

1. 다음 네 사람의 대화를 읽고, 학생들이 읽는 책의 쪽수를 문자를 사용한 식으로 나타내어 그 합을 구하여라.

민준 : 난 책을 x 쪽 읽었어.

효선 : 난 민준이가 읽은 것의 2배보다 1쪽 적게 읽었어.

경민 : 난 효선이보다 4쪽 더 많이 읽었어.

진수 : 난 경민이가 읽은 것의 3배 읽었어.

▶ 답 :

▷ 정답 : $11x + 11$

해설

학생들이 읽은 책의 쪽수를 문자를 사용한 식으로 나타내면

민준 : x , 효선 : $2x - 1$, 경민 : $2x + 3$, 진수 : $3(2x + 3)$

따라서 그 합은

$x + (2x - 1) + (2x + 3) + 3(2x + 3) = 11x + 11$ 가 된다.

2. 다음 중 문자를 사용한 식으로 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?

① 한 변의 길이가 $a\text{cm}$ 인 정사각형의 둘레의 길이 $\rightarrow 4a\text{cm}$

② a 원의 10% $\rightarrow \frac{1}{10}a$ 원

③ 백의 자리의 숫자가 x , 십의 자리의 숫자가 y , 일의 자리의 숫자가 z 인 세 자리의 자연수 $\rightarrow xyz$

④ 한 개에 a 원하는 지우개를 x 개를 사고, 1000 원을 냈을 때의 거스름돈 $\rightarrow 1000 - ax$ 원

⑤ 음료수 $x\text{L}$ 를 5 명에게 똑같이 나누어 줄 때, 한 사람이 받는 음료수의 양 $\rightarrow \frac{x}{5}\text{L}$

해설

③ 백의 자리의 숫자가 x 이면 $100 \times x = 100x$ 이고,
십의 자리의 숫자가 y 이면 $10 \times y = 10y$, 일의 자리의 숫자가 z
이므로
세 자리의 자연수는 $100 \times x + 10 \times y + 1 \times z = 100x + 10y + z$
이다.

3. x^2 의 계수가 2, x 의 계수가 a , 상수항이 c 인 x 에 대한 이차식이 $2x^b + (c-5)x - (b-3)$ 일 때, 이를 만족하는 세 정수 a, b, c 의 곱 abc 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $abc = -8$

해설

x^2 의 계수가 2이므로 $2x^b$ 의 차수는 이차이다.

$$\therefore b = 2$$

$$a = c - 5, c = -b + 3$$

$$b = 2 \text{이므로 } c = -2 + 3 = 1, a = 1 - 5 = -4$$

$$a = -4, b = 2, c = 1 \text{이므로 } abc = -8$$

4. 다음 보기 중 옳지 않은 것은?

보기

㉠ $ax \times b \div c$ 는 항이 2 개이다.

㉡ $-5x + 4a$ 의 일차항의 계수는 -5 이고, 상수항은 $4a$ 이다.

㉢ $5x^2 - 4x + 3 - 5(x^2 - 1)$ 은 일차식이다.

㉣ $2ab + 2a + 2b + 2$ 의 차수는 2 이다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉣

③ ㉡, ㉢

④ ㉡, ㉣

⑤ ㉢, ㉣

해설

㉠ $\frac{abx}{c}$ 는 항이 1 개이다.

㉡ $4a$ 는 상수항이 아니다.

5. 다음 중 다항식 $x^2 - 3x + 4 - 5(2x - 3) - x(x + 1)$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 이 다항식은 일차식이다.
- ② 일차항의 계수는 -14 이다.
- ③ 상수항은 19 이다.
- ④ 이 다항식은 2 개의 항으로 이루어져 있다.
- ⑤ 다항식 $a(b + c)$ 와 차수가 같다.

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - 3x + 4 - 5(2x - 3) - x(x + 1) \\ &= x^2 - 3x + 4 - 10x + 15 - x^2 - x \\ &= -14x + 19 : \text{일차식} \end{aligned}$$

⑤ $a(b + c) = ab + ac$ 는 이차식이다.

6. $2x - \{1 - 3x - 4(-x + 2)\}$ 를 간단히 하였을 때, 상수항을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$$\begin{aligned} & 2x - \{1 - 3x - 4(-x + 2)\} \\ &= 2x - (1 - 3x + 4x - 8) \\ &= 2x - (x - 7) \\ &= x + 7 \end{aligned}$$

7. A 수도꼭지로 물통의 물을 가득 채우는 데는 5 시간 걸리고, B 수도꼭지로는 6 시간이 걸린다고 한다. 가득 찬 물통의 물을 빼는 데 10 시간이 걸린다면 빈 물통에 물을 빼면서 두 수도꼭지로 물을 받으면 몇 시간 몇 분 만에 물이 가득 차겠는지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3 시간 45 분

해설

물통을 가득 채운 물의 양을 1 이라 하면 $\left(\frac{1}{5} + \frac{1}{6} - \frac{1}{10}\right)x = 1$

$$\frac{8}{30}x = 1$$
$$\therefore x = \frac{15}{4}$$

따라서 3 시간 45 분이다.

8. 물이 얼어서 얼음이 될 때 부피가 $\frac{1}{a}$ 만큼 늘어나면, 이 얼음이 녹아서 물이 되면 부피가 $\frac{1}{b}$ 만큼 감소한다. 이 때 $b - a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{a+1-a^2}{a}$

해설

부피가 $\frac{1}{a}$ 만큼 늘어났다면, 부피는 $\frac{a+1}{a}$ 배가 된 것이다.

다시 원래대로 되려면 $\frac{a}{a+1}$ 배 해야 한다.

$$\frac{a}{a+1} = \frac{1}{b}$$

$$b = \frac{a+1}{a}$$

$$\therefore b - a = \frac{a+1-a^2}{a}$$

9. 6% 의 소금물 600g 이 있다. 이것을 두 개의 컵에 각각 200g , 400g 씩 나누어 담으려고 한다. 200g 이 담긴 컵에서 물이 2g 증발하였고, 소금을 좀 더 넣어 400g 이 들어있는 컵의 소금의 양과 같게 만들려고 한다. 이때, 소금을 몇 g 넣었는지 구하여라.

▶ 답 : g

▷ 정답 : 12g

해설

200g 이 담긴 컵의 농도가 6% 이므로 소금은 12g 들어있다.
400g 의 컵에는 소금이 24g 들어있으므로 200g 의 컵에는 12g 의 소금을 더 넣어야 한다.

10. 5%의 소금물 200 g에 같은 양의 물과 소금을 넣어 8%의 소금물을 만들려고 한다. 몇 g의 물과 소금을 넣어야 하는지 구하여라.

▶ 답 : g

▷ 정답 : $\frac{50}{7}$ g

해설

더 넣은 물과 소금의 양을 x g 이라 하면

$$\frac{5}{100} \times 200 + x = \frac{8}{100}(200 + 2x) \quad \text{따라서 더 넣은 물과 소}$$

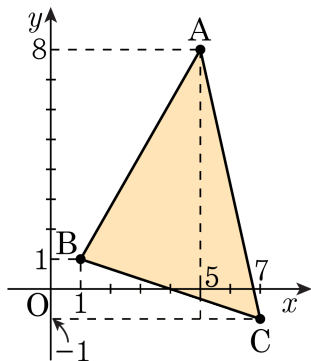
$$1000 + 100x = 1600 + 16x$$

$$84x = 600$$

$$\therefore x = \frac{50}{7}$$

금의 양은 $\frac{50}{7}$ g 이다.

11. 다음 그림과 같이 세 점 $A(5, 8), B(1, 1), C(7, -1)$ 을 연결한 삼각형의 넓이는?



① 25

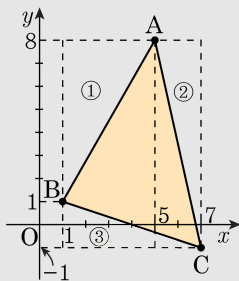
② 27

③ 29

④ 31

⑤ 33

해설



($\triangle ABC$ 의 넓이)

$$\begin{aligned}
 &= 6 \times 9 - \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 7 + \frac{1}{2} \times 2 \times 9 + \frac{1}{2} \times 6 \times 2 \right) \\
 &= 54 - 29 = 25
 \end{aligned}$$

12. 세 점 A(3,1), B(6,0), C(5,3)를 꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이는?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

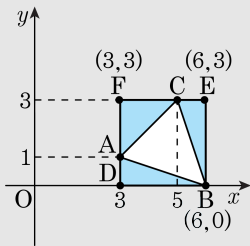
해설

아래 그림에서

$(\triangle ABC \text{의 넓이}) =$

$(\square DBEF \text{의 넓이}) - (\text{어두운 부분의 넓이})$ 이다.

$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = 3 \times 3 - \frac{1}{2} \times (1 \times 3 + 3 \times 1 + 2 \times 2) = 4$$



13. 두 점 $P(3, a+1)$, $Q(3, 2a+5)$ 가 x 축에 대하여 대칭일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = -2$

해설

점 P , Q 가 x 축에 대하여 대칭이므로 $a+1 = -(2a+5)$,

$$a+1 = -2a-5,$$

$$3a = -6$$

$$\therefore a = -2$$

14. 좌표평면 위의 두 점 $P(-2, 4)$ 와 점 $Q(a, b)$ 가 x 축에 대하여 서로 대칭일 때, a, b 의 값은?

① $a = 2, b = 4$

② $a = 2, b = -4$

③ $a = -2, b = 4$

④ $a = -2, b = -4$

⑤ $a = -4, b = -2$

해설

x 축에 대칭인 점은 y 좌표의 부호가 바뀌어야 하므로 $(-2, -4)$ 이다. 따라서 $a = -2, b = -4$ 이다.