

1. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $\sqrt{-8} = 2\sqrt{2}i$
- ② 3의 허수부분은 0이다.
- ③  $\sqrt{-2}$ 는 순허수이다.
- ④  $b = 1$ 이면  $a + (b-1)i$ 는 실수이다.
- ⑤ 제곱하여  $-3$ 이 되는 수는  $\pm\sqrt{3}i$ 이다.

해설

④ [반례]  $a = i, b = 1$ 이면  $a + (b-1)i = i$ 이므로 순허수이다.(거짓)

2.  $(x-3) + (y-2)i = 2 + 5i$ 를 만족하는 실수  $x, y$ 에 대하여  $2x+y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

① 10      ② 12      ③ 15      ④ 17      ⑤ 20

해설

$$x-3=2, y-2=5$$

$$\therefore x=5, y=7$$

$$\therefore 2x+y=17$$

3.  $\frac{2+3i}{3-i}$  를 계산하면?

①  $\frac{3}{8} + \frac{13}{8}i$

②  $\frac{3}{10} + \frac{11}{10}i$

③  $\frac{3}{10} - \frac{11}{10}i$

④  $\frac{3}{8} - \frac{13}{8}i$

⑤  $\frac{4}{9} + \frac{11}{9}i$

해설

$$\frac{2+3i}{3-i} = \frac{(2+3i)(3+i)}{(3-i)(3+i)} = \frac{3}{10} + \frac{11}{10}i$$

4. 이차방정식  $2x^2 - 4x - 1 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값은?

① 1      ② 3      ③ 4      ④ 8      ⑤ 11

해설

근과 계수와의 관계에 의하여

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = -\frac{1}{2}$$

$$\alpha^3 + \beta^3 = (\alpha + \beta)^3 - 3\alpha\beta(\alpha + \beta)$$

$$= 8 - 3 \times \left(-\frac{1}{2}\right) \times 2 = 11$$

5. 한 근이  $1-i$  인 이차방정식이  $x^2 + ax + b = 0$  일 때, 실수  $a+b$  의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

한 근이  $1-i$  이면 다른 한 근은  $1+i$  이다.

두 근의 합 : 2,

두 근의 곱 : 2

$\therefore a = -2, b = 2$

6. 다음 이차함수 중 최댓값을 갖지 않는 것은?

①  $y = -x^2 + 1$

②  $y = -10x^2 - \frac{1}{3}$

③  $y = -2(x-1)^2$

④  $y = -\left(x - \frac{1}{5}\right)^2$

⑤  $y = 3x^2 + 4$

**해설**

이차항의 계수가 음수일 때, 최댓값을 가진다.

7. 이차함수  $y = 2x^2 - 6x + 5 (2 \leq x \leq 5)$ 의 최댓값을  $a$ , 최솟값을  $b$ 라 할 때,  $ab$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 4      ③ 9      ④ 16      ⑤ 25

해설

$$y = 2x^2 - 6x + 5 = 2\left(x^2 - 3x + \frac{9}{4} - \frac{9}{4}\right) + 5$$

$$= 2\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} \text{이므로}$$

꼭짓점의 좌표는  $\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 이고

아래로 볼록한 포물선이다.

꼭짓점이 주어진 구간 안에 포함되지 않으므로 최댓값, 최솟값은 주어진 구간의 양끝값이 된다.

$$x = 2 \text{ 일 때 } y = 2\left(2 - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} = 1$$

$$x = 5 \text{ 일 때 } y = 2\left(5 - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{1}{2} = 25$$

따라서 최댓값  $a = 25$ 이고, 최솟값  $b = 1$ 이므로  $ab = 25$

8. 방정식  $|x - 1| = 2$ 의 해를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: -1

해설

i)  $x \geq 1$ 일 때

$|x - 1| = x - 1$ 이므로,  $x - 1 = 2$

$\therefore x = 3$

ii)  $x < 1$ 일 때

$|x - 1| = -x + 1$ 이므로,  $-x + 1 = 2$

$\therefore x = -1$

따라서 (i), (ii)에서  $x = 3$  또는  $x = -1$

9. 방정식  $|x| + |x - 1| = 2$ 의 해를 구하시오.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{1}{2}$  또는  $-0.5$

▷ 정답:  $\frac{3}{2}$  또는  $1.5$

해설

i)  $x < 0$ 일 때,  
 $-x - (x - 1) = 2$ 이므로  $-2x + 1 = 2$   
 $\therefore x = -\frac{1}{2}$

ii)  $0 \leq x < 1$ 일 때,  
 $x - (x - 1) = 2$ 이므로  $0 \cdot x = 1$   
 $\therefore$  해가 없다.

iii)  $1 \leq x$ 일 때,  
 $x + x - 1 = 2$ 이므로  $2x = 3$   
 $\therefore x = \frac{3}{2}$

(i), (ii), (iii)에서  $x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = \frac{3}{2}$

10. 이차방정식  $x^2 + 2x + 2 - a = 0$  이 서로 다른 두 실근을 갖기 위한  $a$ 의 범위를 구하면?

①  $a < 1$

②  $a \geq 1$

③  $-1 < a < 1$

④  $a > 1$

⑤  $a \geq -1$

해설

$x^2 + 2x + 2 - a = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 갖기 위해서는 판별식  $D > 0$  이어야 한다.

$$\frac{D}{4} = 1 - (2 - a) > 0$$

$$1 - 2 + a > 0$$

$$\therefore a > 1$$

11. 계수가 실수인  $x$ 에 대한 이차방정식  $x^2 + 2(a-m-1)x + a^2 - b + m^2 = 0$ 의 근이  $m$ 의 값에 관계없이 항상 중근을 갖도록 하는  $a, b$ 값의 합은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\frac{D}{4} = (a-m-1)^2 - (a^2 - b + m^2) = 0$$

$m$ 의 값에 관계없이

$$2(-a+1)m + (-2a+b+1) = 0$$

이어야 하므로

$$2(-a+1) = 0, -2a+b+1 = 0$$

$$\therefore a = 1, b = 1$$

$$\therefore a + b = 2$$

12.  $x^2 - px + q = 0$ 의 두 근이  $\alpha, \beta$ 이다.  $\alpha + \beta = 3$ ,  $\alpha\beta = 2$ 일 때  $p^2 + q^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

두 근의 합이 3이므로  $p = 3$ ,  
두 근의 곱이 2이므로  $q = 2$ 이다.  
따라서  $p^2 + q^2 = 9 + 4 = 13$

13. 다음의 이차방정식에 대한 설명 중 틀린 것은? (단,  $a, b, c$ 는 실수이다.)

- ① 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면  $ax^2 + bx + c = a(x - \alpha)(x - \beta)$ 이다.
- ② 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta, D = b^2 - 4ac$ 라고 하면  $(\alpha - \beta)^2 = \frac{D}{a^2}$ 이다.
- ③ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 부호의 두 실근을 가지기 위한 필요충분 조건은  $ab < 0$ 이다.
- ④ 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가지면,  $x^2 + (a - 2c)x + b - ac$ 도 서로 다른 두 실근을 갖는다.
- ⑤ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면  $\alpha + \beta = -\frac{b}{a}, \alpha\beta = \frac{c}{a}$ (단,  $a \neq 0$ )

**해설**

③ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 부호의 두 실근을 가지기 위한 필요충분 조건은  $ac < 0$ 이다.

14.  $y = -\frac{1}{3}x^2$  의 그래프와 모양이 같고  $x = -3$  에서 최댓값 5 를 갖는 포물선의 식의  $y$  절편을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$y = -\frac{1}{3}x^2$  의 그래프와 모양이 같고  $x = -3$  에서 최댓값 5 를 갖는 포물선의 식은  $y = -\frac{1}{3}(x+3)^2+5$  이다.  $y = -\frac{1}{3}(x+3)^2+5 = -\frac{1}{3}x^2 - 2x + 2$  따라서  $y$  의 절편은 2 이다.

15.  $x = -1$  일 때, 최댓값 3 을 갖고 한 점  $(1, -1)$  을 지나는 포물선의 식은?

①  $y = -2(x+1)^2 - 4$

②  $y = (x-2)^2 - 3$

③  $y = -2(x-1)^2 + 3$

④  $y = -(x+1)^2 + 3$

⑤  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

해설

꼭짓점이  $(-1, 3)$  이므로  $y = a(x+1)^2 + 3$

$(1, -1)$  을 대입하면  $-1 = 4a + 3$

$$a = -1$$

$$\therefore y = -(x+1)^2 + 3$$

16.  $\bar{z} = -z$  를 만족하는  $z$  에 대하여  $w = \frac{z-1}{z+1}$  이라 할 때,  $w\bar{w}$  의 값을 구하여라. (단,  $\bar{z}$  는  $z$  의 켈레복소수이다.)

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$z = a + bi$  ( $a, b$  는 실수)로 놓으면  $\bar{z} = a - bi$

$\bar{z} = -z$  이므로  $a - bi = -(a + bi)$

$a - bi = -a - bi$ ,  $2a = 0$

따라서  $a = 0$  이므로  $z = bi$

$z = bi$  를  $w = \frac{z-1}{z+1}$  에 대입하면

$$w = \frac{-1+bi}{1+bi}, \bar{w} = \overline{\left(\frac{-1+bi}{1+bi}\right)} = \frac{-1-bi}{1-bi}$$

$$\therefore w\bar{w} = \frac{-1+bi}{1+bi} \cdot \frac{-1-bi}{1-bi}$$

$$= \frac{-1+bi}{1+bi} \cdot \frac{-(1+bi)}{-(-1+bi)}$$

$$= \frac{-1+bi}{1+bi} \cdot \frac{1+bi}{-1+bi} = 1$$

17.  $x$ 에 대한 일차방정식  $5x + a = 2x + 12$ 의 해가 자연수일 때, 자연수  $a$ 의 개수는?

- ① 1개                      ② 2개                      ③ 3개  
④ 4개                      ⑤ 무수히 많다

해설

$$5x - 2x = 12 - a, 3x = 12 - a$$

$$\therefore x = \frac{12 - a}{3}$$

자연수  $a = 1, 2, 3, \dots$  을 대입했을 때,

$x = \frac{12 - a}{3}$  가 자연수가 되는 경우는

$12 - a$ 가 3의 배수이면서  $a < 12$  일 때이다.

i)  $a = 3$  일 때,  $x = \frac{12 - 3}{3} = 3$

ii)  $a = 6$  일 때,  $x = \frac{12 - 6}{3} = 2$

iii)  $a = 9$  일 때,  $x = \frac{12 - 9}{3} = 1$

따라서 자연수  $a$ 의 개수는 3개이다.

18.  $|x-2|+|x-3|=1$ 을 만족하는 실수  $x$ 의 개수는?

① 0개

② 1개

③ 2개

④ 3개

⑤ 4개이상

해설

$|x-2|+|x-3|=1$ 에서  
i)  $x < 2$ 일 때,  
 $-(x-2)-(x-3)=1$   
 $\therefore x=2$  (성립하지 않음)  
ii)  $2 \leq x < 3$ 일 때,  
 $(x-2)-(x-3)=1$   
 $\therefore 0 \cdot x=0$  (모든 실수)  
iii)  $x \geq 3$ 일 때,  
 $(x-2)+(x-3)=1$   
 $\therefore x=3$

19. 양의 실수  $a, b$ 에 대하여  $x$ 에 대한 이차방정식  $ax^2 + 2(b+i)x + 1 + 2i = 0$ 의 두 근이 서로 같을 때,  $a + b$ 의 값은?

- ①  $1 + \sqrt{5}$       ②  $1 - \sqrt{5}$       ③  $2 + \sqrt{3}$   
 ④  $2 - \sqrt{3}$       ⑤  $1 + \sqrt{3}$

**해설**

복소계수 이차방정식에서도 중근을 가질 조건은  $D = 0$  이다.

$ax^2 + 2(b+i)x + 1 + 2i = 0$  에서

$$\frac{D}{4} = (b+i)^2 - a(1+2i) = 0$$

위의 식을 정리하면

$$(b^2 - 1 - a) + (2b - 2a)i = 0 \quad \text{..... ㉠}$$

$a, b$ 가 실수이므로 ㉠에서

$$b^2 - 1 - a = 0 \quad \text{..... ㉡}$$

$$2b - 2a = 0 \quad \text{..... ㉢}$$

㉢에서  $a = b$

$a = b$ 를 ㉡에 대입하면

$$b^2 - 1 - b = 0, \quad b^2 - b - 1 = 0$$

$$\therefore b = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

그런데  $a, b$ 가 양의 실수이므로

$$a = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}, \quad b = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$$

$$\therefore a + b = 1 + \sqrt{5}$$

20. 이차함수  $y = x^2 - ax + 3$ 의 그래프가 직선  $y = 0$ 과 두 점에서 만나기 위한 자연수  $a$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

이차함수  $y = x^2 - ax + 3$ 의 그래프가  $x$ 축 ( $y = 0$ )과 서로 다른 두 점에서 만나야 한다.

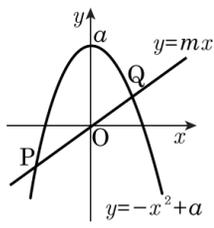
즉 이차방정식  $x^2 - ax + 3 = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가져야 하므로 판별식을  $D$ 라 하면

$$D = a^2 - 12 > 0 \text{에서}$$

$$a < -2\sqrt{3} \text{ 또는 } a > 2\sqrt{3}$$

따라서 자연수  $a$ 의 최솟값은 4이다.

21. 다음 그림과 같이 이차함수  $y = -x^2 + a$ 의 그래프와 직선  $y = mx$ 가 서로 다른 두 점 P, Q에서 만난다. 점 Q의 x좌표가  $\sqrt{5} - 1$ 일 때,  $a + m$ 의 값을 구하여라. (단,  $a, m$ 은 유리수)



▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$y = -x^2 + a$ 와  $y = mx$ 가 만나는 두 점 P, Q의 x좌표는 방정식이  $-x^2 + a = mx$ 의 근이다.

점 Q의 x좌표가  $\sqrt{5} - 1$ 이므로

방정식  $x^2 + mx - a = 0$ 의 한 근이  $\sqrt{5} - 1$ 이다.

그런데  $a$ 와  $m$ 이 유리수이므로 다른 한 근은  $-\sqrt{5} - 1$ 이다.

따라서, 이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여

$$-m = (\sqrt{5} - 1) + (-\sqrt{5} - 1) = -2$$

$$-a = (\sqrt{5} - 1)(-\sqrt{5} - 1) = -4$$

$$\therefore a = 4, m = 2 \quad \therefore a + m = 6$$

22. 함수  $y = (x^2 - 2x + 3)^2 - 2(x^2 - 2x + 3) + 1$  의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$t = x^2 - 2x + 3$  으로 놓으면  
 $y = t^2 - 2t + 1 = (t - 1)^2 \cdots \textcircled{1}$   
또,  $t = (x - 1)^2 + 2$  이므로  
 $t \geq 2 \cdots \textcircled{2}$   
 $\textcircled{1}$ 의 범위에서  $\textcircled{1}$ 의 최솟값은  
 $t = 2$ 일 때 1이다.

23. 차가 14 인 두 수의 곱의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -49

해설

두 수를  $x$ ,  $x + 14$  라 하고, 두 수의 곱을  $y$  라고 하면  $y = x(x + 14) = x^2 + 14x = (x + 7)^2 - 49$   
따라서  $x = -7$  일 때, 최솟값  $-49$  를 갖는다.

24. 실수  $x, y$  가  $x^2 - y^2 = 4$  를 만족할 때,  $2x - y^2$  의 최댓값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$x^2 - y^2 = 4 \text{ 에서 } y^2 = x^2 - 4 \dots\dots \textcircled{1}$$

이 때,  $y^2 \geq 0$  이므로  $x^2 - 4 \geq 0$

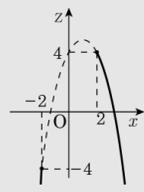
$$\therefore x \leq -2 \text{ 또는 } x \geq 2$$

$$2x - y^2 = 2x - (x^2 - 4) = -x^2 + 2x + 4$$

$$= -(x-1)^2 + 5$$

$f(x) = -(x-1)^2 + 5$  로 놓으면

$x \leq -2, x \geq 2$  에서 함수  $z = f(x)$  의 그래프는 아래 그림과 같다.



따라서  $x = 2$  일 때 최댓값은 4 이다.

25.  $x, y, z$ 가 실수일 때, 다음 식의 최댓값을 구하여라.

$$4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5$$

▶ 답:

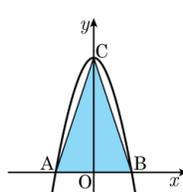
▷ 정답: 9

해설

$$\begin{aligned} & 4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5 \\ &= -(x^2 - 4x) - y^2 - z^2 + 5 \\ &= -(x-2)^2 - y^2 - z^2 + 9 \end{aligned}$$

$x, y, z$ 는 실수이므로  
 $(x-2)^2 \geq 0, y^2 \geq 0, z^2 \geq 0$   
따라서  $4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5$ 는  
 $x-2=0, y=0, z=0$ 일 때,  
최댓값 9를 갖는다.

26.  $y = -x^2 + 9$  의 그래프와  $x$  축과의 교점을 A, B 라고 하고,  $y$  축과의 교점을 C 라고 할 때,  $\triangle ABC$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 27

해설

점 C 는 꼭짓점이므로  $(0, 9)$  , 점 A 와 B  
는  $y = 0$  일 때,  $x$  좌표이므로

$$0 = -x^2 + 9$$

$$\therefore x = \pm 3$$

$$\therefore A = (-3, 0), B = (3, 0)$$

$$\triangle ABC \text{ 의 넓이} = \frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$$

27. 지면으로부터 초속 40m 로 똑바로 위로 쏘아 올린 물체의  $x$  초 후의 높이를  $ym$  라고 하면  $y = -5x^2 + 40x$  의 관계가 성립한다. 이 물체가 최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간과 그 때의 높이를 구하여라.

▶ 답: 초

▶ 답: m

▷ 정답: 4초

▷ 정답: 80m

해설

$y = -5x^2 + 40x$  에서  $y = -5(x-4)^2 + 80$  이다.  
따라서  $x = 4$  일 때,  $y$  는 최댓값 80 을 갖는다.

28. 자연수  $n$ 에 대해  $x = \left(\frac{\sqrt{2}}{1+i}\right)^{2n} + \left(\frac{\sqrt{2}}{1-i}\right)^{2n}$  라 하자.  $x$ 가 될 수 있는 모든 수의 합을 구하면?

- ①  $2i$       ②  $-2i$       ③  $0$       ④  $2$       ⑤  $-2$

해설

$$\begin{aligned} x &= \left\{ \left(\frac{\sqrt{2}}{1+i}\right)^2 \right\}^n + \left\{ \left(\frac{\sqrt{2}}{1-i}\right)^2 \right\}^n \\ &= \left(\frac{2}{2i}\right)^n + \left(\frac{2}{-2i}\right)^n \\ &= \left(\frac{1}{i}\right)^n + \left(-\frac{1}{i}\right)^n = (-i)^n + i^n \end{aligned}$$

$i^n$  은  $n = 4k, n = 4k + 1, n = 4k + 2, n = 4k + 3$  인 경우에 따라 각각 달라지므로 ( $k$  는 자연수)

- (i)  $n = 4k$  이면  $x = 1 + 1 = 2$
- (ii)  $n = 4k + 1$  이면  $x = -i + i = 0$
- (iii)  $n = 4k + 2$  이면  $x = -1 - 1 = -2$
- (iv)  $n = 4k + 3$  이면  $x = i - i = 0$

$\therefore x = 2, 0, -2$

따라서,  $x$ 가 될 수 있는 모든 수의 합은  $0$

29.  $\frac{\bar{z}+1}{z} + \frac{z-1}{\bar{z}} = i$ 를 만족하는 복소수  $z$ 에 대하여  $z^2$ 의 값을 구하면?

- ①  $\pm 1$       ②  $\pm 2i$       ③  $\pm 2$       ④  $\pm i$       ⑤  $0$

해설

$$\begin{cases} z = a + bi \\ z = a - bi \end{cases}$$

$$\frac{\bar{z}+1}{z} + \frac{z-1}{\bar{z}} = i$$

$$\frac{\bar{z}^2 + \bar{z} + z^2 - z}{z\bar{z}} = i$$

$$\frac{a^2 - 2abi - b^2 + a - bi + a^2 + 2abi - b^2 - a - bi}{a^2 + b^2}$$

$$= i$$

$$\frac{2(a^2 - b^2)}{a^2 + b^2} + \frac{-2b}{a^2 + b^2}i = i$$

$$a^2 = b^2, \frac{-2b}{a^2 + b^2} = +1$$

$$\therefore a = \pm 1, b = -1$$

$$z = \pm 1 - i, z^2 = \pm 2i$$

30. 구간  $0 < x < 5$ 에서  $x = \frac{1}{x - [x]}$  를 만족시키는  $x$ 의 개수는? (단,  $[x]$ 는  $x$ 보다 크지 않은 최대의 정수)

- ① 2개                      ② 3개                      ③ 4개  
 ④ 5개                      ⑤ 무수히 많다.

**해설**

$x - [x] \neq 0$ 이므로  $x$ 는 정수가 아니다.  
 주어진 식의 양변에  $x - [x]$ 를 곱하면  
 $x^2 - x[x] - 1 = 0$   
 (i)  $0 < x < 1$ 일 때  $[x] = 0, x^2 - 1 = 0$   
 $\therefore x = \pm 1$ , 이 값은  $0 < x < 1$ 에 속하지 않는다.  
 $\therefore$  해가 없다.  
 (ii)  $1 < x < 2$ 일 때  $[x] = 1, x^2 - x - 1 = 0$   
 $\therefore x = \frac{1 \pm \sqrt{1+4}}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$   
 $1 < x < 2$ 이므로  $x = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$   
 (iii)  $2 < x < 3$ 일 때  $[x] = 2$   
 $\therefore x^2 - 2x - 1 = 0$   
 $\therefore x = 1 \pm \sqrt{1+1} = 1 \pm \sqrt{2}$   
 $2 < x < 3$ 이므로  $x = 1 + \sqrt{2}$   
 (iv)  $3 < x < 4$ 일 때  $[x] = 3$   
 $\therefore x^2 - 3x - 1 = 0$   
 $\therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{9+4}}{2} = \frac{3 \pm \sqrt{13}}{2}$   
 $3 < x < 4$ 이므로  $x = \frac{3 + \sqrt{13}}{2}$   
 (v)  $4 < x < 5$ 일 때  $[x] = 4$   
 $\therefore x^2 - 4x - 1 = 0$   
 $x = 2 \pm \sqrt{4+1} = 2 \pm \sqrt{5}$   
 $4 < x < 5$ 이므로  $x = 2 + \sqrt{5}$   
 (i), (ii), (iii), (iv), (v)에서  $x$ 의 개수는 4개

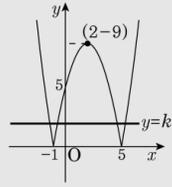
31.  $x$ 에 대한 방정식  $|x^2 - 4x - 5| = k$ 가 양의 근 두 개와 음의 근 두 개를 갖도록 하는 실수  $k$ 의 값의 범위는?

- ①  $0 < k < 3$       ②  $0 < k < 5$       ③  $3 < k < 5$   
 ④  $1 < k < 4$       ⑤  $-2 < k < 5$

**해설**

방정식  $|x^2 - 4x - 5| = k$ 의 실근의 개수는 함수  $y = |x^2 - 4x - 5|$ 의 그래프와 직선  $y = k$ 의 교점의 개수와 같다.

$$y = |x^2 - 4x - 5| = |(x + 1)(x - 5)| = |(x - 2)^2 - 9|$$



따라서 주어진 방정식이 양의 근 두 개와 음의 근 두 개를 갖도록 하는 실수  $k$ 의 값의 범위는  $0 < k < 5$

32. 이차함수  $y = -x^2 - 2kx + 4k$  의 최댓값이  $M$  일 때,  $M$  의 최솟값을 구하면?

- ① 1      ② -2      ③ 3      ④ -4      ⑤ 5

해설

$$y = -x^2 - 2kx + 4k = -(x+k)^2 + k^2 + 4k$$

$$M = k^2 + 4k \text{ 이므로}$$

$$M = (k+2)^2 - 4 \text{ 이다.}$$

따라서  $M$  의 최솟값은  $-4$  이다.

33.  $x^2 - xy + y^2 + 2y = 0$  을 만족하는 실수  $x, y$  에 대하여  $x$  의 최댓값은?

- ①  $\frac{2}{3}$       ② 1      ③ 2      ④  $\frac{11}{5}$       ⑤ 4

해설

주어진 식을  $y$  에 대하여 정리하면

$$y^2 + (2-x)y + x^2 = 0$$

이 식을  $y$  에 대한 이차방정식으로 보면  $y$  가 실수이므로 실근을 갖는다.

$$D = (2-x)^2 - 4 \cdot x^2 \geq 0,$$

$$3x^2 + 4x - 4 \leq 0, \quad (x+2)(3x-2) \leq 0$$

$$\therefore -2 \leq x \leq \frac{2}{3}$$

따라서  $x$  의 최댓값은  $\frac{2}{3}$  이다.