

1. 길이가 $\frac{15}{19}$ m 인 막대를 $\frac{3}{38}$ m 씩 자르면 몇 도막이 되는지 구하시오.

▶ 답 : 도막

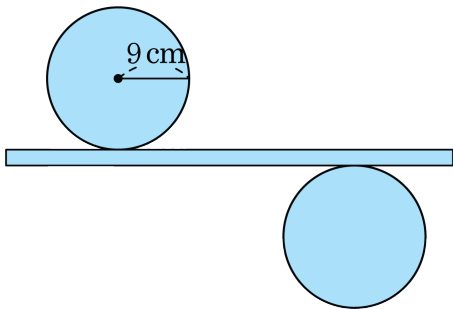
▷ 정답 : 10도막

해설

전체 막대의 길이를 한 도막의 길이로 나눕니다.

$$\frac{15}{19} \div \frac{3}{38} = \frac{15}{19} \times \frac{38}{3} = 10(\text{도막})$$

2. 다음 원기둥의 전개도에서 높이가 2cm 일 때, 직사각형의 가로와 세로의 길이의 합을 구하시오.



▶ 답: cm

▷ 정답: 58.52 cm

해설

(직사각형의 가로) = (밑면의 원의 원주)

$$(9 \times 2 \times 3.14) + 2 = 56.52 + 2 = 58.52(\text{cm})$$

3. $7.1 \div 4.95$ 의 몫은 일정한 수가 되풀이됩니다. 몫의 소수점 아래 100째 번 자리의 숫자는 얼마인지 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$7.1 \div 4.95 = 1.4343\cdots$ 이므로 소수점 아래 숫자는 4, 3이 되풀이됩니다. 따라서 소수점 아래 홀수 짝 번 자리의 수는 4이고, 짝수 짝 번 자리의 수는 3입니다. 따라서 소수점 아래 100 짝 번 자리의 숫자는 3입니다.

4. Δ 의 값이 1 보다 작은 것은 어느 것입니까?

① $3.458 \div \Delta = 2.66$

② $67.44 \div \Delta = 56.2$

③ $38.34 \div \Delta = 42.6$

④ $25.568 \div \Delta = 7.52$

⑤ $57.5 \div \Delta = 12.5$

해설

나누는 수가 1 보다 작으면 몫은 나누어지는 수보다 커집니다.
따라서 ③ $38.34 \div \Delta = 42.6$ 에서 $42.6 > 38.34$ 이므로 Δ 의 값은
1 보다 작습니다.

5. 24.726을 어떤 수로 나누었더니 몫이 2.31이고 나머지가 0.009였습니다. 어떤 수를 2.31로 나눈 몫을 자연수 부분까지 구할 때의 나머지를 구하십시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1.46

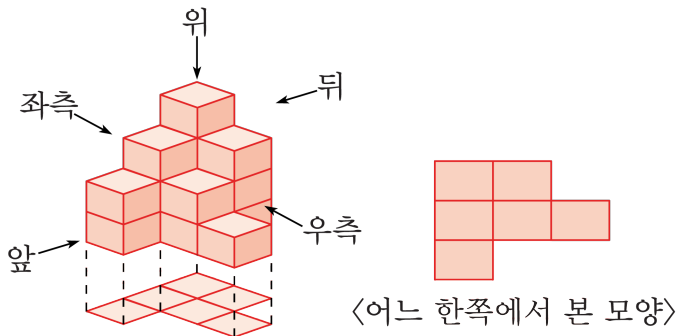
해설

$24.726 = (\text{어떤 수}) \times 2.31 + 0.009$ 이므로

$(\text{어떤 수}) = (24.726 - 0.009) \div 2.31 = 10.7$

$10.7 \div 2.31 = 4 \cdots 1.46$ 이므로 나머지는 1.46 입니다.

6. 아래 그림은 쌓기나무 쌓은 모양과 어느 한 쪽에서 본 모양을 나타낸 것입니다. 어느 방향에서 본 것인지 번호를 고르시오.



- ① 위 ② 좌측 ③ 뒤 ④ 앞 ⑤ 우측

해설

위 : 바탕그림 , 앞 : 왼쪽부터 4, 3, 1,
 우측 : 왼쪽부터 2, 3, 4, 뒤 : 왼쪽부터 1, 3, 4
 아래의 그림은 쌓기나무를 쌓은 모양의
 위에서 봤을 때의 모습과 같습니다.

7. 엽서가 17장에 10200 원입니다. 엽서 4장의 값에 대한 엽서 7장의 값의 비를 간단하게 나타내시오.

- ① 7 : 4 ② 3 : 4 ③ 4 : 7 ④ 7 : 3 ⑤ 17 : 4

해설

엽서 1장의 가격 = $10200 \div 17 = 600$ 원

엽서 4장의 가격 = 2400,

엽서 7장의 가격 = 4200

엽서 4장의 값에 대한 엽서 7장의 비 :

$$4200 : 2400 \Rightarrow (4200 \div 600) : (2400 \div 600) = 7 : 4$$

8. 어머니와 아버지의 몸무게는 비는 $3.5 : 4.9$ 입니다. 영재의 몸무게는 어머니보다 12 kg 이 적습니다. 아버지의 몸무게가 84 kg 이라면, 영재의 몸무게는 몇 kg 입니까?

① 40 kg

② 60 kg

③ 46 kg

④ 48 kg

⑤ 50 kg

해설

$3.5 : 4.9$ 를 가장 작은 자연수의 비로 나타내면,

$$3.5 : 4.9 = (3.5 \times 10) : (4.9 \times 10) = 35 : 49$$

$$35 : 49 = (35 \div 7) : (49 \div 7) = 5 : 7$$

$$5 : 7 = \square : 84,$$

$$\square = 84 \times 5 \div 7,$$

$$\square = 60$$

따라서, 어머니의 몸무게는 60 kg 이며, 영재의 몸무게는 $60 - 12 = 48\text{ kg}$ 입니다.

9. 맞물려 도는 두 톱니바퀴가 있습니다. ㉠톱니바퀴가 7번 도는 동안 ㉡톱니바퀴는 5번 돕니다. ㉡톱니바퀴가 75번 도는 동안 ㉠톱니바퀴는 몇 번을 돕니까?

① 100 번

② 105 번

③ 110 번

④ 115 번

⑤ 120 번

해설

$$\textcircled{㉠}:\textcircled{㉡}=7:5$$

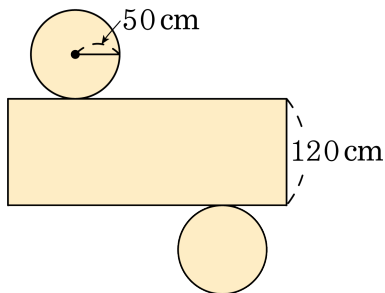
$$7:5=\square:75$$

$$5\times\square=7\times75$$

$$\square=525\div5$$

$$\square=105(\text{번})$$

10. 다음은 원기둥의 전개도입니다. 전개도의 둘레의 길이는 몇 cm 인지 구하시오.



- ① 748 cm ② 868 cm
 ③ 1182 cm ④ 1496 cm
 ⑤ 구할 수 없습니다.

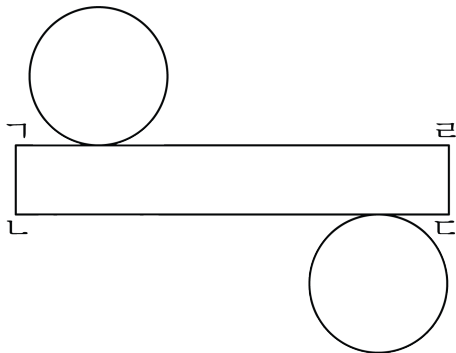
해설

원기둥의 전개도에서 옆면인 직사각형의 가로 길이는 밑면의 원주와 같습니다.

따라서 전개도의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned} & (50 \times 2 \times 3.14) \times 4 + 120 \times 2 \\ & = 1256 + 240 = 1496(\text{cm}) \end{aligned}$$

11. 다음 그림은 밑면의 지름이 10 cm , 높이가 5 cm 인 원기둥의 전개도입니다. 이 전개도의 둘레의 길이는 몇 cm 인지 구하시오.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 135.6cm

해설

원기둥의 전개도에서 직사각형의 가로의 길이는 원기둥의 밑면의 둘레와 같습니다.

$$(5 \times 2 \times 3.14) \times 4 + (5 \times 2)$$

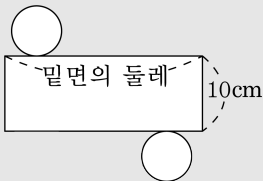
$$125.6 + 10 = 135.6(\text{ cm})$$

12. 어느 원기둥의 높이는 10 cm 입니다. 전개도에서 직사각형의 둘레의 길이가 68 cm 라면 원기둥의 밑면의 둘레의 길이는 몇 cm 인지 구하십시오.

▶ 답 : cm

▶ 정답 : 24 cm

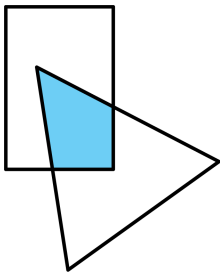
해설



그림에서 직사각형의 가로의 길이는
 $(68 - 20) \div 2 = 24$ (cm) 입니다.

밑면의 둘레의 길이는 직사각형의 가로와 같으므로 24 cm 입니다.

13. 다음 그림과 같이 직사각형과 삼각형이 겹쳐져 있는 모양의 도형이 있습니다. 색칠한 부분의 넓이는 직사각형의 넓이의 $\frac{4}{9}$, 삼각형의 넓이의 $\frac{1}{3}$ 입니다. 색칠한 부분의 넓이가 $24\frac{1}{5}\text{ cm}^2$ 라면, 도형 전체의 넓이는 몇 cm^2 인니까?



① $100\frac{17}{20}\text{ cm}^2$

② $92\frac{15}{20}\text{ cm}^2$

③ $102\frac{17}{20}\text{ cm}^2$

④ $108\frac{17}{25}\text{ cm}^2$

⑤ $98\frac{19}{20}\text{ cm}^2$

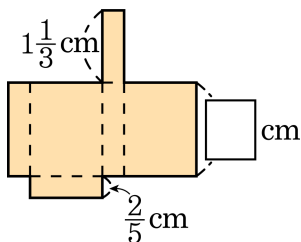
해설

$$(\text{직사각형의 넓이}) = 24\frac{1}{5} \div \frac{4}{9} = 54\frac{9}{20}(\text{ cm}^2)$$

$$(\text{삼각형의 넓이}) = 24\frac{1}{5} \div \frac{1}{3} = 72\frac{3}{5}(\text{ cm}^2)$$

$$\text{따라서, 도형 전체의 넓이는 } 54\frac{9}{20} + 72\frac{3}{5} - 24\frac{1}{5} = 102\frac{17}{20}(\text{ cm}^2)$$

14. 전개도가 다음과 같은 직육면체의 겉넓이가 $7\frac{1}{15}\text{ cm}^2$ 라고 합니다. 이 전개도를 접었을 때, 직육면체의 높이를 구하시오.



- ① $1\frac{15}{26}\text{ cm}$ ② $1\frac{17}{26}\text{ cm}$ ③ $1\frac{19}{26}\text{ cm}$
 ④ $1\frac{21}{26}\text{ cm}$ ⑤ $1\frac{23}{26}\text{ cm}$

해설

$$(\text{한 밑면의 넓이}) = 1\frac{1}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{5} = \frac{8}{15}(\text{cm}^2)$$

겉넓이에서 두 밑면의 넓이를 빼면 옆면의 넓이가 되므로

$$\begin{aligned} (\text{옆면의 넓이}) &= 7\frac{1}{15} - \left(\frac{8}{15} \times 2\right) = \frac{106}{15} - \frac{16}{15} \\ &= \frac{90}{15} = 6(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\text{옆면 전체의 가로의 길이}) &= \left(1\frac{1}{3} + \frac{2}{5}\right) \times 2 \\ &= \left(\frac{20}{15} + \frac{6}{15}\right) \times 2 \\ &= \frac{26}{15} \times 2 = \frac{52}{15}(\text{cm}) \end{aligned}$$

$$6 = \frac{52}{15} \times \square$$

$$\square = 6 \div \frac{52}{15} = \cancel{6}^3 \times \frac{15}{\cancel{52}_{26}} = \frac{45}{26} = 1\frac{19}{26}(\text{cm})$$

15. 어떤 공원 둘레를 철수와 초현이 둘이 산책하고 있는데 철수는 60 걸음, 초현이는 75 걸음으로 한 바퀴를 돌았습니다. 이 둘의 한 걸음 폭의 차가 13 cm 일 때, 이 공원의 둘레의 길이는 몇 m인지 구하시오.

▶ 답 : m

▷ 정답 : 39m

해설

공원 둘레의 $\frac{1}{60}$ 과 $\frac{1}{75}$ 의 차가 13 cm이므로

$$\begin{aligned}(\text{공원의 둘레}) &= 13 \div \left(\frac{1}{60} - \frac{1}{75} \right) = 3900(\text{cm}) \\ &= 39(\text{m})\end{aligned}$$

16. $1\frac{13}{14}$ 으로 나누어도 몫이 자연수가 되고 $2\frac{4}{7}$ 로 나누어도 몫이 자연수가 되는 분수 중 가장 작은 분수를 구하면 얼마입니까?

① $\frac{14}{27}$

② $3\frac{1}{2}$

③ $3\frac{6}{7}$

④ $4\frac{2}{3}$

⑤ $7\frac{5}{7}$

해설

$1\frac{13}{14}$ 으로 나누는 것은 $\frac{14}{27}$ 를 곱하는 것과 같고, $2\frac{4}{7}$ 를 나누는 것은 $\frac{7}{18}$ 을 곱하는 것과 같습니다. 이 두 수를 곱해서 자연수가 되게 하는 가장 작은 분수는 분모의 최소공배수가 분자가 되고, 분자의 최대공약수가 분모가 되어야 약분해서 분모들이 없어지게 됩니다. 분모의 최소공배수는 54이고, 분자의 최대공약수는 7이므로 $\frac{54}{7} \left(= 7\frac{5}{7} \right)$ 가 됩니다.

17. 석규와 윤진의 몸무게의 합은 98.1 kg, 정수와 윤진의 몸무게의 합은 78.2 kg, 석규와 정수의 몸무게의 합은 84.9 kg입니다. 석규의 몸무게는 윤진의 몸무게의 약 몇 배인지 반올림하여 소수 둘째 자리까지 구하시오.



답:

배



정답: 약 1.15배

해설

세 사람의 몸무게의 합을 구해보면 다음과 같습니다.

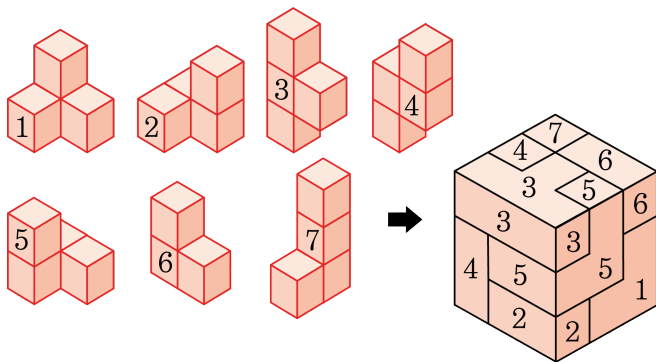
$$\text{석규} + \text{윤진} + \text{정수} = (98.1 + 84.9 + 78.2) \div 2 = 130.6$$

$$\text{석규} = 130.6 - 78.2 = 52.4$$

$$\text{윤진} = 130.6 - 84.9 = 45.7$$

$$52.4 \div 45.7 = 1.146\cdots \Rightarrow 1.15(\text{배})$$

18. 다음 그림과 같이 7 개의 블록으로 정육면체를 만들었습니다.



정육면체의 정면에 보여지는 블록은 2, 3, 4, 5 번으로

3	3	3
4	5	5
4	2	2

의 숫자의 합은 31 입니다. 이 때, 이 정육면체의 밑면의 9 개의 숫자의 합을 구하시오. (단, 각각의 블록에는 같은 숫자가 모두 적혀 있습니다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : 27

해설

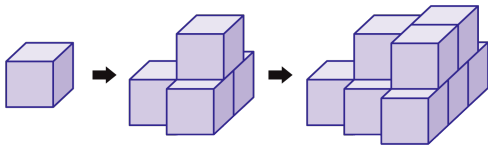
바닥면은 다음과 같습니다.

7	1	1
7	2	1
4	2	2

따라서 합을 구하면

$$4 + 2 + 2 + 7 + 2 + 1 + 7 + 1 + 1 = 27 \text{입니다.}$$

19. 다음과 같은 규칙으로 쌓기나무를 쌓을 때, 아홉 번째의 쌓기나무 개수와 열 번째의 쌓기나무 개수와의 차는 어느 것입니까?



- ① 19개 ② 17개 ③ 15개 ④ 13개 ⑤ 11개

해설

3, 5, 7... 씩 커지는 규칙입니다.

첫 번째 : 1

두 번째 : $1 + 3$

세 번째 : $1 + 3 + 5$

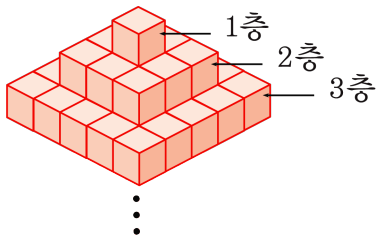
⋮

아홉 번째 $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 = 81$

열 번째 $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 + 19 = 100$

따라서 (열 번째 쌓기나무의 갯수) - (아홉 번째 쌓기나무의 갯수) = $100 - 81 = 19$ (개)

20. 다음 그림과 같은 규칙으로 8층까지 쌓는다면, 짝수 층의 쌓기나무는 모두 몇 개가 됩니까?(단, 가장 위의 블록을 1층으로, 가장 아래에 위치할 블록들을 8층으로 생각하여 문제를 풀도록 하세요.)



① 179개

② 404개

③ 276개

④ 225개

⑤ 169개

해설

$$1\text{층} : 1 \times 1$$

$$2\text{층} : 3 \times 3$$

$$3\text{층} : 5 \times 5$$

⋮

2씩 커지는 곱셈구구의 규칙입니다.

$$\begin{aligned} \text{짝수 층의 쌓기나무} &: (3 \times 3) + (7 \times 7) + (11 \times 11) + (15 \times 15) \\ &= 9 + 49 + 121 + 225 = 404(\text{개}) \end{aligned}$$

21. 서로 다른 정육면체 ㉠, ㉡가 있습니다. ㉠의 부피는 ㉡의 부피의 $\frac{1}{8}$ 이고, ㉡의 부피는 512cm^3 입니다. ㉡의 한 모서리의 길이에 대한 ㉠의 한 모서리의 길이의 비의 값과 같은 것은 어느 것인지 구하시오.

① $1 : 512$

② $1 : 64$

③ $1 : 8$

④ $1 : 4$

⑤ $1 : 2$

해설

$$\text{㉠의 부피} = \text{㉡의 부피} \times \frac{1}{8} = 512 \times \frac{1}{8} = 64(\text{cm}^3)$$

정육면체의 부피

$= (\text{한 모서리}) \times (\text{한 모서리}) \times (\text{한 모서리})$ 이므로

$$(\text{㉠의 한 모서리의 길이}) = 4(\text{cm})$$

$$(\text{㉡의 한 모서리의 길이}) = 8(\text{cm})$$

$$\text{따라서 } 4 : 8 = 1 : 2$$

22. 100 원짜리 동전이 10바퀴 굴러간 거리를 50 원짜리 동전은 12바퀴 반을 굴러가야 한다고 합니다. 100 원짜리 동전의 반지름의 길이가 1.15 cm라고 할 때, 50 원짜리 동전의 반지름을 구하시오.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 0.92 cm

해설

100 원짜리 동전이 10바퀴 굴러간 거리를 구하면

$$2 \times 1.15 \times 3.14 \times 10$$

$$= 72.22(\text{cm})$$

50 원짜리 동전이 12바퀴 반을 굴러간 거리가

72.22이므로 한 바퀴 굴러간 거리를 구하면

$$72.22 \div 12.5 = 5.7776(\text{cm})$$

(50 원 짜리가 한 바퀴 굴러간 거리)

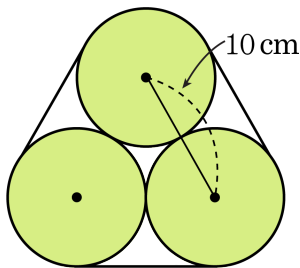
= (50 원짜리 동전의 둘레) 이므로

50 원짜리 동전의 지름은

$$5.7776 \div 3.14 = 1.84(\text{cm})$$

따라서 반지름은 $1.84 \div 2 = 0.92(\text{cm})$ 입니다.

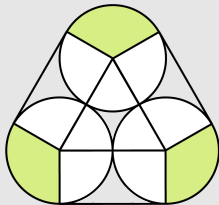
23. 다음 그림과 같이 지름의 길이가 같은 3 개의 둥근 통을 묶을 때, 필요한 끈의 길이는 몇 cm입니까? (단, 끈을 묶는 데 쓴 매듭의 길이는 생각하지 않습니다.)



▶ 답 : cm

▶ 정답 : 61.4 cm

해설

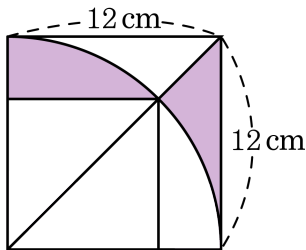


위의 그림과 같이 보조선을 그려 생각해 보면, 끈의 길이는 한 변의 길이가 10 cm인 정삼각형의 둘레의 길이와 반지름이 5 cm인 원의 원주의 합과 같습니다. 따라서 필요한 끈의 길이는 (반지름이 5 cm인 원의 원주) + (정삼각형의 둘레의 길이)

$$= (5 \times 2 \times 3.14) + (10 \times 3) = 31.4 + 30$$

$$= 61.4(\text{cm})$$

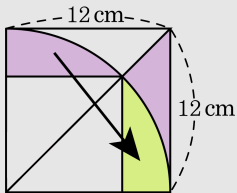
24. 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm²

▶ 정답 : 36 cm²

해설



(색칠한 부분의 넓이)

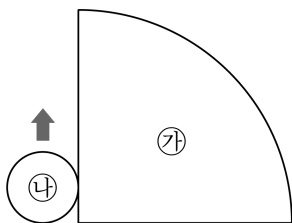
$$= \{ (\text{정사각형의 넓이}) - (\text{마름모의 넓이}) \} \times \frac{1}{2}$$

$$= \left\{ (12 \times 12) - \left(12 \times 12 \times \frac{1}{2} \right) \right\} \times \frac{1}{2}$$

$$= (144 - 72) \times \frac{1}{2}$$

$$= 36 (\text{cm}^2)$$

25. 다음 그림과 같이 반지름이 6 cm 인 원을 4 등분한 모양인 ㉔를 따라 화살표 방향으로 반지름이 1 cm 인 원 ㉕가 한 바퀴 돌았을 때, 원 ㉕가 통과한 부분의 넓이를 구하시오. (지나간 거리를 그림으로 그려보고 식을 세워서 풀니다.)

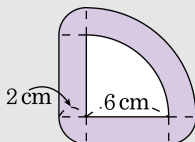


▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 55.4 cm²

해설

원 ㉕가 지나간 거리를 그리면 다음과 같습니다.



따라서 지나간 거리의 넓이를 구하면
 (직사각형 2 개)+(반지름이 8 cm 인 원에서
 반지름이 6 cm 인 원을 뺀 부분)÷4
 +(반지름이 2 cm 인 원의 4 등분 중 3 조각)
 $= (2 \times 6 \times 2) + (8 \times 8 \times 3.14 - 6 \times 6 \times 3.14) \div 4 + (2 \times 2 \times 3.14 \div 4) \times 3$

$$\begin{aligned} & 24 + 87.92 \div 4 + 3.14 \times 3 \\ & = 24 + 21.98 + 9.42 \\ & = 55.4(\text{cm}^2) \end{aligned}$$