

1.  $\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 에서  $xy$ 의 값을 구하면?

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{cases} x - y = 1 & \cdots \textcircled{⑦} \\ x^2 + y^2 = 5 & \cdots \textcircled{⑧} \end{cases}$$

⑦에서  $x = y + 1$ 을 ⑧에 대입하면,

$$(y + 1)^2 + y^2 = 5$$

$$y^2 + y - 2 = 0$$

$$(y + 2)(y - 1) = 0$$

$$\therefore y = -2 \text{ 또는 } y = 1$$

$y = -2$ 를 ⑦에 대입하면  $x = -1$

$y = 1$ 을 ⑧에 대입하면  $x = 2$

$$\therefore xy = 2$$

2. 방정식  $2xy - 4x - y = 4$ 를 만족하는 양의 정수  $x, y$ 를 구하면  $\begin{cases} x = \alpha \\ y = \beta \end{cases}$ ,

$$\begin{cases} x = \gamma \\ y = \delta \end{cases} \quad \text{이다.}$$

$\alpha + \beta + \gamma + \delta$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

### 해설

주어진 식을 변형하면  $(2x - 1)(y - 2) = 6$

조건에서  $x, y$ 가 양의 정수이므로

$2x - 1, y - 2$ 도 각각 정수이고 특히  $2x - 1$ 은 양의 홀수이다.

$$\therefore \begin{cases} 2x - 1 = 1 \\ y - 2 = 6 \end{cases} \quad \text{또는} \quad \begin{cases} 2x - 1 = 3 \\ y - 2 = 2 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} x = 1 \\ y = 8 \end{cases}, \begin{cases} x = 2 \\ y = 4 \end{cases}$$

$$\therefore \alpha + \beta + \gamma + \delta = 15$$

3.  $\begin{cases} x - y = 2 \\ x^2 + y^2 = 20 \end{cases}$  을 만족하는  $x, y$ 를 구하여  $x^2 - y^2$ 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12 또는 -12

해설

$$\begin{cases} x - y = 2 & \cdots \textcircled{\text{I}} \\ x^2 + y^2 = 20 & \cdots \textcircled{\text{II}} \end{cases}$$

㉠에서  $y = x - 2$  를

㉡식에 대입하면

$$x^2 + (x - 2)^2 = 20, 2x^2 - 4x + 4 - 20 = 0,$$

$$x^2 - 2x - 8 = 0, (x - 4)(x + 2) = 0$$

$$\begin{cases} x = 4 \\ y = 2 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = -2 \\ y = -4 \end{cases}$$

$$\therefore x^2 - y^2 = 16 - 4 = 12 \text{ 또는 } x^2 - y^2 = 4 - 16 = -12$$

4. 다음 두 부등식을 만족하는 자연수의 개수를 구하여라.

$$\begin{aligned}\frac{2x+4}{3} &\geq \frac{x-2}{2} - x \\ 0.3(2x-3) &\leq 0.2(x+6) + 0.3\end{aligned}$$

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6 개

### 해설

$\frac{2x+4}{3} \geq \frac{x-2}{2} - x$  의 양변에 6 을 곱하면

$$2(2x+4) \geq 3(x-2) - 6x \quad 4x+8 \geq 3x-6 - 6x$$

$$x \geq -2$$

$0.3(2x-3) \leq 0.2(x+6) + 0.3$  의 양변에 10 을 곱하면

$$3(2x-3) \leq 2(x+6) + 3$$

$$6x-9 \leq 2x+12+3$$

$$x \leq 6$$

연립부등식의 해는  $-2 \leq x \leq 6$  이다. 따라서 만족하는 자연수는 6 개이다.

5. 부등식  $|2x - a| > 7$ 의 해가  $x < -1$  또는  $x > b$  일 때, 상수  $a, b$ 의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 11

해설

$$|2x - a| > 7 \text{에서}$$

$$2x - a < -7 \text{ 또는 } 2x - a > 7$$

$$\therefore x < \frac{a-7}{2} \text{ 또는 } x > \frac{a+7}{2}$$

그런데 주어진 부등식의 해가

$x < -1$  또는  $x > b$  이므로

$$\frac{a-7}{2} = -1, \quad \frac{a+7}{2} = b$$

$$\therefore a = 5, \quad b = 6$$

$$\therefore a + b = 11$$