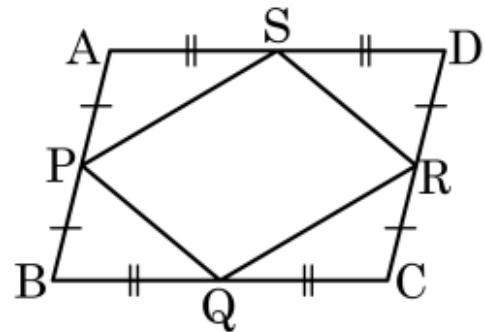


1. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 P, Q, R, S 라고 할 때, $\square PQRS$ 는 어떤 도형이 되는가?

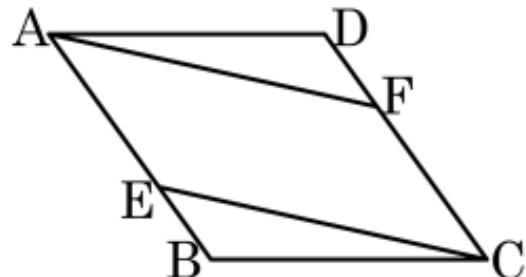
- ① 정사각형
- ② 마름모
- ③ 직사각형
- ④ 평행사변형
- ⑤ 사다리꼴



해설

두 쌍의 대변의 길이가 각각 같으므로 평행사변형이다.

2. 평행사변형 ABCD 의 \overline{AB} , \overline{CD} 위에 $\overline{AE} = \overline{CF}$ 가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때, $\square AEFC$ 는 어떤 사각형이 되는지 구하여라.



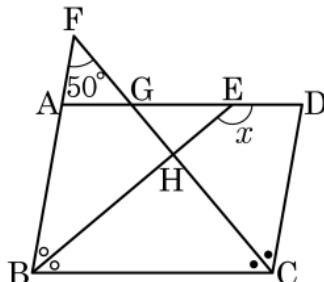
▶ 답:

▶ 정답: 평행사변형

해설

한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

3. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 H, \overline{BA} 의 연장선과 \overline{CH} 의 연장선과의 교점을 F 라 한다. $\angle AFG = 50^\circ$ 일 때, $\angle x = \boxed{\quad}$ °이다. $\boxed{\quad}$ 의 값은?



- ① 110 ② 120 ③ 130 ④ 140 ⑤ 150

해설

$\square ABCD$ 에서 $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ 이므로,

$$\angle B + \angle C = 2(\bigcirc + \times) = 180^\circ$$

$$\bigcirc + \times = 90^\circ = \angle FHB \text{ 이다.}$$

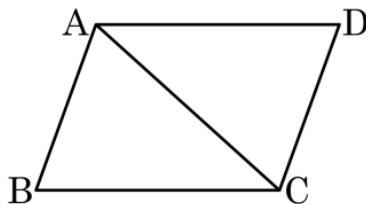
$$\triangle FBH \text{에서 } \angle ABE = \bigcirc = 180^\circ - (50^\circ + 90^\circ) = 40^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle B = \bigcirc \times 2 = 80^\circ \rightarrow \angle A = \angle C = 100^\circ$$

$\angle x$ 는 $\angle AEB$ 의 외각이므로

$$\therefore \angle x = \angle A + 40^\circ = 140^\circ$$

4. 다음 평행사변형 ABCD 에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같음을 증명하는 과정이다. 빈 칸에 알맞지 않은 것은?



가정: $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

결론: $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$

증명: 대각선 AC 를 그으면

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle ACB = (①)$ (엇각)

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\angle BAC = (②)$ (엇각)

\overline{AC} (공통)

$\triangle ABC \equiv (③)(④)$ 합동)

$\therefore \angle B = \angle D$

같은 방법으로 $\triangle ABD \equiv (⑤) \therefore \angle A = \angle C$

① $\angle CAD$

② $\angle DCA$

③ $\triangle CDA$

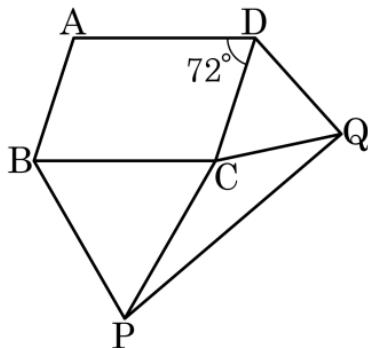
④ SAS

⑤ $\triangle CDB$

해설

④ 한 변의 길이가 같고, 그 양 끝 각의 크기가 같으면 ASA 합동이다.

5. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에 대하여 $\triangle BPC$ 와 $\triangle DCQ$ 는 각각 정삼각형이다. $\angle ADC = 72^\circ$ 일 때, $\angle PCQ$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{2cm}}$

▷ 정답 : $\angle PCQ = 132^\circ$

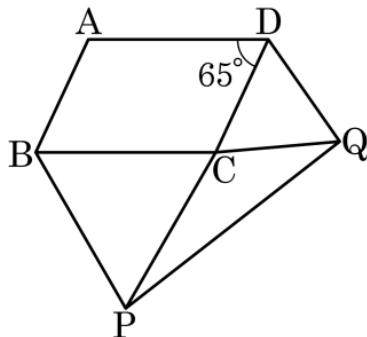
해설

$$\angle DCB = 180^\circ - 72^\circ = 108^\circ$$

$$\angle BCP = \angle DCQ = 60^\circ$$

$$\begin{aligned}\therefore \angle PCQ &= 360^\circ - (108^\circ + 60^\circ + 60^\circ) \\&= 360^\circ - 228^\circ \\&= 132^\circ\end{aligned}$$

6. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에 대하여 $\triangle BPC$ 와 $\triangle DCQ$ 는 각각 정삼각형이다. $\angle ADC = 65^\circ$ 일 때, $\angle PCQ$ 의 크기는 ?



- ① 110° ② 115° ③ 120° ④ 125° ⑤ 130°

해설

$$\angle DCB = 180^\circ - 65^\circ = 115^\circ$$

$$\angle BCP = \angle DCQ = 60^\circ$$

$$\begin{aligned}\therefore \angle PCQ &= 360^\circ - (115^\circ + 60^\circ + 60^\circ) \\&= 360^\circ - 235^\circ \\&= 125^\circ\end{aligned}$$