

1. 세 점 $A(2, 3)$, $B(-1, 9)$, $C(-4, a)$ 가 일직선 위에 있을 때, 상수 a 의 값은 얼마인가?

① 6

② 9

③ 12

④ 15

⑤ 17

2. 직선 $ax + by + c = 0$ 은 $ab > 0$, $bc < 0$ 일 때, 몇 사분면을 지나지 않는가?

① 제 1 사분면

② 제 2 사분면

③ 제 3 사분면

④ 제 4 사분면

⑤ 제 1 사분면, 제 2 사분면

3. 좌표평면 위에 세 점 $A(-2, 1)$, $B(4, 7)$, $C(6, 3)$ 을 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 가 있다. 직선 $y = mx + 2m + 1$ 에 의하여 $\triangle ABC$ 의 넓이가 이등분될 때, m 의 값은?

① $\frac{2}{7}$

② $\frac{2}{5}$

③ $\frac{4}{7}$

④ $-\frac{3}{4}$

⑤ $\frac{6}{7}$

4. 점 $(2, 1)$ 을 지나고 직선 $x - 2y + 1 = 0$ 에 수직인 직선의식을 구하면?

① $y = 2x + 5$

② $y = -2x + 5$

③ $y = 2x - 5$

④ $y = 5x + 2$

⑤ $y = 5x - 2$

5. 두 직선 $y = x + 1$, $y = -2x + 4$ 의 교점과 점 $(-1, 3)$ 을 지나는 직선의 방정식은?

$$\textcircled{1} \quad y = -\frac{1}{2}x - \frac{5}{2}$$

$$\textcircled{2} \quad y = -\frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$$

$$\textcircled{3} \quad y = \frac{1}{2}x - \frac{5}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2}$$

$$\textcircled{5} \quad y = \frac{1}{2}x + 3$$

6. 점 $(0, 2)$ 를 지나고 x 축의 양의 방향과 이루는 각이 30° 인 직선의
방정식은?

① $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x + 2$

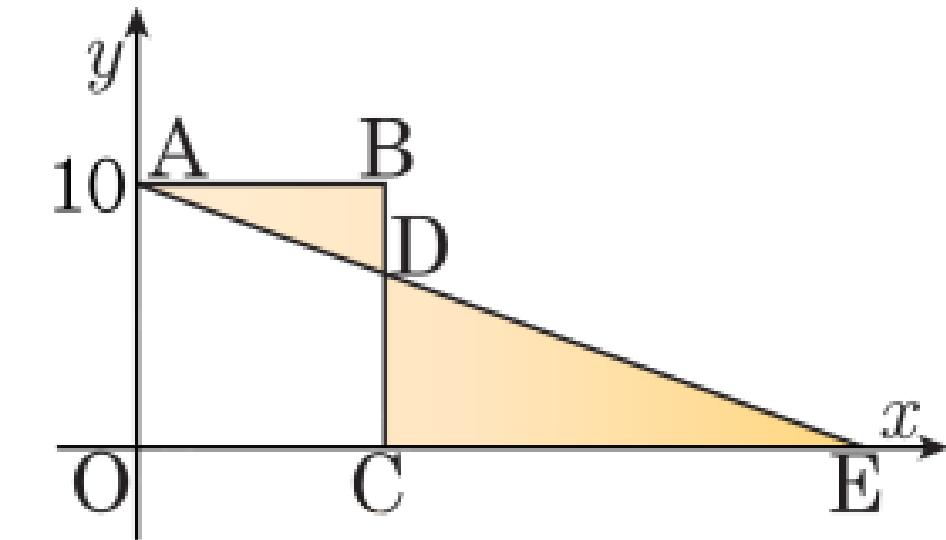
② $y = x + 2$

③ $y = 2x + 2$

④ $y = x + 3$

⑤ $y = x + 4$

7. 다음 그림과 같은 정사각형 $OABC$ 가 있다. 변 BC 위의 B, C 가 아닌 한 점 D 를 지나는 직선 AD 를 그을 때, 색칠된 부분의 넓이가 사다리꼴 $OADC$ 의 넓이와 같다면 직선 AD 의 기울기는?



- ① $-\frac{1}{2}$
- ② $-\frac{1}{3}$
- ③ $-\frac{1}{4}$
- ④ $-\frac{1}{5}$
- ⑤ $-\frac{1}{6}$

8. 두 이차함수 $y = -x^2 + 3$ 과 $y = x^2 - 4x + 3$ 의 그래프의 꼭지점을 각각 A, B라 할 때, 직선 AB의 x 절편은?

① $\frac{3}{2}$

② $\frac{4}{3}$

③ $\frac{2}{3}$

④ $\frac{1}{2}$

⑤ $\frac{1}{3}$

9. 어떤 시험 결과, 최저점은 25 점, 최고점은 160 점이었다. 이 점수를 환산식 $y = ax + b$ 에 의하여 최저점을 10 점, 최고점을 100 점으로 고치려고 한다. 처음의 100 점은 나중의 몇 점으로 환산되겠는가?

① 30

② 40

③ 50

④ 60

⑤ 70

10. 직선 l 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 다음 중이 직선 위의 점은?

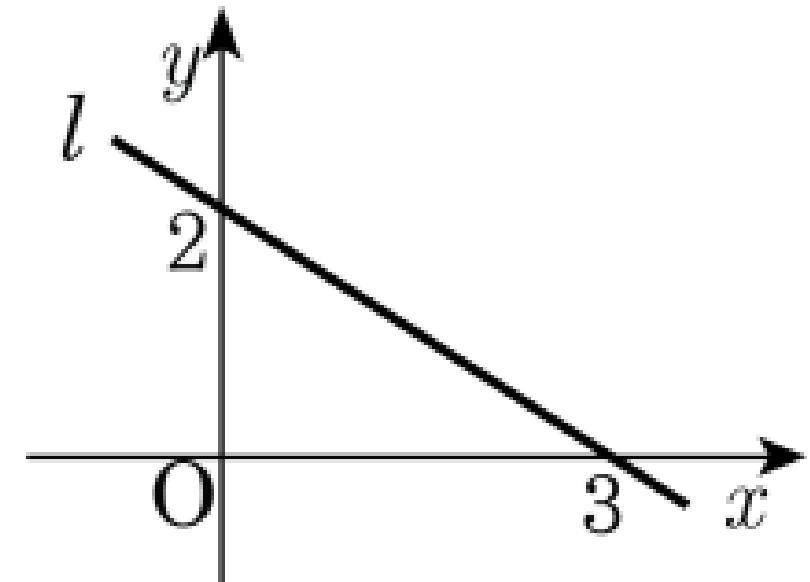
① $(0, 3)$

② $(2, 0)$

③ $(2, 1)$

④ $(6, -2)$

⑤ $(6, -1)$



11. 「 m, n 을 서로소인 자연수라 할 때, 좌표평면위의 두 점 $P(m, 0)$, $Q(0, n)$ 을 잇는 선분 PQ 위에는 x 좌표, y 좌표가 모두 자연수인 점이 존재하지 않는다.」를 다음과 같이 증명하였다.

<증명>

두 점 P, Q 를 지나는 직선의 방정식은

(가) 이다. 따라서 $nx + my = mn$ ($0 < x < m, 0 < y < n$) 을 만족하는 자연수 x, y 가 존재한다고 가정하면 $my = n(m - x)$ 좌변이 m 의 배수이므로 우변도 m 의 배수이고, m, n 이 서로소이므로

(나)는 m 의 배수가 된다.

이것은 $0 < m - x < \boxed{\text{(다)}}$ 에 모순이다.

위

의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것은?

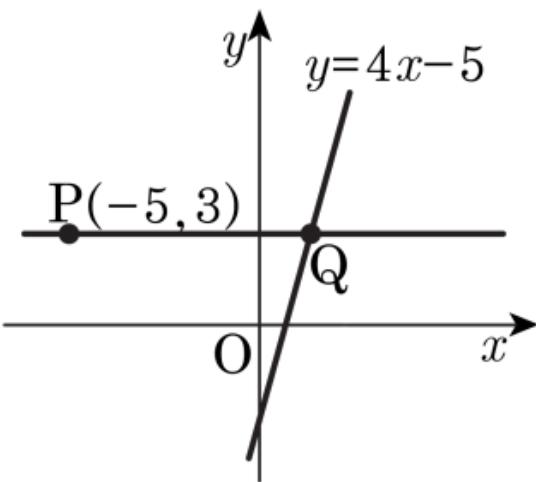
- | | |
|---|--|
| ① $nx + my = 1, m - x, m$ | ② $nx + my = 1, m + x, 2m$ |
| ③ $\frac{x}{m} + \frac{y}{n} = 1, m - x, m$ | ④ $\frac{x}{m} + \frac{y}{n} = 1, m + x, 2m$ |
| ⑤ $nx + my = 1, m + x, n$ | |

12. 직선 $x + ay - 1 = 0$ 과 x 축, y 축의 양의 부분으로 둘러싸인 삼각형의 넓이가 $\frac{1}{4}$ 일 때, a 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$)



답: $a =$ _____

13. 다음 그림과 같이 좌표평면 위의 점 $P(-5, 3)$ 을 지나고 x 축에 평행한 직선이 일차함수 $y = 4x - 5$ 의 그래프와 만나는 점을 Q 라 한다. \overline{PQ} 의 길이는?



- ① 6 ② $\frac{13}{2}$ ③ 7 ④ $\frac{15}{2}$ ⑤ 8

14. $O(0,0)$, $A(4,4)$, $B(8,-6)$ 에서 원점을 지나고 $\triangle OAB$ 의 넓이를
등분하는 직선의 방정식은?

① $y = -\frac{1}{6}x$

② $y = -\frac{1}{5}x$

③ $y = -\frac{1}{4}x$

④ $y = -\frac{1}{3}x$

⑤ $y = -\frac{1}{2}x$

15. x, y 에 관한 이차방정식 $2x^2 - 3xy + ay^2 - 2x + 9y + b = 0$ 이 직교하는
두 직선의 곱을 나타낼 때, ab 를 구하면?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

16. $ax + 8y = 4$, $x + (a+2)y = -7$ 에 대하여 두 식을 동시에 만족하는 (x, y) 가 하나도 없을 때, 실수 a 의 값은?

① $a = -4, b = -2$

② $a = -4, b = 2$

③ $a = 4, b = -2$

④ $a = 4, b = 2$

⑤ $a = 1, b = -2$

17. 두 점 A(1, 1) 과 B(4, 2) 에서 직선 $2x - y + 1 = 0$ 까지의 거리를 각각 d_1, d_2 라 할 때, $|d_1 - d_2|$ 의 값은?

① 1

② $\frac{4\sqrt{5}}{5}$

③ $\sqrt{5}$

④ 2

⑤ $2\sqrt{5}$

18. 점 $P(0, a)$ 에서 직선 $y = \frac{4}{3}x + 2$ 까지의 거리와 점 P 에서 x 축 까지의 거리가 같을 때, 음수 a 의 값은?

① $-\frac{3}{4}$

② -9

③ $-\frac{4}{9}$

④ -3

⑤ -2

19. 두 직선 $3x + 4y = 12$, $3x + 4y = 7$ 사이의 거리를 구하면?

- ① -3
- ② -1
- ③ 1
- ④ 3
- ⑤ 5

20. 다음 두 직선 $3x + 4y = 21$, $3x + 4y = 11$ 사이의 거리를 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

21. 평행한 두 직선 $x + y - 1 = 0$ 과 $x + y + 3 = 0$ 사이의 거리는?

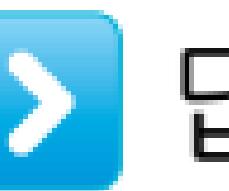
- ① $\sqrt{2}$
- ② 2
- ③ $2\sqrt{2}$
- ④ 4
- ⑤ $3\sqrt{2}$

22. 점 $(3, 4)$ 에서 직선 $2x - y + k = 0$ 까지의 거리가 $\sqrt{5}$ 일 때, 양수 k 의 값을 구하면?



답:

23. 두 직선 $3x - 4y - 2 = 0$, $5x + 12y - 22 = 0$ 이 이루는 각을 이등분하는
직선의 방정식 중에서 기울기가 양인 직선이 $ax + by + c = 0$ 일 때,
 $a + b + c$ 의 값을 구하여라.



답:

24. 두 직선 $2x - y - 1 = 0$, $x + 2y - 1 = 0$ 으로부터 같은 거리에 있는 점 P의 자취의 방정식 중에서 기울기가 양수인 것은?

① $y = x$

② $y = \frac{1}{2}x$

③ $y = \frac{1}{3}x$

④ $y = \frac{1}{4}x$

⑤ $y = \frac{1}{5}x$

25. 점 A(6, 2)와 직선 $x + 2y - 2 = 0$ 위를 움직이는 점 P가 있다. \overline{AP} 를 $1 : 3$ 으로 내분하는 점의 자취는?

① $x - 2y - 8 = 0$

② $x + 2y - 8 = 0$

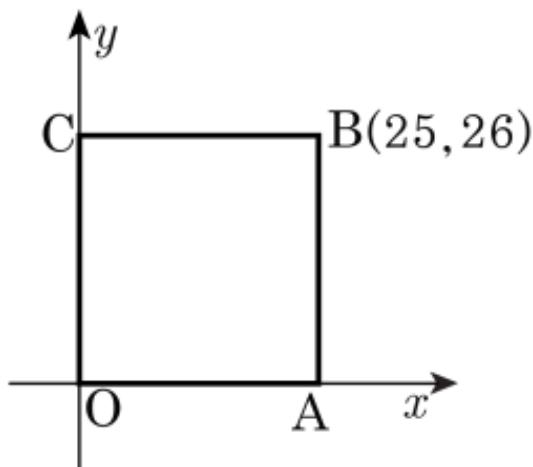
③ $x - 2y + 8 = 0$

④ $x + 2y + 8 = 0$

⑤ $x - 2y = 0$

26. 좌표평면 위에서 x 좌표와 y 좌표가 모두 정수인 점을 격자점이라 한다.

직선 $y = \frac{3}{8}x + 1$ 은 아래 그림과 같은 직사각형 OABC 내부(경계선 제외)의 격자점을 모두 몇 개 지나는가?



- ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개
- ④ 4개
- ⑤ 5개

27. 다음 세 직선이 삼각형을 만들 수 있기 위한 k 의 조건은?

$$3x + y + 2 = 0, \quad x + 3y + k = 0, \quad 2x - y + 3 = 0$$

① $k \neq -2$

② $k \neq -3$

③ $k \neq -4$

④ $k \neq -7$

⑤ $k \neq -11$

28. 세 점 $A(1, 3)$, $B(3, 1)$, $C(5, 5)$ 를 꼭지점으로 하는 $\triangle ABC$ 와 직선 $kx - y + 2k - 1 = 0$ 이 만난다. 상수 k 의 최대값을 M , 최소값을 m

이라 할 때, $\frac{M}{m}$ 의 값은?

① $\frac{2}{3}$

② $\frac{4}{3}$

③ 2

④ $\frac{8}{3}$

⑤ $\frac{10}{3}$

29. 점 (a, b) 가 직선 $y = 2x - 3$ 위를 움직일 때, 직선 $y = ax + 2b$ 는 항상 일정한 점 P를 지난다. 이 때, 점 P의 좌표는?

- ① P(-4, 6)
- ② P(-4, -6)
- ③ P(2, 3)
- ④ P(3, 2)
- ⑤ P(-2, -4)

30. 서로 다른 두 직선 $2x - ay - 2 = 0$, $x - (a-3)y - 3 = 0$ 이 평행할 때,
두 직선 사이의 거리를 구하면?

① $\frac{\sqrt{6}}{5}$

② $\frac{\sqrt{7}}{5}$

③ $\frac{2\sqrt{2}}{5}$

④ $\frac{3}{5}$

⑤ $\frac{\sqrt{10}}{5}$

31. 점 $(1, 2)$ 와 직선 $x + 2y - 1 + k(2x - y) = 0$ 사이의 거리를 $f(k)$ 라 할 때, $f(k)$ 의 최댓값은?

① $\frac{\sqrt{5}}{5}$

② $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

③ $\frac{3\sqrt{5}}{5}$

④ $\frac{4\sqrt{5}}{5}$

⑤ $\sqrt{5}$

32. 다음 그림과 같이 $O(0,0)$, $A(4,2)$, $B(1,k)$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형 OAB 의 넓이가 4 일 때, 양수 k 의 값은?

① 2

② $\frac{5}{2}$

③ 3

④ $\frac{7}{2}$

⑤ 4

