

1. 다음 그림에서 점 O는 삼각형 $\triangle ABC$ 의 외심일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____

2. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\angle A$ 의 내각의 이등분선과 \overline{BC} 의 교점을 D, $\angle B$ 의 내각의 이등분선과 \overline{AC} 의 교점을 E라고 할 때, $\angle AEB = 88^\circ$, $\angle ADB = 86^\circ$ 이다. $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

3. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고, 내접원의 반지름의 길이는 2cm이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 24cm^2 일 때, $\triangle ABC$ 의 세변의 길이의 합을 구하여라.



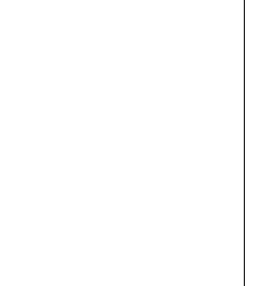
▶ 답: _____ cm

4. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.
 $\angle A$ 와 $\angle B$ 의 크기의 비가 $3 : 2$ 일 때, $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

5. 다음 그림의 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되기 위한 조건으로 옳은 것을 보기에서 모두 골라라.



[보기]

Ⓐ $\angle A = 130^\circ, \angle B = 50^\circ, \angle C = 130^\circ$

Ⓑ $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

Ⓒ $\overline{AD} \parallel \overline{BC}, \overline{AB} = \overline{AD} = 7\text{ cm}$

Ⓓ $\angle A = 70^\circ, \angle B = 110^\circ, \angle D = 70^\circ$

Ⓔ $\overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$

(단, O는 두 대각선의 교점이다.)

▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

6. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고, $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 일 때, $\angle BDI + \angle CEI = (\)^\circ$ 의 값을 구하여라.

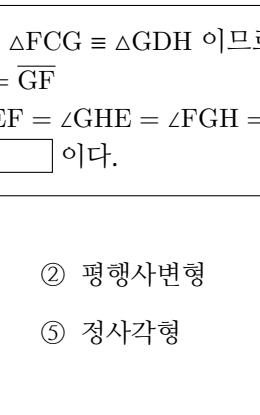


▶ 답: _____

7. 다음 중 내심과 외심이 일치하는 삼각형은?

- ① 직각삼각형
- ② 예각삼각형
- ③ 둔각삼각형
- ④ 정삼각형
- ⑤ 이등변삼각형

8. 정사각형 ABCD 의 네 변의 중점을 이은 사각형은 어떤 사각형인지
구하는 과정이다. 안에 알맞은 말은?



$\triangle AEH \cong \triangle EBF \cong \triangle FCG \cong \triangle GDH$ 이므로
 $\overline{EH} = \overline{EF} = \overline{FG} = \overline{GF}$
또한 $\angle EFG = \angle HEF = \angle GHE = \angle FGH = 90^\circ$
 $\therefore \square GFEH$ 는 이다.

- ① 사다리꼴 ② 평행사변형 ③ 직사각형
④ 마름모 ⑤ 정사각형

9. 다음은 평행사변형 ABCD의 두 대각선의 교점 O를 지나는 직선이 변 AD, BC와 만나는 점을 각각 P, Q라고 하면 $\overline{PO} = \overline{QO}$ 를 증명하는 과정이다. 빈칸에 들어갈 알맞은 것을 고르면?

[가정] $\overline{AB} // \overline{CD}$, $\overline{AD} // \overline{BC}$
[결론] $\overline{PO} = \overline{QO}$
[증명] $\triangle APO$ 와 $\triangle CQO$ 에서
 $\angle POA = \angle QOC$, $\overline{AO} = \boxed{\quad}$,
 $\angle PAO = \angle QOC$
 $\therefore \triangle APO \cong \triangle CQO$ (ASA합동),
 $\therefore \overline{PO} = \overline{QO}$

- ① \overline{PO} ② \overline{AP} ③ \overline{DO} ④ \overline{BO} ⑤ \overline{CO}

10. 사각형 ABCD에서 $\overline{AB} = 7$, $\overline{BC} = 3x - 2y$, $\overline{CD} = -2x + 7y$, $\overline{DA} = 15$ 일 때, 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되도록 하는 x, y 의 값을 구하 여라.



▶ 답: $x = \underline{\hspace{2cm}}$

▶ 답: $y = \underline{\hspace{2cm}}$

11. 다음과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\triangle AOB$ 의 넓이가 8 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 8 ② 10 ③ 12
④ 16 ⑤ 알 수 없다.

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에 대하여 $\triangle ABP = 18\text{cm}^2$,
 $\triangle PBC = 16\text{cm}^2$, $\triangle PCD = 20\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle APD$ 의 넓이는?



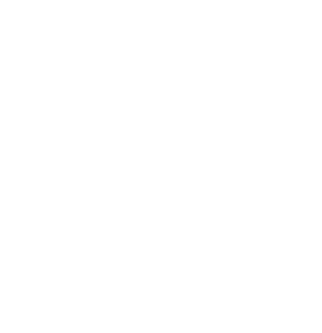
- ① 17cm^2 ② 22cm^2 ③ 25cm^2
④ 30cm^2 ⑤ 35cm^2

13. 다음 그림과 같은 직각삼각형에서 $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 외접원의 넓이는?



- ① $36\pi\text{cm}^2$ ② $25\pi\text{cm}^2$ ③ $22\pi\text{cm}^2$
④ $20\pi\text{cm}^2$ ⑤ $16\pi\text{cm}^2$

14. 다음 그림에서 점 M은 직각삼각형 ABC의 외심이고 $\angle C = 36^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



- ① 15° ② 18° ③ 20° ④ 22° ⑤ 25°

15. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다.
 $\angle OAB = 25^\circ$, $\angle OBC = 40^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기는?

- ① 45° ② 50° ③ 55°

- ④ 60° ⑤ 65°



16. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B : \angle C = 2 : 3$ 이고, $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$

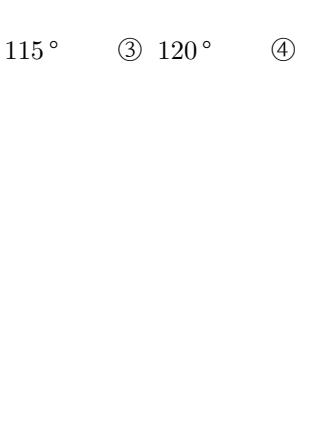
가 되도록 점 D를 잡았을 때, $\angle BAD = ()^\circ$ 이다. ()

안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답: _____

17. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, $\angle x$ 의 크기는?



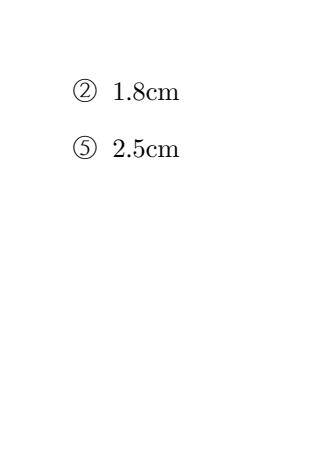
- ① 110° ② 115° ③ 120° ④ 125° ⑤ 130°

18. 다음 그림의 점 I는 삼각형 PQR의 내심이다. $\angle P = 30^\circ$ 일 때, $x + y$ 의 값을 구하면?



- ① 60° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 80°

19. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. \overline{AD} 의 길이는?



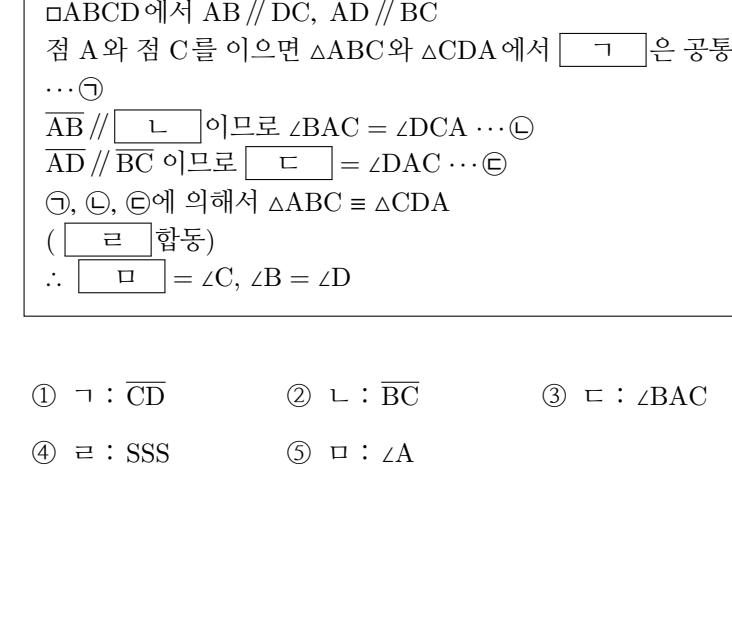
- ① 1.6cm ② 1.8cm ③ 2cm
④ 2.2cm ⑤ 2.5cm

20. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서
 $\angle ABO = \angle CBO$, $\angle OAB = 70^\circ$, $\angle ODC = 20^\circ$ 일 때, $\angle OCB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

21. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’를 나타내는 과정이다. ㄱ~ㅁ에 들어갈 것으로 옳은 것은?



□ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
점 A와 점 C를 이으면 $\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서 []은 공통

…①

$\overline{AB} \parallel [\sqsubset]$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA \cdots \textcircled{\text{L}}$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 [] = $\angle DAC \cdots \textcircled{\text{E}}$

①, ②, ③에 의해서 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$

([]근합동)

$\therefore [] = \angle C, \angle B = \angle D$

① ㄱ : \overline{CD}

② ㄴ : \overline{BC}

③ ㄷ : $\angle BAC$

④ ㄹ : SSS

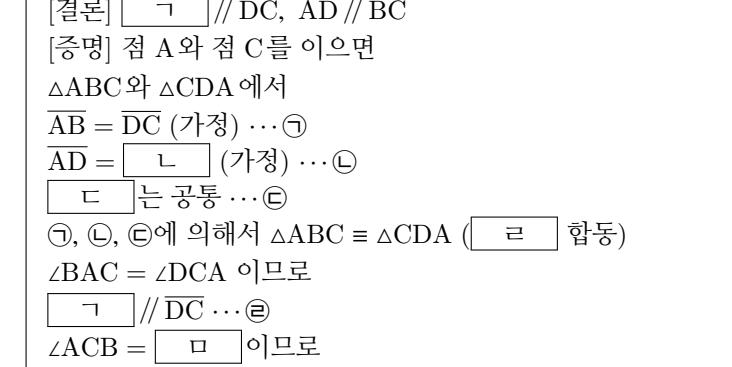
⑤ ㅁ : $\angle A$

22. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{CD} 의 중점을 E, \overline{AE} 의 연장선과 \overline{BC} 의 연장선의 교점을 F 라 할 때, \overline{AD} 의 길이는?



- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

23. 다음은 ‘두 쌍의 대변의 길이가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’
를 증명하는 과정이다. \sim \square 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \boxed{\text{ } \lhd \text{ }}$

[결론] $\boxed{\text{ } \lhd \text{ }} // \overline{DC}$, $\overline{AD} // \overline{BC}$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면

$\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$ (가정) $\cdots \textcircled{1}$

$\overline{AD} = \boxed{\text{ } \lhd \text{ }}$ (가정) $\cdots \textcircled{2}$

$\boxed{\text{ } \lhd \text{ }}$ 는 공통 $\cdots \textcircled{3}$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$, $\textcircled{3}$ 에 의해 $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$ ($\boxed{\text{ } \rightleftharpoons \text{ }}$ 합동)

$\angle BAC = \angle DCA$ 이므로

$\boxed{\text{ } \lhd \text{ }} // \overline{DC} \cdots \textcircled{4}$

$\angle ACB = \boxed{\text{ } \square \text{ }}$ 이므로

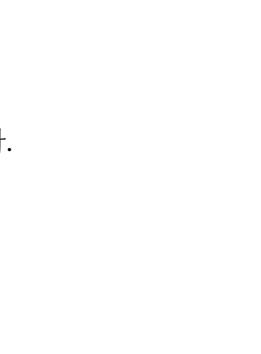
$\overline{AD} // \overline{BC} \cdots \textcircled{5}$

$\textcircled{4}$, $\textcircled{5}$ 에 의해 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

① $\lhd : \overline{AB}$ ② $\lhd : \overline{BC}$ ③ $\lhd : \overline{AC}$

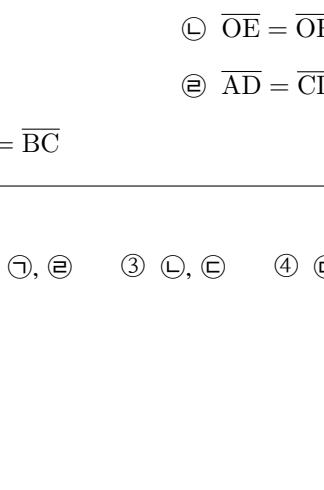
④ $\rightleftharpoons : SAS$ ⑤ $\square : \angle CAD$

24. 평행사변형 ABCD에서 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡을 때, $\square AECF$ 는 평행사변형이다.
이를 증명하기 위해 사용하기에 가장 적합한 평행사변형의 조건은?



- ① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변의 길이가 같고 평행하다.

25. 다음 그림에서 점 O 가 삼각형 ABC 의 외심일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?



보기

- Ⓐ $\overline{OA} = \overline{OB}$ Ⓑ $\overline{OE} = \overline{OF}$
Ⓑ $\overline{AB} = \overline{BC}$ Ⓒ $\overline{AD} = \overline{CD}$
Ⓒ $\overline{AE} + \overline{OE} = \overline{BC}$

- ① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓑ, Ⓒ ③ Ⓑ, Ⓓ ④ Ⓒ, Ⓓ ⑤ Ⓒ, Ⓕ