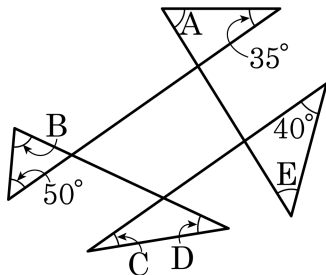


1. 다음 그림의 평면도형에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▶ 정답 : 235°

해설

$\angle A + \angle B + 50^\circ + \angle C + \angle D + \angle E + 40^\circ + 35^\circ$ 의 크기는 내부의 색칠한 사각형의 외각의 크기의 합과 같으므로 360° 이다. 따라서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E = 360^\circ - 50^\circ - 40^\circ - 35^\circ = 235^\circ$ 이다.

2. 한 원에서 부채꼴과 활꼴이 같아지는 경우의 중심각의 크기를 구하여라.

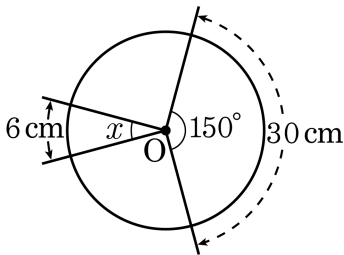
▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}^{\circ}$

▷ 정답 : 180°

해설

현이 원의 중심을 지날 때, 부채꼴과 활꼴이 같아지므로, 이 경우의 중심각은 180° 이다.

3. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 고르면?



① 30°

② 32°

③ 34°

④ 36°

⑤ 38°

해설

부채꼴의 중심각의 크기와 호의 길이는 정비례하므로

$6 : 30 = x : 150^\circ$ 에서

$$30x = 6 \times 150^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

4. 다음 중 면의 모양이 서로 같은 정다면체를 모두 고르면?

① 정사면체

② 정육면체

③ 정팔면체

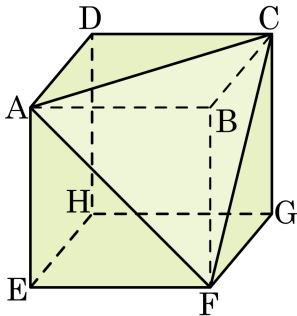
④ 정십이면체

⑤ 정이십면체

해설

정사면체, 정팔면체, 정이십면체는 각 면이 모두 정삼각형으로 이루어진 입체도형이다.

5. 다음 그림은 정육면체를 세 꼭짓점 A, F, C 를 지나는 평면으로 잘라서 만든 입체도형이다. $\angle ACF$ 의 크기는?



① 50°

② 60°

③ 70°

④ 80°

⑤ 90°

해설

정육면체의 대각선의 길이가 같으므로 $\overline{AC} = \overline{AF} = \overline{CF}$ 이고,
 $\triangle ACF$ 가 정삼각형이다.

따라서 $\angle ACF = 60^\circ$ 이다.

6. 원뿔대를 회전축을 포함하는 평면으로 자를 때 생기는 단면의 모양은?

① 직사각형

② 정사각형

③ 이등변삼각형

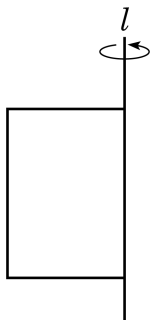
④ 원

⑤ 등변사다리꼴

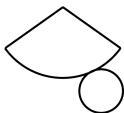
해설

회전체를 그 축을 포함하는 평면으로 자르면 그 축에 대하여 선대칭도형이 나온다. 원뿔대의 경우 등변사다리꼴이다.

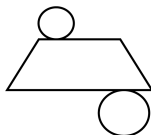
7. 다음 그림과 같은 직사각형을 직선 l 을 축으로 하여 한 바퀴 회전시킬 때 생기는 입체도형의 전개도는?



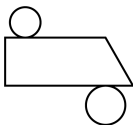
①



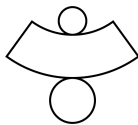
②



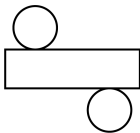
③



④



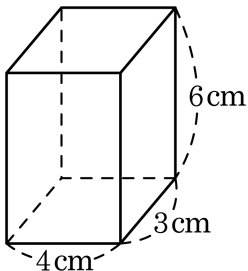
⑤



해설

주어진 직사각형을 직선 l 을 축으로 하여 회전시킨 입체도형은 원기둥이다.

8. 다음 그림과 같은 각기둥의 겉넓이는?



① 72cm^2

② 84cm^2

③ 96cm^2

④ 108cm^2

⑤ 120cm^2

해설

(각기둥의 겉넓이) = (밑넓이) $\times$ (옆넓이)

$$S = 2(4 \times 3) + 6(4 + 3 + 4 + 3) = 108$$

9. 다음 도형의 부피가 240 cm^3 일때, 도형의 높이를 구하면?

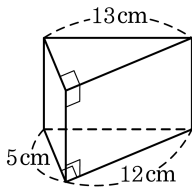
① 4 cm

② 5 cm

③ 6 cm

④ 7 cm

⑤ 8 cm



해설

$$5 \times 12 \times \frac{1}{2} \times h = 240$$

$$\therefore h = 8(\text{cm})$$

10. 5 개의 변의 길이가 모두 같고, 5 개의 내각의 크기가 모두 같은 꼭짓 점이 5 개인 다각형을 말하여라.

▶ 답 :

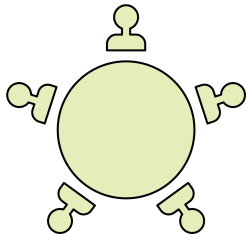
▷ 정답 : 정오각형

해설

변의 길이가 모두 같고, 내각의 크기가 모두 같은 다각형을 정다 각형이라고한다.

변과 내각이 모두 5 개이므로 정오각형이다.

11. 그림과 같이 5 명의 학생이 원탁에 둘러 앉아 있다. 양 옆에 앉은 학생을 제외하고 다른 학생들에게 윙크를 하려고 할 때, 윙크를 하는 학생들은 모두 몇 쌍인가?



답 :

쌍

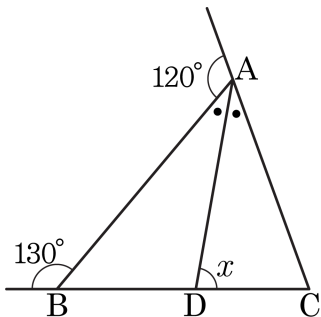


정답 : 5쌍

해설

윙크를 하는 학생들의 쌍은 사람수를 n 으로 하는 n 각형의 대각선의 총 개수와 같다. 그림에서 학생의 수는 5명이므로 $n = 5$ 가 된다. 오각형의 대각선의 총 개수는 $\frac{5(5-3)}{2} = 5$ 이다. 따라서 5 쌍이 된다.

12. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



① 75°

② 80°

③ 85°

④ 90°

⑤ 95°

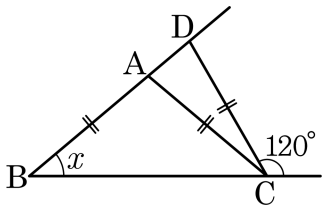
해설

$$\angle ABD = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$$

$$\angle BAD = \frac{1}{2}(180^\circ - 120^\circ) = 30^\circ$$

$$\therefore \angle x = \angle ABD + \angle BAD = 50^\circ + 30^\circ = 80^\circ$$

13. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



답 :

$\underline{\quad}^\circ$



정답 : 40°

해설

$$\angle CAD = 2\angle ABC$$

$$120^\circ = 3\angle ABC$$

$$\therefore \angle x = 40^\circ$$

14. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 10 개인 다각형의 내각의 크기의 합을 구하면?

① 900°

② 1620°

③ 1800°

④ 1980°

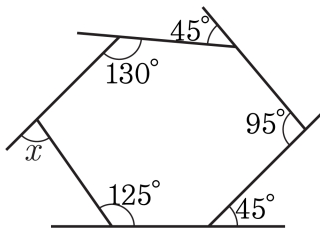
⑤ 2340°

해설

$$n - 3 = 10, n = 13$$

$$\text{십삼각형의 내각의 크기의 합} : 180^\circ \times (13 - 2) = 1980^\circ$$

15. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



① 80°

② 85°

③ 90°

④ 95°

⑤ 100°

해설

$45^\circ + (180^\circ - 130^\circ) + \angle x + (180^\circ - 125^\circ) + 45^\circ + (180^\circ - 95^\circ) = 360^\circ$
이다.

따라서 $\angle x = 80^\circ$ 이다.

16. 한 내각의 크기가 150° 인 정다각형의 내각의 크기의 합은?

① 1400°

② 1600°

③ 1800°

④ 2000°

⑤ 2200°

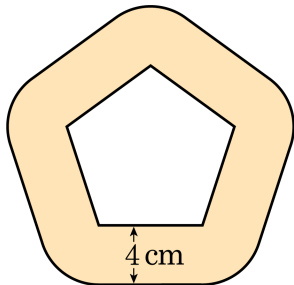
해설

한 외각의 크기는 $180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$

$\Rightarrow 360^\circ \div 30^\circ = 12$ 이므로 정십이각형이다.

따라서 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times (12 - 2) = 1800^\circ$ 이다.

17. 다음 그림은 한 변의 길이가 7m 인 오각형 모양의 화단에서 이 화단의 밖으로 폭 4m 인 길에 딱 맞는 공이 굴러갈 때, 공이 굴러간 자리의 넓이를 구하여라.



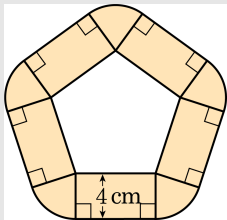
답 :

m^2



정답 : $140 + 16\pi$ m^2

해설



(공이 굴러간 자리의 넓이) $= 7 \times 4 \times 5 + \pi \times 4^2 = 140 + 16\pi$ (m^2) 이다.

18. 어떤 각뿔대의 모서리의 개수와 면의 개수의 차를 구하였더니 22가 되었다. 이 입체도형의 이름을 말하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 십이각뿔대

해설

n 각뿔대의 모서리의 개수는 $3n$ 개, 면의 개수는 $n + 2$ 개이므로
 $3n - (n + 2) = 22$, $n = 12$ 이다.
따라서 십이각뿔대이다.

19. n 각뿔대의 모서리의 개수를 a , 꼭짓점의 개수를 b 라고 할 때, $a+b-n$ 의 값은?

① n

② $2n$

③ $3n$

④ $4n$

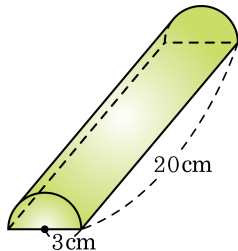
⑤ 0

해설

n 각뿔대의 모서리의 개수는 $3n = a$, 꼭짓점의 개수는 $2n = b$ 이다.

$$\therefore a + b - n = 3n + 2n - n = 4n$$

20. 다음 그림과 같은 비닐하우스를 세우려고 한다. 필요한 비닐의 넓이를 구하여라. (단 바닥은 비닐을 사용하지 않는다.)



▶ 답: $\underline{\text{m}^2}$

▷ 정답: $69\pi \text{ m}^2$

해설

$$2 \times \left(\pi \times 3^2 \times \frac{1}{2} \right) + \left(2\pi \times 3 \times \frac{1}{2} \right) \times 20 = 69\pi (\text{m}^2)$$

21. 높이가 5cm 인 원기둥의 부피가 $20\pi\text{cm}^3$ 라고 할 때, 이 원기둥의 밑면의 반지름의 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 2cm

해설

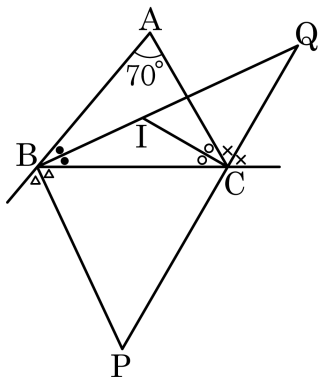
$$\text{부피} = (\text{밑넓이}) \times (\text{높이})$$

밑면의 반지름의 길이를 r 이라고 할 때,

$$\pi r^2 \times 5 = 20\pi, \quad r^2 = 4$$

$$\therefore r = 2(\text{cm})$$

22. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에 대하여 $\angle BIC + \angle BPC + \angle BQC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\quad \quad \quad \circ$

▷ 정답 : 215°

해설

i) $\angle IBC = \angle a$, $\angle ICB = \angle b$ 라 하면

$$\triangle ABC \text{ 에서 } 70^\circ + 2\angle a + 2\angle b = 180^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b = 55^\circ$$

$$\therefore \angle BIC = 180^\circ - (\angle a + \angle b) = 125^\circ$$

ii) $\angle CBP = \angle c$, $\angle ACQ = \angle d$ 라 할 때,

$$2\angle a + 2\angle c = 180^\circ, \quad 2\angle b + 2\angle d = 180^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle IBP = \angle ICP = 90^\circ$$

$$\therefore \angle BPC = 180^\circ - \angle BIC = 55^\circ$$

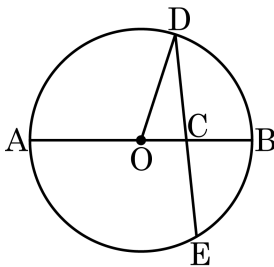
iii) $\triangle QIC$ 에서

$$\angle QIC + \angle QCI + \angle IQC = 180^\circ$$

$$\therefore \angle BQC = 180^\circ - (55^\circ + 90^\circ) = 35^\circ$$

따라서 $\angle BIC + \angle BPC + \angle BQC = 125^\circ + 55^\circ + 35^\circ = 215^\circ$ 이다.

23. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O 의 지름으로 $\angle DOC = 3\angle ODC$ 이다.
 5.0pt $\widehat{AE}$ 가 원 O 의 원주의 $\frac{1}{3}$ 일 때, $\angle BOD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▷ 정답 : 72_

해설

$$\angle AOE = 360^\circ \times \frac{1}{3} = 120^\circ \text{ 이므로}$$

$$\angle COE = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

$$\angle ODC = a \text{ 라 하면 } \angle DOC = 3a, \angle DEO = a$$

$\triangle ODE$ 에서

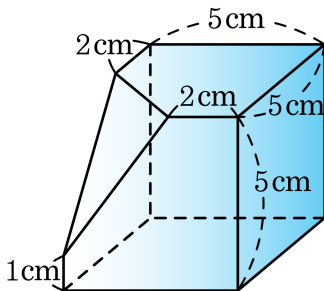
$$3a + 60^\circ + a + a = 180^\circ$$

$$5a = 120^\circ$$

$$a = 24^\circ$$

$$\therefore \angle BOD = 3a = 72^\circ$$

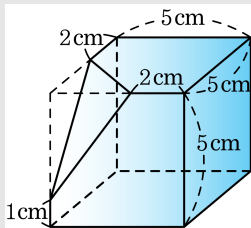
24. 다음 그림은 정육면체의 일부를 잘라낸 것이다. 아 입체도형의 부피는?



- ① 111cm^3 ② 113cm^3 ③ 115cm^3
 ④ 117cm^3 ⑤ 119cm^3

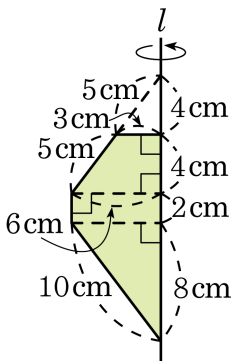
해설

다음 그림과 같이 선을 그으면,



$$V = (5 \times 5 \times 5) - \frac{1}{3} \times \left\{ \frac{1}{2} \times (3 \times 3) \times 4 \right\} = 125 - 6 = 119(\text{cm}^3)$$

25. 철수는 다음 그림과 같이 색칠한 평면도형을 직선 l 을 축으로 한 바퀴 회전시켜 만들어지는 입체도형과 같은 팽이를 만들려고 한다. 이 입체도형의 겉넓이를 구하여라.

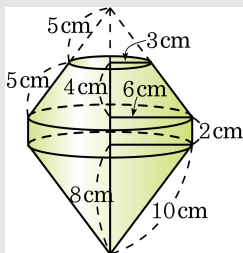


▶ 답 : cm^2

▶ 정답 : $138\pi \text{cm}^2$

해설

주어진 도형을 회전시키면 아래 모양의 입체가 생긴다.



주어진 입체도형의 겉넓이는

① (원뿔대 모양의 밑넓이)

$$= \pi \times 3^2 = 9\pi(\text{cm}^2)$$

② (원뿔대 모양의 옆넓이) = (큰 원뿔의 옆넓이) - (작은 원뿔의 옆넓이)

$$= \pi \times 6 \times 10 - \pi \times 3 \times 5 = 45\pi(\text{cm}^2)$$

③ (원기둥 모양의 옆넓이)

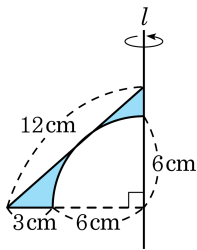
$$= 2\pi \times 6 \times 2 = 24\pi(\text{cm}^2)$$

④ (원뿔 모양의 옆넓이)

$$= \pi \times 6 \times 10 = 60\pi(\text{cm}^2)$$

$$\therefore (\text{겉넓이}) = 9\pi + 45\pi + 24\pi + 60\pi = 138\pi(\text{cm}^2)$$

26. 다음 그림과 같이 색칠한 부분을 직선 l 을 축으로 하여 1회전 시킬 때 생기는 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



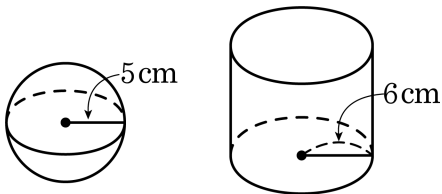
▶ 답: cm^2

▷ 정답: 225π cm^2

해설

$$\begin{aligned}
 & (\pi \times 9 \times 12) + \left(\frac{1}{2} \times 4\pi \times 6^2 \right) + (\pi \times 9^2) - (\pi \times 6^2) \\
 & = 225\pi \text{ (cm}^2\text{)}
 \end{aligned}$$

27. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 인 구와 밑면의 반지름의 길이가 4cm 인 원기둥이 있다. 두 입체도형의 부피가 같을 때, 원기둥의 높이는?



- ① $\frac{125}{4}$ cm ② 10cm ③ $\frac{125}{8}$ cm
 ④ $\frac{125}{27}$ cm ⑤ 12cm

해설

$$(\text{구의 부피}) = \frac{4}{3}\pi \times 5^3 = \frac{500}{3}\pi(\text{cm}^3)$$

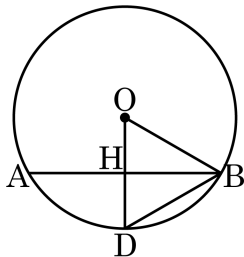
높이를 h 라고 하면

$$(\text{원기둥의 부피}) = \pi \times 6^2 \times h = 36\pi h$$

$$\frac{500}{3}\pi = 36\pi h$$

$$\therefore h = \frac{125}{27}(\text{cm})$$

28. 다음 그림에서 원 O의 중심에서 현 AB에 내린 수선의 발을 H라고 하고 그 연장선과 원이 만나는 점을 D라 한다. $\angle OBH = 30^\circ$ 일 때, $\angle DBH$ 를 구하여라.



▶ 답 :

—°

▶ 정답 : 30—°

해설

삼각형 OHB는 직각삼각형이므로 $\angle DOB = 60^\circ$

삼각형 ODB는 이등변삼각형이므로 $\angle DBO = (180^\circ - 60^\circ) \div 2 = 60^\circ$

$\therefore \angle DBH = 60^\circ - 30^\circ = 30^\circ$

29. 다음 그림과 같이 밑면이 부채꼴의 일부인 입체도형의 겉넓이는?

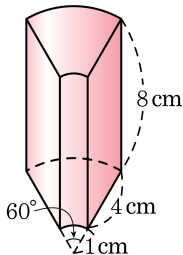
① $(12\pi + 32) \text{ cm}^2$

② $(12\pi + 64) \text{ cm}^2$

③ $(24\pi + 16) \text{ cm}^2$

④ $(24\pi + 32) \text{ cm}^2$

⑤ $(24\pi + 64) \text{ cm}^2$



해설

(겉넓이)

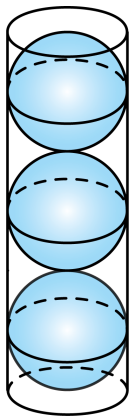
$$= (\text{밑넓이}) \times 2 + (\text{옆넓이})$$

$$= 2 \times \left(\pi \times 5^2 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} - \pi \times 1^2 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} \right) + 2 \times (4 \times 8) +$$

$$(2\pi \times 5 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} \times 8) + (2\pi \times 1 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} \times 8)$$

$$= 24\pi + 64 (\text{cm}^2)$$

30. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 5cm 인 원기둥에 물을 가득 채운 후, 공 3 개를 넣었더니 꼭 맞게 들어갔다. 흘러넘친 물의 부피는?



① $100\pi\text{cm}^3$

② $300\pi\text{cm}^3$

③ $500\pi\text{cm}^3$

④ $600\pi\text{cm}^3$

⑤ $700\pi\text{cm}^3$

해설

흘러넘친 물의 부피는 공 3 개의 부피와 같다.

$$\therefore (\text{흘러넘친 물의 부피}) = 3 \times \left(\frac{4}{3}\pi \times 5^3 \right) = 500\pi(\text{cm}^3)$$