

1. 다음 도형 중에서 서로 합동인 도형을 바르게 연결한 것은 어느 것입니까?

가 나 다 라

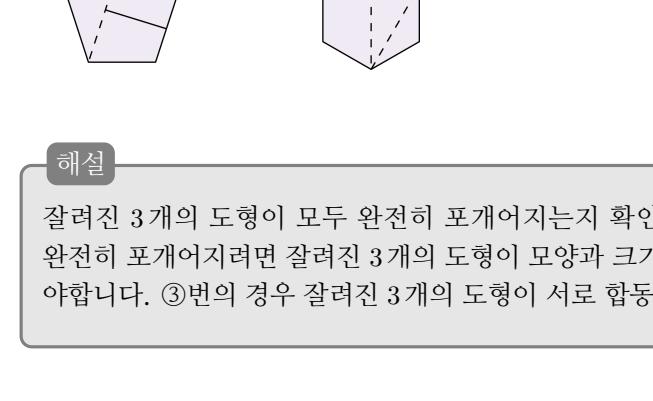
마 바 사

- ① 가 - 바 ② 나 - 사 ③ 다 - 마
④ 라 - 사 ⑤ 나 - 라

해설

도형 나의 본을 떠서 도형 사에 겹쳐 보면
완전히 포개지는 것을 알 수 있습니다.

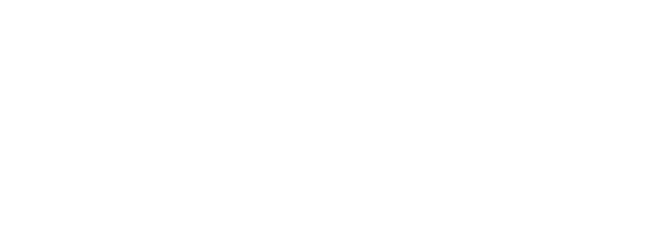
2. 점선을 따라 잘랐을 때, 합동인 도형이 3 개가 되는 것은 어느 것입니까?



③



④



⑤



해설

잘려진 3개의 도형이 모두 완전히 포개어지는지 확인합니다.
완전히 포개어지려면 잘려진 3개의 도형이 모양과 크기가 같아야합니다. ③번의 경우 잘려진 3개의 도형이 서로 합동입니다.

3. 두 삼각형이 서로 합동인 것을 모두 고르시오.

- ① 세 변의 길이가 각각 같을 때
- ② 세 각의 크기가 각각 같을 때
- ③ 삼각형의 넓이가 같을 때
- ④ 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 각각 같을 때
- ⑤ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 각각 같을 때

해설

두 삼각형이 합동일 조건은 세 변의 길이가 각각 같아야 합니다.
두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 각각 같아야 합니다.
한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 각각 같아야 합니다.

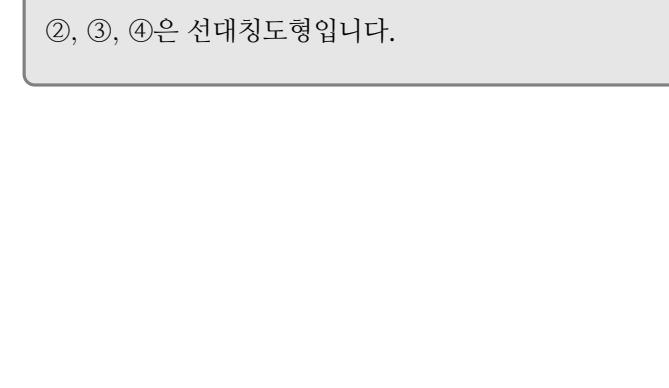
4. 다음 중 서로 합동인 사각형에 대한 설명 중 틀린 것은 어느 것입니까?

- ① 대응변은 반드시 4쌍입니다.
- ② 대응변의 길이가 모두 같습니다.
- ③ 대응각의 크기가 모두 같습니다.
- ④ 모양은 같으나 크기는 다릅니다.
- ⑤ 서로 넓이가 같습니다.

해설

겹쳤을 때 완전히 포개어지는 두 도형을 합동이라고 하므로 모양과 크기가 같습니다.

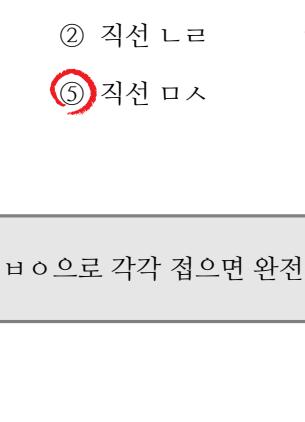
5. 다음 중 선대칭도형을 모두 고르시오.



해설

②, ③, ④은 선대칭도형입니다.

6. 다음 도형은 직사각형입니다. 대칭축으로 알맞은 것을 모두 고르시오.

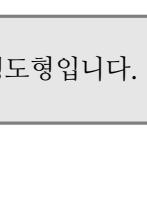
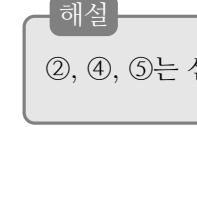


- ① 직선 ㄱㄷ ② 직선 ㄴㄹ ③ 직선 ㅂㅇ
④ 선분 ㄱㄹ ⑤ 직선 ㅁㅅ

해설

직선 ㅁㅅ , 직선 ㅂㅇ 으로 각각 접으면 완전히 포개어집니다.

7. 다음 중 점대칭도형을 모두 고르시오.



해설

②, ④, ⑤는 선대칭도형입니다.

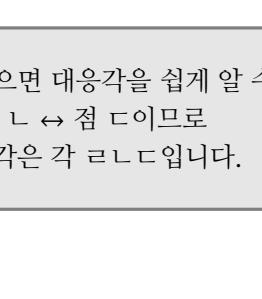
8. 다음 설명 중 옳지 않은 것은 어느 것입니까?

- ① 점대칭의 위치에 있는 두 도형은 서로 합동입니다.
- ② 점대칭도형에서 대칭의 중심은 여러 개 있을 수 있습니다.
- ③ 선대칭도형은 대칭축이 여러 개 있을 수 있습니다.
- ④ 점대칭도형에서 대칭의 중심은 대응점을 이은 선분을 똑같이
둘로 나눕니다.
- ⑤ 선대칭도형과 점대칭도형에서 대응변의 길이는 같습니다.

해설

- ② 점대칭도형에서 대칭의 중심은 한 개뿐입니다.

9. 삼각형 ㄱㄴㄷ과 삼각형 ㄹㄴㄷ은 서로 합동입니다. 각 ㄱㄷㄴ의 대응각은 어느 것입니까?



▶ 답:

▷ 정답: 각 ㄹㄴㄷ

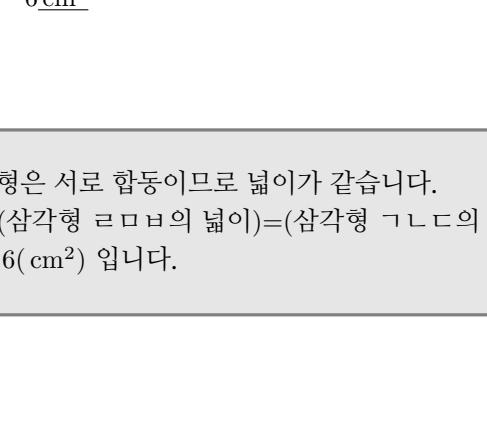
해설

먼저 대응점을 찾으면 대응각을 쉽게 알 수 있습니다.

점 ㄱ ↔ 점 ㄹ, 점 ㄴ ↔ 점 ㄴ이므로

각 ㄱㄷㄴ의 대응각은 각 ㄹㄴㄷ입니다.

10. 두 삼각형이 서로 합동일 때, 삼각형 ㄹㅁㅂ의 넓이를 구하시오.



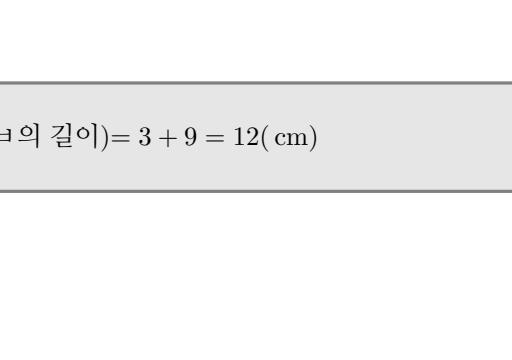
▶ 답: cm²

▷ 정답: 6cm²

해설

두 삼각형은 서로 합동이므로 넓이가 같습니다.
따라서 (삼각형 ㄹㅁㅂ의 넓이)=(삼각형 ㄱㄴㄷ의 넓이)= $3 \times 4 \div 2 = 6(\text{cm}^2)$ 입니다.

11. 다음 두 삼각형 $\triangle ABC$ 와 $\triangle ACD$ 은 합동입니다. 변 CD 의 길이는 몇 cm 입니까?



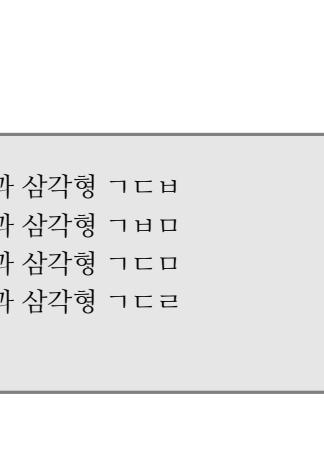
▶ 답: cm

▷ 정답: 12cm

해설

$$(\text{변 } CD \text{의 길이}) = 3 + 9 = 12(\text{cm})$$

12. 다음 이등변삼각형 $\triangle ABC$ 의 밑변 BC 을 4등분하여 점 L , M , N 을 표시하고, 점 G 과 선분으로 이었습니다. 합동인 삼각형은 몇 쌍입니다?



▶ 답: 4쌍

▷ 정답: 4쌍

해설

삼각형 $\triangle ALN$ 과 삼각형 $\triangle GLN$

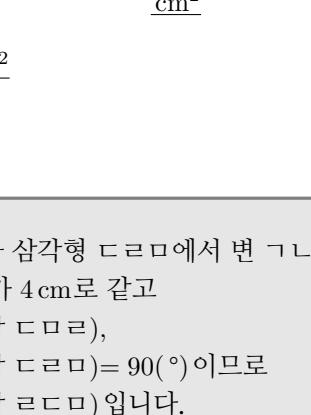
삼각형 $\triangle ALM$ 과 삼각형 $\triangle GLM$

삼각형 $\triangle ALB$ 과 삼각형 $\triangle GLB$

삼각형 $\triangle ANB$ 과 삼각형 $\triangle GN B$

\rightarrow 4쌍입니다.

13. 다음 그림은 직사각형 모양의 종이를 대각선 ㄱㄷ으로 접은 것입니다.
직사각형 ㄱㄴㄷㅂ의 넓이를 구하시오.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 32 cm^2

해설

삼각형 ㄱㄴㅁ과 삼각형 ㄷㄹㅁ에서 변 ㄱㄴ과
변 ㄷㄹ의 길이가 4cm로 같고
(각 ㄱㅁㄴ)=(각 ㄷㅁㄹ),
(각 ㄱㄴㅁ)=(각 ㄷㄹㅁ)= $90(^\circ)$ 이므로
(각 ㄴㄱㅁ)=(각 ㄹㄱㅁ)입니다.

세 각의 크기가 같고 한 변의 길이가 같으므로 두 삼각형은 합동
이 된다.

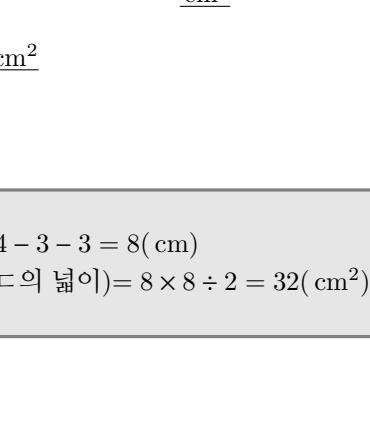
따라서, 대응변의 길이도 같아서

(변 ㄴㅁ)=(변 ㄹㅁ)=3(cm),

직사각형 ㄱㄴㄷㅂ의 넓이는

$(3 + 5) \times 4 = 32(\text{cm}^2)$ 입니다.

14. 다음 그림에서 사각형 그림과 사각형 둘모습은 합동입니다.
삼각형 둘모습의 넓이를 구하시오.



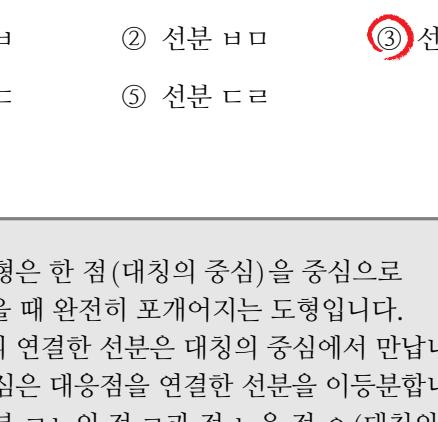
▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}} \text{cm}^2$

▷ 정답: 32cm^2

해설

$$\begin{aligned}(\text{변 } \square \square) &= 14 - 3 - 3 = 8(\text{cm}) \\ (\text{삼각형 } \square \square \square \text{의 넓이}) &= 8 \times 8 \div 2 = 32(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

15. 점 \circ 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형입니다. 선분 $ㄱㄴ$ 과 길이가 같은 선분은 어느 것입니까?



- ① 선분 $ㄱㅂ$ ② 선분 $ㅂㅁ$ ③ 선분 $ㄹㅁ$
④ 선분 $ㄴㄷ$ ⑤ 선분 $ㄷㄹ$

해설

점대칭 도형은 한 점(대칭의 중심)을 중심으로 180° 돌렸을 때 완전히 포개어지는 도형입니다.

대응점끼리 연결한 선분은 대칭의 중심에서 만납니다.

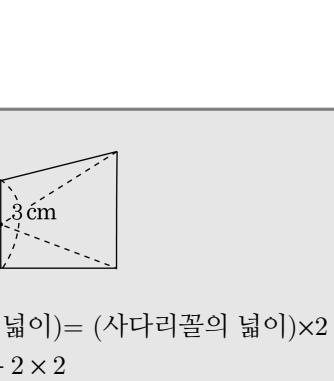
대칭의 중심은 대응점을 연결한 선분을 이등분합니다.

따라서 선분 $ㄱㄴ$ 의 점 $ㄱ$ 과 점 $ㄴ$ 을 점 \circ (대칭의 중심)과 연결하여 같은 거리에 있는 점을 찾습니다.

점 $ㄱ$ 은 점 $ㄹ$ 과 점 $ㄴ$ 은 점 $ㅁ$ 과 만나므로

선분 $ㄹㅁ$ 이 됩니다.

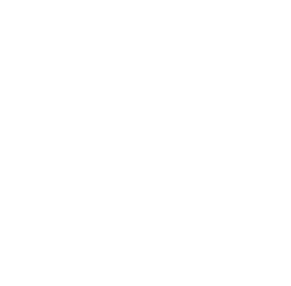
16. 다음은 점 \circ 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형의 일부분을 나타낸 것입니다. 이 점대칭도형을 완성했을 때 넓이를 구하시오.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$ cm^2

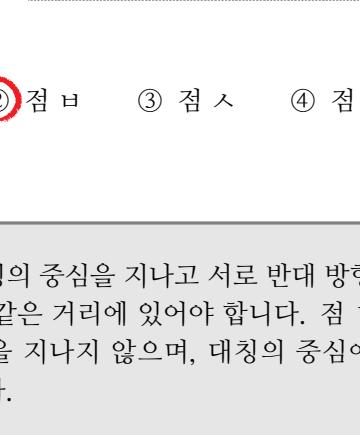
▷ 정답: 28cm^2

해설



$$\begin{aligned}(\text{점대칭도형의 넓이}) &= (\text{사다리꼴의 넓이}) \times 2 \\&= (4+3) \times 4 \div 2 \times 2 \\&= 28(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

17. 다음은 점 \times 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형을 그리려고 대응점을 찾은 것입니다. 대응점을 잘못 찾은 것은 어느 것입니까?

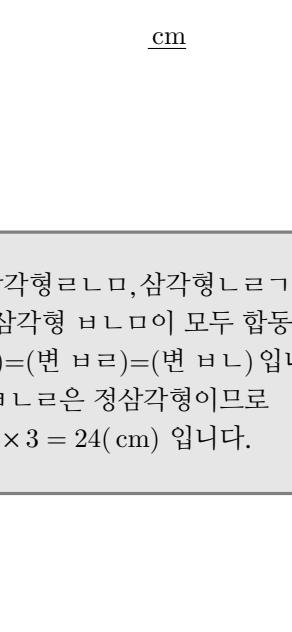


- ① 점 ㅁ ② 점 ㅂ ③ 점 ㅅ ④ 점 ㅇ ⑤ 점 ㄱ

해설

대응점은 대칭의 중심을 지나고 서로 반대 방향에 있으며, 대칭의 중심에서 같은 거리에 있어야 합니다. 점 ㄴ과 ㅂ을 이으면 대칭의 중심을 지나지 않으며, 대칭의 중심에서 같은 거리에 있지 않습니다.

18. 직사각형 $\square ABCD$ 에서 점 D 이 점 B 에 오도록 대각선 AC 로 접은 후, 선분 BD 과 선분 BC 의 연장선이 만나는 점을 H 이라 할 때, 삼각형 BCH 의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답: cm

▷ 정답: 24 cm

해설

삼각형 BCH , 삼각형 BCD , 삼각형 ABC ,
삼각형 BCH , 삼각형 BCD 이 모두 합동
이므로 $(변\ BC)=(변\ BC)=(변\ BC)$ 입니다.
따라서 삼각형 BCH 은 정삼각형이므로
둘레의 길이는 $8 \times 3 = 24(\text{cm})$ 입니다.

19. 정십이각형은 선대칭도형입니다. 대칭축은 모두 몇 개 입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 12개

해설

정삼각형은 3개, 정사각형은 4개,
정오각형은 5개이므로
정십이각형의 대칭축은 12개가 됩니다.

20. 다음 이등변삼각형 $\triangle ABC$ 은 선분 BC 을 대칭축으로 하는 선대칭도형입니다. $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수나 각도를 차례대로 써넣으시오.



▶ 답:

▶ 답:

°

▷ 정답: 12

▷ 정답: 40°

해설



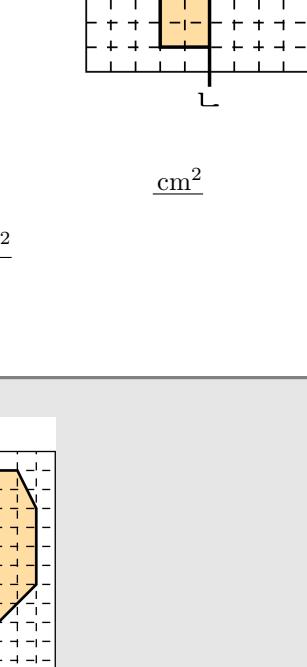
(선분 AC) = (선분 BC)이므로

선분 AC 의 길이는 $24 \div 2 = 12(\text{cm})$

각 $\angle C$ 의 대응각은 각 $\angle A$ 이고

대응각의 크기는 같으므로 $180^{\circ} - (90^{\circ} + 50^{\circ}) = 40^{\circ}$ 입니다.

21. 직선 Γ 을 대칭축으로 하는 선대칭도형이 되도록 나머지 부분을 완성하였을 때, 완성된 도형의 넓이는 몇 cm^2 입니까?



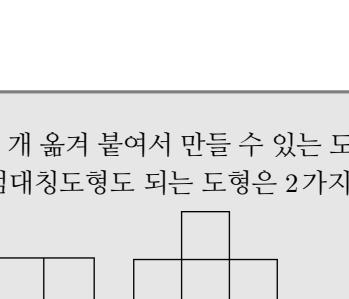
▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$ cm^2

▷ 정답: 66 cm^2

해설



22. 다음은 정사각형 5개를 변끼리 맞닿게 붙여서 만든 것입니다. 정사각형 한 개를 옮겨 붙여서 다른 모양을 만들었을 때 선대칭도형도 되고 점대칭도형도 되는 도형은 몇 개입니까?



▶ 답: 개

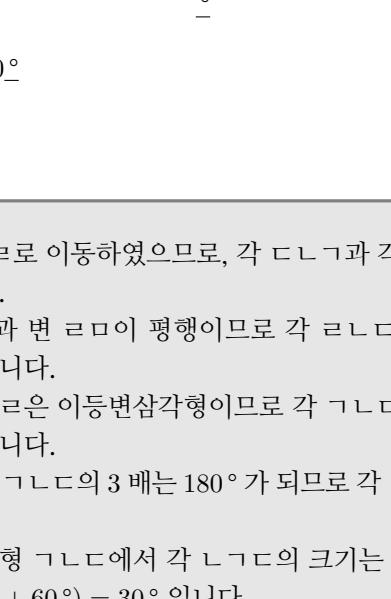
▷ 정답: 2개

해설

정사각형을 한 개 옮겨 붙여서 만들 수 있는 도형 중에서 선대칭도형도 되고 점대칭도형도 되는 도형은 2 가지입니다.



23. 다음 그림은 직각삼각형 $\triangle ABC$ 을 꼭짓점 C 을 중심으로 하여 변 AC 과 BC 이 서로 평행이 되도록 시계 방향으로 돌린 것입니다. 이 때, 각 $\angle ACD$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답: 30°

▷ 정답: 30°

해설

점 C 이 점 C 로 이동하였으므로, 각 $\angle ACD$ 과 각 $\angle BCA$ 의 크기가 같습니다.

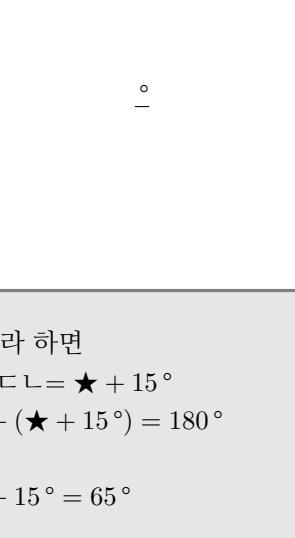
또, 변 AC 과 변 CA' 이 평행이므로 각 $\angle A$ 와 각 $\angle A'$ 의 크기도 같습니다.

삼각형 ABC 은 이등변삼각형이므로 각 $\angle A$ 과 각 $\angle B$ 의 크기도 같습니다.

그러므로 각 $\angle ACD$ 의 3 배는 180° 가 되므로 각 $\angle ACD$ 의 크기는 60° 입니다.

따라서 삼각형 ABC 에서 각 $\angle ACD$ 의 크기는 $180^\circ - (90^\circ + 60^\circ) = 30^\circ$ 입니다.

24. 삼각형 $\triangle ABC$ 은 변 AB 과 변 AC 의 길이가 같은 이등변삼각형입니다. 점 C 이 점 B 에 오도록 접으면 각 $\angle ACD$ 이 15° 입니다. 각 $\angle BCA$ 의 크기를 구하시오.



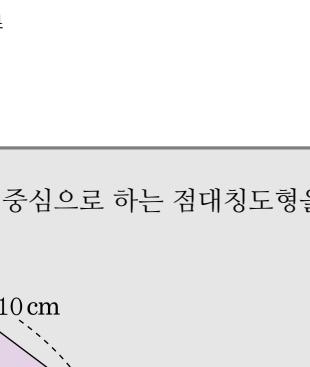
▶ 답:

▷ 정답: 65°

해설

각 $\angle BCA$ 을 \star 이라 하면
각 $\angle BCA = \text{각 } \angle ACD = \star + 15^\circ$
 $\star + (\star + 15^\circ) + (\star + 15^\circ) = 180^\circ$
 $\star = 50^\circ$
각 $\angle BCA = 50^\circ + 15^\circ = 65^\circ$

25. 다음과 같은 직각삼각형을 점 \circ 을 대칭의 중심으로 하여 180° 돌려 점대칭도형을 만들었을 때, 생기는 도형의 전체의 둘레의 길이를 구 하시오.



▶ 답: cm

▷ 정답: 40 cm

해설

점 \circ 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형을 만들면 다음과 같 습니다.

따라서 둘레의 길이는 $(10 + 6 + 4) \times 2 = 40(\text{cm})$ 입니다.