택하여 네 자리 수를 만들 때, 홀수의 개수는?

① 32

② 48

③ 72

④ 144

⑤ 288

### 해설

일의 자리에 올 수 있는 수는 1, 3, 5의 3가지, 천의 자리에 올 수 있는 수는 0과 일의 자리에 온 수를 제외한 4가지, 백의 자리에 올 수 있는 수는 천, 일의 자리에 온 수를 제외한 4가지, 십의 자리에 올 수 있는 수는 천, 백, 일의 자리에 온 수를 제외한 3가지이다.

$$\therefore 3 \times 4 \times 4 \times 3 = 144(\text{가지})$$

28. 5 개의 숫자 0, 1, 2, 3, 4 에서 서로 다른 4 개의 숫자를 택하여 양 끝이 홀수인 네 자리의 정수는 몇 개인가?

① 12

② 24

③ 36

④ 72

⑤ 120

### 해설

1000 자리의 숫자는 홀수 1, 3 중 하나를 택하므로

그 방법은  ${}_2P_1$ (가지)

또, 그 각각에 대하여 1 자리의 숫자는 1000 자리에 사용된 숫자를 제외한 나머지 숫자를 택하므로 그 방법은  ${}_1P_1$ (가지)

또, 100 자리와 10 자리의 숫자는 나머지 3 개의 숫자에서 2 개를 택하여 나열하면 되므로 그 방법은  ${}_3P_2$ (가지)

따라서, 양 끝이 홀수인 네 자리의 정수는 곱의 법칙에 의하여

$${}_2P_1 \times {}_3P_2 \times {}_1P_1 = 2 \times (3 \times 2) \times 1 = 12 \text{ (개)}$$

29. 남학생 4명, 여학생 6명 중에서 반장 1명, 부반장 1명을 뽑을 때, 반장, 부반장 중에서 적어도 한 명은 여자인 경우의 수를 구하여라.

▶ 답:        가지

▷ 정답: 78        가지

### 해설

전체의 경우에서 모두 남자인 경우의 수를 빼준다.

$${}_{10}P_2 - {}_4P_2 = 90 - 12 = 78$$

30. 숫자 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7이 적혀 있는 7개의 카드 중에서 서로 다른 5개의 카드를 뽑아 나열한다. 이 때, 위의 그림의 예와 같이 첫 번째 카드와 마지막 다섯 번째 카드에 적힌 숫자의 합이 8이면서 마지막 다섯 번째 카드에 적힌 숫자가 3 이상이 되도록 나열하는 방법의 수는?



① 120

② 180

③ 240

④ 300

⑤ 360

### 해설

첫 번째 카드와 마지막 다섯 번째 카드에 적힌 숫자의 합이 8이면서 마지막 다섯 번째 카드에 적힌 숫자가 3 이상인 경우는 1-7, 2-6, 3-5, 5-3의 4가지이다.

이 4가지 경우에 대하여 각각 중앙에 남은 세 자리에 5개의 수 중에서

3개를 택하여 나열하는 방법의 수는

$${}_5P_3 = 5 \times 4 \times 3 = 60 \text{ (가지)}$$

따라서 구하는 방법의 수는  $4 \times 60 = 240$  (가지)

31. 소파 12개가 일렬로 놓여 있다. 이 소파에 갑, 을, 병, 정 4명이 앉을 때, 어느 두 사람도 인접하지 않는 경우의 수는?

① 1860

② 1920

③ 2800

④ 3024

⑤ 3600

### 해설

12개의 소파에 4명이 앉으므로 빈 의자는 8개이다.

V □ V □ V □ V □ V □ V □ V □ V □ V

따라서, 빈 소파 사이사이와 양 끝의 9 자리에 4명을 앉히면  
되므로 구하는 경우의 수는

$${}_9P_4 = 9 \times 8 \times 7 \times 6 = 3024 \text{ (가지)}$$

32. something의 9개의 문자를 일렬로 나열할 때, e와 i 사이에 3개의 문자가 들어 있는 경우의 수는?

① 8400

② 16800

③ 33600

④ 50400

⑤ 144000

해설

3개의 문자를 선택하여 배열하는 경우의 수 :  ${}_7P_3$

e와 i를 배열하는 방법의 수 : 2

e와 i 그리고 3개의 문자를 하나로 보고 나머지 문자와 같이 배열하는 방법의 수 : 5!

$${}_7P_3 \times 2 \times 5! = 50400$$

33.  $n$ 명을 일렬로 세울 때, 이 중 특정한 세 명의 순서가 하나로 정해져 있다. 방법의 수는?

①  $\frac{n!}{2}$

②  $\frac{n!}{6}$

③  $n!$

④  $\frac{(n-1)!}{2}$

⑤  $3(n-1)!$

### 해설

$n$ 명을 일렬로 세우는 방법의 수는  ${}_nP_n = n!$

그런데 여기에는 순서가 정해진 세 명이 자리를 바꾸는 경우의 수가 포함되어 있다.

즉, 세 명의 자리를 바꾸는 방법의 수만큼 배가 된 것이므로 세 명이 자리를 바꾸는 방법의 수로 나누면 된다.

따라서 구하는 방법의 수는  $\frac{n!}{3!} = \frac{n!}{6}$

34. 카드 4장이 있는데, 앞쪽과 뒤쪽에 각각 0과 1, 2와 3, 4와 5, 6과 7이라는 숫자가 하나씩 적혀 있다. 이들 카드 4장을 한 줄로 늘어놓아서 만들 수 있는 네 자리 정수의 개수는?

① 250

② 270

③ 272

④ 336

⑤ 384

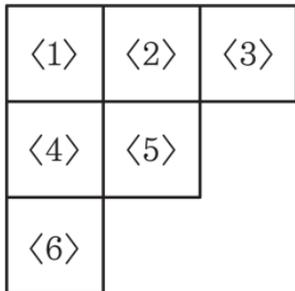
### 해설

구하는 네자리 정수를 빈 칸으로 하고 카드를 뽑아다 채운다면, 천의 자리는 4장의 카드 앞, 뒷면 8가지 가운데 0을 뺀 7가지이고, 만의 자리는 카드 세 장의 앞, 뒷면이 올 수 있으므로 6가지

□	□	□	□
↑	↑	↑	↑
7	6	4	2
가	가	가	가
지	지	지	지

이와 같은 방법으로 하면 총 경우의 수는  
 $7 \times 6 \times 4 \times 2 = 336$  (가지)

35. 어느 동물원에서 그림과 같이 번호가 적혀 있는 6 칸의 동물 우리에 호랑이, 사자, 늑대, 여우, 원숭이, 곰을 각각 한 마리씩 넣을 때, 호랑이와 사자는 이웃하지 않게 넣으려고 한다. 예를 들어, <1>의 경우에는 <2>와 <4>가 이웃하는 우리이고, <3>, <5>, <6>은 이웃하지 않는 우리이다. 이때, 6 마리의 동물들을 서로 다른 우리에 각각 넣는 방법의 수는?



- ① 112      ② 120      ③ 184      ④ 216      ⑤ 432

### 해설

(호랑이, 사자)가 이웃하지 않는 경우는 9 가지  
 즉, (1, 3), (1, 5), (1, 6), (2, 4), (2, 6), (3, 4), (3, 5), (3, 6), (5, 6) 이  
 고  
 서로 바꾸는 경우의 수가 2가지 이므로 구하는 방법의 수는  
 $9 \times 2 \times 4! = 432$