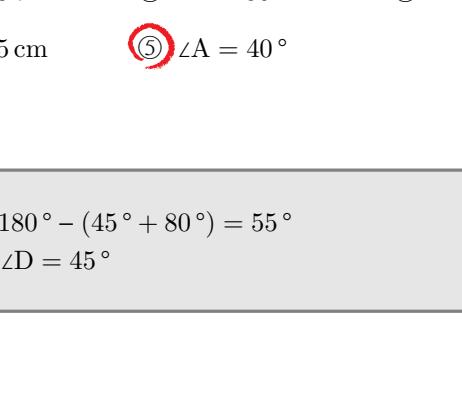


1. 다음 그림에서 $\triangle ABC \cong \triangle DEF$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

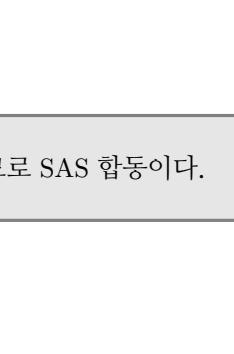


- ① $\overline{BC} = 3 \text{ cm}$ ② $\angle E = 80^\circ$ ③ $\angle F = 55^\circ$
④ $\overline{DE} = 5 \text{ cm}$ ⑤ $\angle A = 40^\circ$

해설

③ $\angle F = 180^\circ - (45^\circ + 80^\circ) = 55^\circ$
⑤ $\angle A = \angle D = 45^\circ$

2. 다음 그림에서 두 삼각형의 합동조건을 구하여라.



▶ 답 :

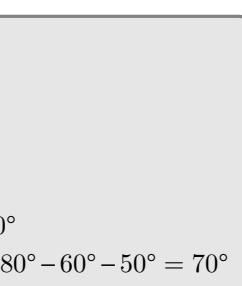
합동

▷ 정답 : SAS 합동

해설

두 변의 길이와 그 끼인 각의 크기가 같으므로 SAS 합동이다.

3. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이고, $\overline{AB} = \overline{CD}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 60° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 80°

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이고 $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이다.

$\angle ABE = \angle DCE = 60^\circ$

$\angle BAE = \angle CDE = x$

따라서 $\triangle ABE \cong \triangle DCE$ (ASA합동)

$\angle CED = 180^\circ - \angle BED = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$

따라서 $\angle EDC = 180^\circ - \angle DCE - \angle CED = 180^\circ - 60^\circ - 50^\circ = 70^\circ$ 이다.

4. 십이각형의 대각선의 총 개수를 a 개라 하고, 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수를 b 개라 할 때, $a - b$ 의 값은?

① 25 ② 30 ③ 35 ④ 45 ⑤ 50

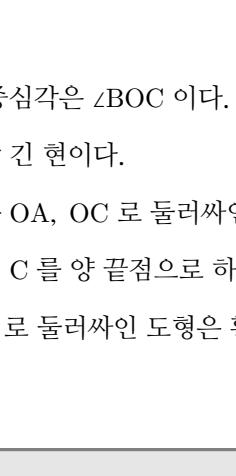
해설

$$a = \frac{12(12-3)}{2} = 54$$

$$b = 12 - 3 = 9$$

$$\therefore a - b = 54 - 9 = 45$$

5. 다음은 원 O에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

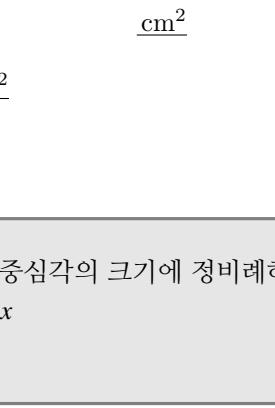


- ① 호 BC에 대한 중심각은 $\angle BOC$ 이다.
- ② 선분 AB는 가장 긴 현이다.
- ③ 호 AC와 반지름 OA, OC로 둘러싸인 도형은 부채꼴이다.
- ④ 원 위의 두 점 A, C를 양 끝점으로 하는 호는 1개이다.
- ⑤ 현 BC와 호 BC로 둘러싸인 도형은 활꼴이다.

해설

④ 원 위의 두 점 A, C에 대해 2개의 호가 생긴다. 일반적으로 짧은 쪽의 호를 $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 로 표시하고 긴 쪽의 호는 두 점 A, C 중간에 점 P를 잡아 $24.88\text{pt}\widehat{APC}$ 로 표시한다.

6. 부채꼴 OAB의 넓이가 30cm^2 일 때, 부채꼴 OCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 120cm^2

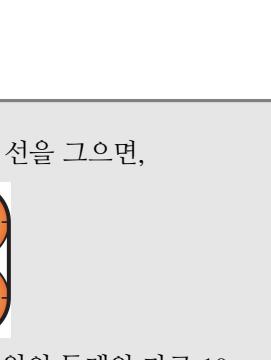
해설

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$40^\circ : 160^\circ = 30 : x$$

$$\therefore x = 120(\text{cm}^2)$$

7. 반지름의 길이가 5cm인 원판 4개를 끈으로 묶으려고 한다. 이 때, 필요한 끈의 최소 길이는?(단, 매듭의 길이는 생각하지 않는다.)



- ① $(5\pi + 20)\text{cm}$ ② $(5\pi + 30)\text{cm}$ ③ $(10\pi + 20)\text{cm}$
④ $(10\pi + 40)\text{cm}$ ⑤ $(10\pi + 50)\text{cm}$

해설

다음 그림과 같이 선을 그으면,



반지름이 5cm인 원의 둘레와 가로 10cm, 세로 10cm인 정사각형의 둘레의 합이 필요한 끈의 최소 길이이다.
따라서 $2\pi \times 5 + 4 \times 10 = 10\pi + 40(\text{cm})$

8. 다음 그림과 같이 가로의 길이가 5cm, 세로의 길이가 4cm인 직사각형 주위를 반지름의 길이가 1cm인 원이 돌고 있다. 이 원이 직사각형의 주위를 한 바퀴 돌았을 때, 이 원이 지나간 부분의 넓이는?



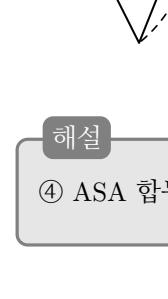
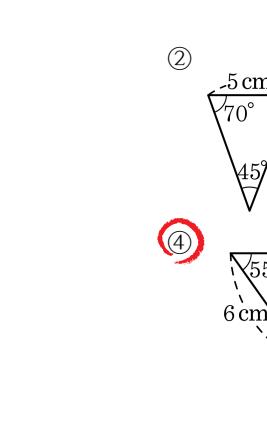
- ① $24 + 4\pi(\text{cm}^2)$ ② $24 + 6\pi(\text{cm}^2)$ ③ $\textcircled{3} 36 + 4\pi(\text{cm}^2)$
④ $36 + 6\pi(\text{cm}^2)$ ⑤ $48 + 6\pi(\text{cm}^2)$

해설



$$S = 2(2 \times 5 + 2 \times 4) + 4\pi = 36 + 4\pi(\text{cm}^2)$$

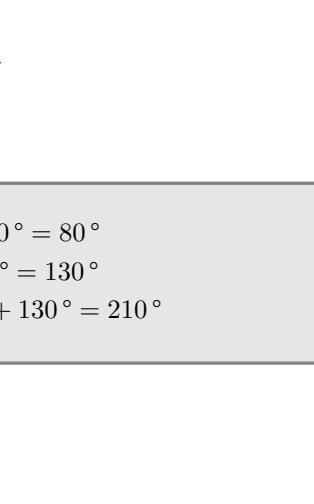
9. 다음 중 다음 삼각형과 합동인 삼각형을 모두 골라라.



해설

④ ASA 합동, ⑤ SAS 합동

10. 다음 그림의 육각형에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

$^\circ$

▷ 정답 : 210°

해설

$$\angle x = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

$$\angle y = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

$$\angle x + \angle y = 80^\circ + 130^\circ = 210^\circ$$

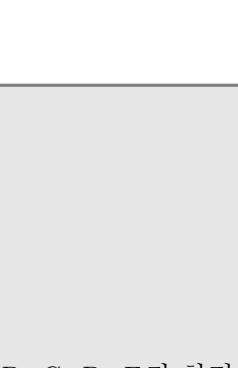
11. 다음 정다각형에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 6 개의 꼭짓점으로 이루어진 정다각형은 정육각형이다.
- ② 모든 변의 길이가 같은 도형은 정다각형이다.
- ③ 세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.
- ④ 정다각형은 내각의 크기와 외각의 크기가 같다.
- ⑤ 여러 개의 선분으로 둘러싸인 평면도형을 다각형이라고 한다.

해설

- ② 모든 내각의 크기와 변의 길이가 같은 도형을 정다각형이라고 한다.
- ④ 정삼각형은 내각의 크기와 외각의 크기가 다르다.(반례)

12. 다음 그림과 같이 오각형의 대각선을 그었을 때, 오각형의 꼭짓점들로 만들어지는 삼각형의 개수는 모두 몇 개인지 구하여라.



▶ 답: 개

▷ 정답: 10개

해설



꼭짓점을 각각 A, B, C, D, E 라 하면 만들어지는 삼각형은 $\triangle ABC, \triangle ABD, \triangle ABE, \triangle ACD, \triangle ACE, \triangle ADE, \triangle BCD, \triangle BCE, \triangle BDE, \triangle CDE$ 의 모두 10 개이다.

13. 어느 동호회 회원 10명이 모임을 가지기 위해 둥글게 모여 앉았다.
이웃하지 않은 사람들과 한 번씩 악수를 할 때, 10명의 회원이 서로
악수를 한 총 횟수는?

▶ 답:

회

▷ 정답: 35회

해설

10 명의 회원이 서로 악수를 한 총 횟수는 삼각형의 대각선의
총수와 같으므로

$$\frac{10 \times 7}{2} = 35(\text{회})$$

14. 대각선의 개수가 65 개이고 모든 변의 길이와 모든 내각의 크기가 같은 다각형을 말하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 정십삼각형

해설

모든 변의 길이와 모든 내각의 크기가 같은 다각형이므로 정 n

각형이라 하면

$$\frac{n(n-3)}{2} = 65, n(n-3) = 130$$

$$n(n-3) = 13 \times 10 \quad \therefore n = 13$$

따라서 $n = 13$ 이므로 정십삼각형이다.

15. $\triangle ABC$ 에서 $\angle A = 48^\circ$, $\angle B = 32^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 외각의 크기를 구하여라.

▶ 답 :

$^\circ$

▷ 정답 : 80°

해설

$(\angle C \text{의 외각의 크기}) = \angle A + \angle B = 48^\circ + 32^\circ = 80^\circ$

16. 십각형의 내각의 크기의 합을 구하여라.

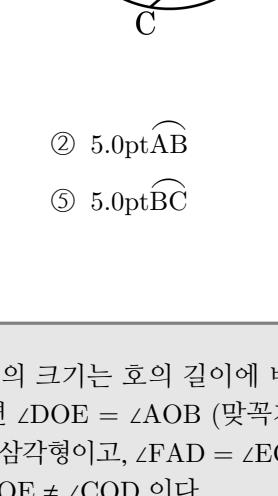
▶ 답: $^{\circ}$

▷ 정답: 1440°

해설

$$180^{\circ} \times (10 - 2) = 1440^{\circ}$$

17. 다음 그림에서 \overline{AD} 는 원 O의 지름이고 $\overline{AF} \parallel \overline{BE} \parallel \overline{CD}$ 일 때, 다음 중 5.0pt \widehat{DE} 의 길이와 다른 것을 모두 고르면?



- ① 5.0pt \widehat{EF} ② 5.0pt \widehat{AB} ③ 5.0pt \widehat{AC}
④ 5.0pt \widehat{CD} ⑤ 5.0pt \widehat{BC}

해설

부채꼴의 중심각의 크기는 호의 길이에 비례하므로 $\angle DOE$ 와 같은 각을 찾으면 $\angle DOE = \angle AOB$ (맞꼭지각)이고, $\triangle AOF$ 와 $\triangle COD$ 가 이등변삼각형이고, $\angle FAD = \angle EOD$, $\angle EOD = \angle ODC$ 이다. 하지만 $\angle DOE \neq \angle COD$ 이다.

18. 다음 보기 중에서 옳지 않은 것의 개수는?

보기

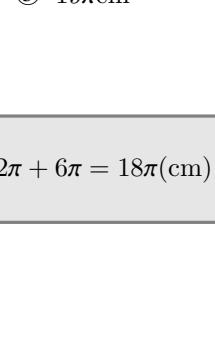
- Ⓐ 한 원에서 같은 크기의 중심각에 대한 부채꼴의 넓이는 같다.
- Ⓑ 한 원에서 부채꼴의 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.
- Ⓒ 한 원에서 가장 길이가 긴 호는 지름이다.
- Ⓓ 한 원에서 부채꼴의 중심각의 크기가 같은 두 현의 길이는 같다.
- Ⓔ 한 원에서 부채꼴의 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

- Ⓐ 한 원에서 부채꼴의 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.
- Ⓔ 한 원에서 가장 길이가 긴 현은 지름이다.

19. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이는?



- ① 15π cm ② 16π cm ③ 17π cm
④ 18π cm ⑤ 19π cm

해설

$$2\pi \times 6 + 2\pi \times 3 = 12\pi + 6\pi = 18\pi(\text{cm})$$

20. 두 다각형에서 꼭짓점의 개수의 합은 11 개, 대각선의 총수의 합은 14 개인 a 각형, b 각형이 있다. $a + 2b$ 의 값을 구하여라. (단, $a > b$)

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

n 각형의 꼭짓점의 개수는 n 개 이므로,

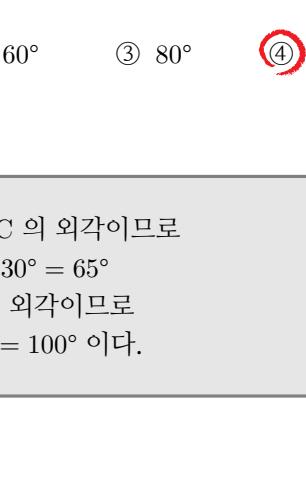
두 다각형의 꼭짓점의 개수를 각각 a , b 이다.

$$a + b = 11, \frac{(a - 3)a}{2} + \frac{(b - 3)b}{2} = 14$$

$$\therefore a = 6, b = 5$$

따라서 $a + 2b = 6 + 2 \times 5 = 16$ 이다.

21. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 40° ② 60° ③ 80° ④ 100° ⑤ 120°

해설

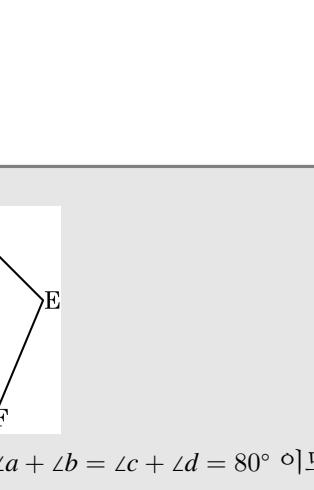
$\angle ADE$ 는 $\triangle DBC$ 의 외각이므로

$$\angle ADE = 35^\circ + 30^\circ = 65^\circ$$

$\angle x$ 는 $\triangle AED$ 의 외각이므로

$$\angle x = 35^\circ + 65^\circ = 100^\circ \text{이다.}$$

22. 다음 그림에서 $\angle JOF = 80^\circ$ 일 때, $(\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F) - (\angle G + \angle H + \angle I + \angle J)$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 200°

해설



위에 그림에서 $\angle a + \angle b = \angle c + \angle d = 80^\circ$ 이므로

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F$$

$$= (\text{육각형의 내각의 합}) - (\angle a + \angle b)$$

$$= 180^\circ \times (6 - 2) - 80^\circ$$

$$= 720^\circ - 80^\circ = 640^\circ$$

$$\angle G + \angle H + \angle I + \angle J$$

$$= (\text{사각형의 내각의 합}) + (\angle c + \angle d)$$

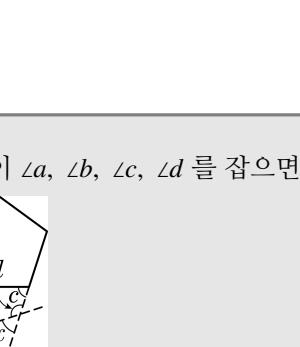
$$= 180^\circ \times (4 - 2) + 80^\circ$$

$$= 360^\circ + 80^\circ = 440^\circ$$

$$\text{따라서 } (\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F) - (\angle G + \angle H + \angle I + \angle J) =$$

$$640^\circ - 440^\circ = 200^\circ \text{ 이다.}$$

23. 다음 그림과 같이 정팔각형과 정오각형의 한 변이 서로 붙어있고, 다른 한 변에 연장선을 그어 두 연장선이 한 점에서 만나게 하였다. $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



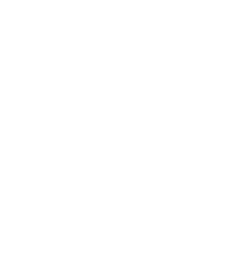
▶ 답 :

$^{\circ}$

▷ 정답 : 54°

해설

다음 그림과 같이 $\angle a$, $\angle b$, $\angle c$, $\angle d$ 를 잡으면,



정오각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^{\circ} \times (5 - 2)}{5} = 108^{\circ}$ 이고,

정팔각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^{\circ} \times (8 - 2)}{8} = 135^{\circ}$ 이므로

$$\angle a = 360^{\circ} - 108^{\circ} - 135^{\circ} = 117^{\circ}$$

$$\text{정팔각형의 한 외각의 크기는 } \frac{360^{\circ}}{8} = 45^{\circ} = \angle b$$

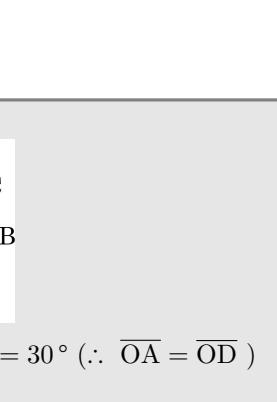
$$\text{정오각형의 한 외각의 크기는 } \frac{360^{\circ}}{5} = 72^{\circ} = \angle c$$

사각형의 네 내각의 크기의 합은 360° 이므로

$$\angle d = 360^{\circ} - 117^{\circ} - 45^{\circ} - 72^{\circ} = 126^{\circ}$$

따라서 $x^{\circ} = 180^{\circ} - \angle d = 180^{\circ} - 126^{\circ} = 54^{\circ}$ 이다.

24. 다음 그림에서 \overline{AB} 가 원 O의 지름이고 $\angle DAO = \angle DOC = 30^\circ$,
 $5.0pt\widehat{BC} = \frac{1}{4}$ 일 때, $5.0pt\widehat{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 1

해설



$$\angle DAO = \angle ADO = 30^\circ (\therefore \overline{OA} = \overline{OD})$$

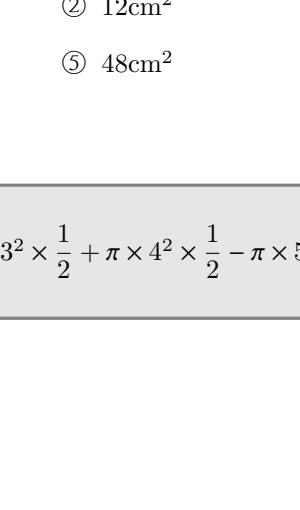
$$\angle AOD = 120^\circ$$

$$\angle BOC = 180^\circ - 120^\circ - 30^\circ = 30^\circ$$

$$5.0pt\widehat{AD} : \frac{1}{4} = 120^\circ : 30^\circ$$

$$\therefore 5.0pt\widehat{AD} = 1$$

25. 다음 그림은 세 변의 길이가 각각 6cm, 8cm, 10cm 인 직각삼각형의 각 변을 지름으로 하여 반원을 그린 것이다. 색칠한 부분의 넓이는?



- ① 6cm^2 ② 12cm^2 ③ 24cm^2
④ 36cm^2 ⑤ 48cm^2

해설

$$6 \times 8 \times \frac{1}{2} + \pi \times 3^2 \times \frac{1}{2} + \pi \times 4^2 \times \frac{1}{2} - \pi \times 5^2 \times \frac{1}{2} = 24(\text{cm}^2)$$