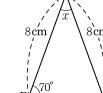
1. 다음과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = 8 \mathrm{cm}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

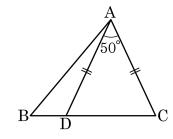


①40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

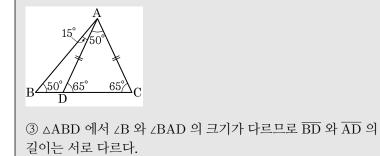
△ABC 는 이등변삼각형이므로

 $\angle ACB = 70^{\circ}$ 따라서 $x = 180^{\circ} - 2 \times 70^{\circ} = 40^{\circ}$

2. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB}=\overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다. 다음 그림을 보고 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)



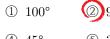
- ∠B = ∠CAD 이다.
 ∠B 와 ∠BAD 의 크기의 합은 65° 이다.
- ③BD 와 AD 의 길이는 서로 같다.
- ④ ΔABC 와 ΔACD 의 밑각의 크기는 모두 같다.
- ⑤ ∠B 와 ∠BAD 의 크기는 같다.



해설

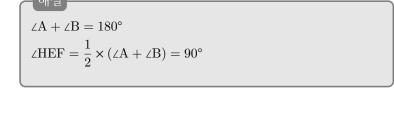
- ⑤ ∠B = 50° ∠BAD = 15° 이므로 크기는 다르다.

평행사변형 ABCD 에서 ∠A, ∠B, ∠C, ∠D 의 3. 이등분선을 그어 그 교점을 각각 E, F, G, H 라 하면 ∠HEF 의 크기는?

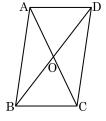


45°





4. 다음과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\triangle AOB$ 의 넓이가 8 일 때, △ABC 의 넓이는?



① 8

② 10 ③ 12

416

⑤ 알수 없다.

 ΔAOB 와 ΔOBC 의 넓이는 같으므로

해설

 $\triangle ABC = 2 \times \triangle AOB = 16$ 이다.

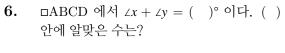
- 5. 다음 중 평행사변형이 직사각형이 되는 조건으로 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)
 - ① 두 대각선이 서로 수직으로 만난다. ②한 내각이 직각이다.

 - ③ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
 - ④ 두 대각선의 길이가 같다. ⑤ 두 대각의 크기가 같다.

평행사변형에서 한 내각이 직각이고, 두 대각선의 길이가 같으면

해설

직사각형이 된다.



 $y = \angle BAD$

① 135

3145 ② 140

D 110°

4 150 **⑤** 155

해설 $\overline{\mathrm{AB}} = \overline{\mathrm{AD}}$ 이므로 $x = 35^\circ$

 $\angle BAD = 180^{\circ} - (35^{\circ} + 35^{\circ}) = 110^{\circ}$ 따라서 $y=110^\circ$ 이코, $\angle x+\angle y=35^\circ+110^\circ=145^\circ$ 이다.

7. 다음 조건에 알맞은 사각형을 모두 구하면?

대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.

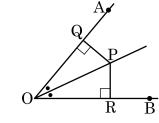
- ① 평행사변형, 등변사다리꼴, 마름모, 정사각형 ② 등변사다리꼴, 평행사변형, 마름모
- ③ 평행사변형, 직사각형, 마름모, 정사각형
- ④ 등변사다리꼴, 직사각형, 정사각형 ⑤ 마름모, 정사각형

평행사변형은 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다. 직사

해설

각형, 마름모, 정사각형은 평행사변형의 성질을 가지므로 위의 성질도 가진다.

8. 다음 그림은 「한 점 P 에서 두 변 OA,OB 에 내린 수선의 발을 각각 Q,R 라 할 때, $\overline{PQ}=\overline{PR}$ 이면 \overline{OP} 는 $\angle AOB$ 의 이등분선이다.」를 보이기 위해 그린 것이다. 다음 중 필요한 조건이 아닌 것은?



② OP 는 공통

④는 옳다는 것을 보여야 할 대상이므로 필요한 조건이 아니다.

해설

 \triangle QPO 와 \triangle RPO 에서 i)OP 는 공통 (②)

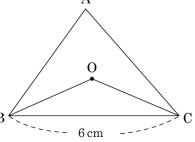
ii) $\overline{PQ} = \overline{PR} \ ($ 가정 $) \ (①)$

iii) $\angle PQO = \angle PRO = 90^{\circ}$ (가정) (③)

i), ii), iii)에 의해 △QPO ≡ △RPO (RHS 합동) (⑤)이다. 합동인 도형의 대응각은 같으므로

 $\angle QOP = \angle ROP$ 이므로 \overline{OP} 는 $\angle AOB$ 의 이등분선이다.

9. 다음 그림에서 점 O는 △ABC A 의 외심이다. $\overline{BC}=6\,\mathrm{cm},$ ΔOBC의 둘레의 길이가 14 cm 일 때, △ABC의 외접원 O 의 넓이를 구하여라. (단, 단 위는 생략한다.)



▶ 답:

▷ 정답: 16π

해설 ΔOBC의 둘레의 길이가 14 cm 이고

 $\Delta \mathrm{OBC}$ 는 $\overline{\mathrm{OB}} = \overline{\mathrm{OC}}$ 인 이등변삼각형이므로 $\overline{\mathrm{OB}} = \overline{\mathrm{OC}} = 4\,\mathrm{cm}$ 따라서 외접원의 반지름의 길이는 $4\,\mathrm{cm}$ 이므로 넓이는 $\pi r^2 = \pi \times 4^2 = 16\pi$ 이다.

10. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle C=90$ °인 직각삼각형이다. $\overline{AM}=\overline{BM}$, $\angle A=30$ °이고, $\triangle BMC$ 의 둘레의 길이가 18cm일 때, x의 값을 구하여라.

A 30° xcm M

 $\underline{\mathrm{cm}}$

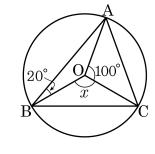
▷ 정답: 6<u>cm</u>

▶ 답:

∠A = 30°이면 ∠B = 60°이다.

해설

 $\overline{\mathrm{AM}}=\overline{\mathrm{BM}}=\overline{\mathrm{CM}}$ 이므로, $\Delta\mathrm{BMC}$ 는 정삼각형이다. 따라서 한 변의 길이는 $6\mathrm{cm}$ 이므로 $\overline{\mathrm{BM}}=6\mathrm{cm}$ $\therefore x=6(\mathrm{cm})$ **11.** 다음 그림에서 점 O가 삼각형 ABC의 외심이고, ∠ABO = 20°, ∠AOC = 100°일 때, ∠x의 크기는?



⑤120°

① 100° ② 105° ③ 110° ④ 115°

 $\triangle AOC$ 는 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 인 이등변삼각형이므로

해설

 $\angle OAC = \angle OCA = 40^{\circ}$ $\triangle OAB 는 \overline{OA} = \overline{OB}$ 인 이등변삼각형이므로

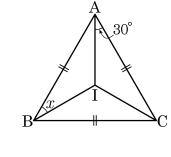
 $\angle OAB = \angle OBA = 20^{\circ}$

 $\therefore \angle BAC = \angle BAO + \angle CAO = 60^{\circ}$

점 O가 삼각형의 외심이므로

 $\angle BOC = 2 \times \angle BAC = 2 \times 60^{\circ} = 120^{\circ}$

12. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이고 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, x의 값을 구하여라.



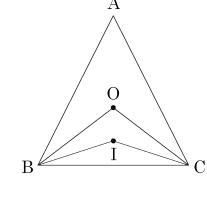
 ► 답:

 ▷ 정답:
 30°

정삼각형이므로 $\angle B=60\,^\circ$ 이다. 또한, 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심이 므로

 $\angle x = 60^{\circ} \div 2 = 30^{\circ}$

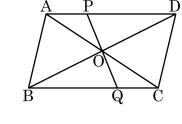
13. 다음 그림에서 점 O 는 \triangle ABC 의 외심이고, 점 I 는 \triangle OBC 의 내심이 다. \angle BIC = 144° 일 때, \angle A 의 크기를 구하여라.



➢ 정답: 54 º

▶ 답:

 $90^{\circ} + \frac{1}{2} \angle BOC = 144^{\circ}$ 이므로 $\angle BOC = 108^{\circ}$ 이다. 따라서 $\angle A = \frac{1}{2} \angle BOC = 54^{\circ}$ 이다. **14.** 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 두 대각선의 교점 O를 지나는 직선이 변 AD, BC와 만나는 점을 각각 P, Q라 할 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?



 $\overline{\text{OP}} = \overline{\text{OQ}}$

- \bigcirc $\triangle AOP \equiv \triangle COQ$

 $\overline{\mathrm{AO}} = \overline{\mathrm{OC}}$, $\angle \mathrm{AOP} = \angle \mathrm{COQ}$, $\angle \mathrm{OAP} = \angle \mathrm{OCQ}$ 이므로 $\triangle \mathrm{AOP} \equiv$

 $\triangle COQ$ 이다. 또한, 평행사변형의 두 대각선은 서로를 이등분하므로 $\overline{OB} \neq \overline{OC}$ 이다. **15.** 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 하는 x, y의 값을 구하여라.

▶ 답:

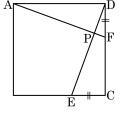
▶ 답:

➢ 정답: x = 5 ➢ 정답: y = 7

3x - 5 = x + 5에서 x = 5

y + 8 = 3x = 15에서 y = 7

16. 정사각형 ABCD 에서 $\overline{EC}=\overline{FD}$ 이다. 이때, A_{Γ} ∠DPA 의 크기를 구여라.



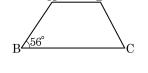
> 정답: ∠DPA = 90<u>°</u>

▶ 답:

따라서 ∠DPA = 90°

 $\triangle DEC \equiv \triangle AFD$ 이므로 $\angle CDE + \angle AFD = 90$ °

17. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD 에서 $\overline{BC}=\overline{AB}+\overline{AD}$ 일 때, $\angle D$ 의 크기를 구하 여라.



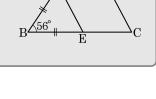
▷ 정답: 118_°

▶ 답:

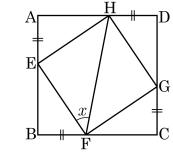
해설

 $\overline{AB} = \overline{BE}$ 인 점 $E \equiv \overline{BC}$ 위에 잡으면 $\square AECD$ 는 평행사변형이다.

 $\angle BEA = (180^{\circ} - 56^{\circ}) \div 2 = 62^{\circ}$ $\angle D = \angle AEC = 180^{\circ} - 62^{\circ} = 118^{\circ}$



18. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD에서 $\overline{EB}=\overline{FC}=\overline{GD}=\overline{HA}$ 가 되도록 각 변 위에 점 E, F, G, H를 잡을 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 20° ② 25°

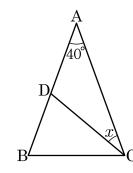
3 30°

40°

 $\overline{AE} = \overline{BF} = \overline{CG} = \overline{DH}$ 이므로 $\overline{EH} = \overline{EF} = \overline{FG} = \overline{GH}$ 이다.

또한 ∠AEH = ∠EFB, ∠AHE = ∠BEF 이므로 ∠EFG = 90° 이다. 따라서 □EFGH는 정사각형이고, ∠x = 45°이다.

19. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}=\overline{AC},\ \overline{CB}=\overline{CD},\ \angle A=40$ °일 때, $\angle x$ 의 크기



① 20° ② 25°

③30°

④ 35° ⑤ 40°

△ABC에서

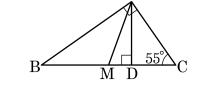
해설

 $\angle ABC = \angle ACB = \frac{1}{2}(180 \,^{\circ} - 40 \,^{\circ}) = 70 \,^{\circ}$ △CDB에서

 $\angle BCD = 180^{\circ} - (2 \times 70^{\circ}) = 40^{\circ}$

따라서 $\angle x = 70^{\circ} - 40^{\circ} = 30^{\circ}$ 이다.

 ${f 20}$. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC 의 직각인 꼭짓점 A 에서 빗변 BC 에 내린 수선의 발을 D 라 하고, \overline{BC} 의 중점을 M 이라 하자. $\angle C = 55^\circ$ 일 때, ∠AMB – ∠DAM 의 크기는?



① 70° ② 75° ③ 80°

 485°

직각삼각형의 빗변 $\overline{\mathrm{BC}}$ 의 중점 M 은 $\triangle\mathrm{ABC}$ 의 외심이다. $\therefore \overline{\mathrm{BM}} = \overline{\mathrm{AM}} = \overline{\mathrm{CM}}$

∠ABM = 35°, ∠DAC = 35°이고 △ABM 은 이등변삼각형(∵

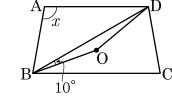
 $\overline{\mathrm{BM}} = \overline{\mathrm{AM}}$ ∴ $\angle ABM = \angle BAM = 35^{\circ}$

 $\angle AMB = 180^{\circ} - 35^{\circ} - 35^{\circ} = 110^{\circ}$

 $\angle DAM = \angle A - \angle BAM - \angle DAC = 90^{\circ} - 35^{\circ} - 35^{\circ} = 20^{\circ}$

따라서 $\angle AMB - \angle DAM = 110^{\circ} - 20^{\circ} = 90^{\circ}$

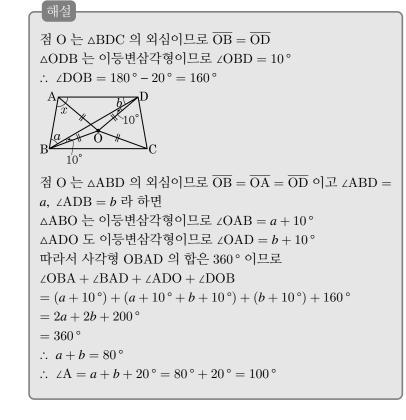
21. 다음 그림에서 점 O 는 \triangle ABD 와 \triangle BDC 의 외심이다. \angle OBD = 10° 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



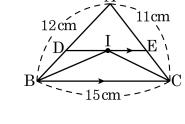
▷ 정답: 100°

08. 100_

▶ 답:



22. 다음 그림에서 점 I 는 $\triangle ABC$ 의 내심이고, \overline{DE} $//\overline{BC}$, \overline{AB} = 12cm, \overline{BC} = 15cm, \overline{AC} = 11cm 일 때, $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}}$

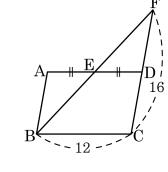
 ▶ 정답:
 23 cm

답:

해설

 ΔDBI 에서 점 I 가 내심이므로 $\angle DBI = \angle IBC \cdots$ \bigcirc $\overline{DE} /\!\!/ \, \overline{BC}$ 이므로 $\angle IBC = \angle DIB$ (엇각) \cdots \bigcirc \bigcirc , \bigcirc 에서 $\angle DBI = \angle DIB$ 이므로 ΔDBI 는 이등변삼각형이다. $\overline{DB} = \overline{DI}$ 같은 방법으로 ΔEIC 도 이등변삼각형이다. $\overline{EC} = \overline{EI}$ 따라서 ΔADE 의 둘레의 길이는 $\overline{AD} + \overline{DE} + \overline{AE} = \overline{AB} + \overline{AC} = 12 + 11 = 23 (cm)$

23. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{AD} 의 중점을 E , \overline{BE} 의 연장선과 \overline{CD} 의 연장선의 교점을 F라 할 때, \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답: 8cm

▶ 답:

△AEB ≡ △DEF(ASA)이므로

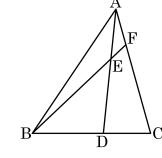
 $\overline{AB} = \overline{DF} = \overline{CD} = 16 \div 2 = 8 \text{(cm)}$ 이다.

- **24.** 다음 중 □ABCD 가 평행사변형인 것은? (단, 점 O 는 대각선의 교점이다.)
 - $\triangle A = 110^{\circ}, \angle B = 70^{\circ}, \angle C = 110^{\circ}$ ② $\overline{AB} = \overline{BC} = 4 \text{ cm}, \overline{CD} = \overline{DA} = 6 \text{ cm}$
 - $\overline{3} \overline{AB} / \overline{CD}, \overline{AB} = 6 \,\mathrm{cm}, \overline{CD} = 5 \,\mathrm{cm}$
 - $\textcircled{4} \overline{AB} / \overline{CD}, \overline{AB} = 4 \text{ cm}, \overline{BC} = 4 \text{ cm}$
 - ⑤ $\overline{OA} = 5 \text{ cm}, \overline{OB} = 5 \text{ cm}, \overline{OC} = 3 \text{ cm}, \overline{OD} = 3 \text{ cm}$

① 두 쌍의 대각의 크기가 같아 평행사변형이다.

해설

25. 다음과 같이 넓이가 36 인 삼각형 ABC 에서 $\overline{BD}=2\overline{DC}, \overline{ED}=3\overline{AE}$ 이고, 선분 BE 의 연장선과 변 AC 의 교점을 F 라 할 때, $\overline{BE}=5\overline{EF}$ 일 때, $\triangle ABE+\Box CDEF$ 의 값을 구하여라.



▷ 정답: 16.8

▶ 답:

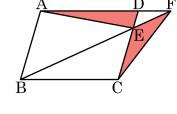
 $\overline{\mathrm{BE}} = 5\overline{\mathrm{EF}}$ 이므로 $\triangle\mathrm{ABE} = 5\triangle\mathrm{AEF}$

해설

 $\overline{\mathrm{ED}} = 3\overline{\mathrm{AE}}$ 이므로 $\Delta \mathrm{EBD} = 3\Delta \mathrm{ABE}$ 따라서 $\Delta \mathrm{EBD} = 15\Delta \mathrm{AEF}$ $\overline{\mathrm{BD}} = 2\overline{\mathrm{DC}}$ 이므로 $\Delta \mathrm{ABD} = 2\Delta \mathrm{ACD}$ 이다. $\Delta \mathrm{AEF}$ 의 넓이를 k 라 하면 $\Delta \mathrm{ABD} = 5k + 15k = 20k$ 따라서 $\Delta \mathrm{ABC} = 30k = 36$ 이므로 $k = \frac{6}{5}$ 이다. $\therefore \Delta \mathrm{ABE} + \Box \mathrm{CDEF} = 5k + (10k - k) = 14k$

= 14k $= 14 \times \frac{6}{5}$ = 16.8

26. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{\rm DE}:\overline{\rm EC}=1:3$ 이다. $\Box {\rm ABCD}$ 의 넓이가 60일 때, $\Delta {\rm ADE}+\Delta {\rm FEC}$ 의 넓이를 구하여라.

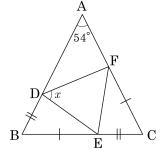


답:

▷ 정답: 15

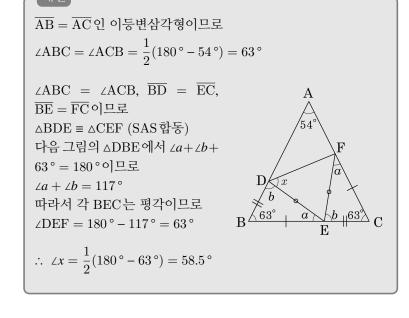
 $\triangle ADE$ 와 $\triangle BCE$ 는 높이는 같고 밑변이 1:3이므로 $\triangle ADE:$ $\triangle BCE=1:3$ $\triangle ADE=\triangle ACD \times \frac{1}{1+3}=\frac{1}{2}\square ABCD \times \frac{1}{4}$ $=\frac{1}{8}\square ABCD$ $\triangle BCE=3\triangle ADE=\frac{3}{8}\square ABCD$ $\overline{AF}/\!\!/\,\overline{BC}$ 이므로 $\triangle FBC=\triangle DBC=\frac{1}{2}\square ABCD$ $\triangle FEC=\triangle FBC-\triangle BCE=\left(\frac{1}{2}-\frac{3}{8}\right)\times\square ABCD=\frac{1}{8}\square ABCD$ $\therefore\triangle ADE+\triangle FEC=\frac{1}{4}\square ABCD=\frac{1}{4}\times 60=15$

27. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BD} = \overline{EC}$, $\overline{BE} = \overline{FC}$ 이다. $\angle DAF$ 의 크기가 54° 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

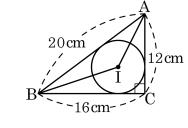


답:

➢ 정답: 58.5°



28. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle C=90^\circ$ 인 직각삼각형이다. $\overline{AB}=20\mathrm{cm},\overline{BC}=16\mathrm{cm},\overline{CA}=12\mathrm{cm}$ 이고 점 I 가 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, △IAB 의 넓이를 구하여라.



 $45 \, \mathrm{cm}^2$

- $\bigcirc 50 \text{cm}^2$
- 340cm^2

 \bigcirc 35cm²

$\Delta { m ABC}$ 의 내접원의 반지름의 길이를 $r{ m cm}$ 라 하면

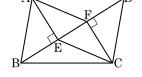
 $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times r \times (20 + 16 + 12) = 24r$

이 때,
$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 16 \times 12 = 96 \text{(cm}^2)$$
 이므로 $24r = 96 \therefore r = 4 \text{(cm)}$

 $\therefore \Delta IAB = \frac{1}{2} \times 20 \times 4 = 40 (cm^2)$

$$\therefore \triangle IAB = \frac{1}{2} \times 20 \times 10^{-2}$$

29. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 꼭 짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?



① $\overline{AB} = \overline{DC}$ ③ $\triangle ABE \equiv \triangle CDF$ ② $\angle ABE = \angle CDF$ ④ $\overline{AE} / / \overline{CF}$

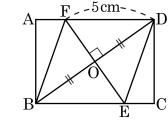
 $\overline{\text{S}}\overline{\text{AE}} = \overline{\text{CE}}$

해설

 ΔABE 와 ΔCDF 에서 $\angle AEB = \angle CFD = 90^{\circ}$ $\overline{AB} = \overline{CD}$

∠ABE = ∠CDF (엇각) ∴ △ABE = △CDF (RHA 합동) ∴ ĀĒ // CF, ĀĒ = CF

30. 다음 직사각형 ABCD에서 $\overline{BD}\bot\overline{FE}$ 일 때, 사각형 FBED의 둘레의 길이를 구하여라.



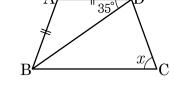
② 20 cm ③ 22 cm ④ 24 cm ⑤ 26 cm

 \bigcirc 18 cm

해설

 $\Delta FBO \equiv \Delta FDO(SAS합동)$ 이므로 $\overline{FB} = \overline{FD}$ $\Delta FOD \equiv \Delta EOB(ASA합동)$ 이므로 $\overline{FD} = \overline{EB}$ $\Delta BEO \equiv \Delta DEO(SAS합동)$ 이므로 $\overline{EB} = \overline{ED}$ 따라서 $\overline{FB} = \overline{EB} = \overline{ED} = \overline{FD}$ 이므로 $\Box FBED$ 는 마름모이다.
따라서 $\Box FBED$ 의 둘레의 길이는 $\overline{FB} + \overline{BE} + \overline{ED} + \overline{DF} = 4 \times 5 = 20 \text{ (cm)}$

31. 다음 그림과 같이 \overline{AD} $//\overline{BC}$ 인 등변사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AB} = \overline{AD}$, $\angle ADB = 35^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



답:

➢ 정답: 70_°

∠ADB = 35°이고, △ABD가 이등변삼각형이므로

해설

 $\angle ABD = \angle ADB$ 이고, $\angle BAD = 180^{\circ} - 70^{\circ} = 110^{\circ}$ 이다. $\angle ABC = 180^{\circ} - 110^{\circ} = 70^{\circ} = \angle BCD$ $\therefore \angle x = 70^{\circ}$

32. 다음 중 평행사변형은 모두 몇 개인가?

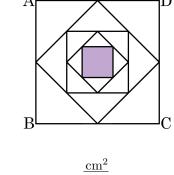
직사각형, 사다리꼴, 정사각형, 등변사다리꼴, 마름모

 달:
 개

 ▷ 정답:
 3개

평행사변형이 되는 것은 정사각형, 직사각형, 마름모이다.

 ${f 33.}$ 다음 그림은 정사각형 ${f ABCD}$ 의 변의 중점을 잡아 계속해서 작은 정사각형을 그린 것이다. 색칠한 부분의 넓이가 8 cm² 일 때, □ABCD 의 넓이를 구하여라.



▷ 정답: 128 cm²

▶ 답:

정사각형을 그릴 때마다 넓이는 $\frac{1}{2}$ 배가 된다.

 $8 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 128 \, (\mathrm{cm}^2)$