

1. $x = \sqrt{2} + 1, y = \sqrt{2} - 1$ 일 때,
 $\frac{\sqrt{x} - \sqrt{y}}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} + \frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}}$ 값은?

- ① 1 ② $\sqrt{2}$ ③ 2 ④ $2\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{\sqrt{x} - \sqrt{y}}{\sqrt{x} + \sqrt{y}} + \frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} \\ &= \frac{(\sqrt{x} - \sqrt{y})^2 + (\sqrt{x} + \sqrt{y})^2}{x - y} \\ &= \frac{x + y - 2\sqrt{xy} + x + y + 2\sqrt{xy}}{x - y} = \frac{2(x + y)}{x - y} \\ &\left\{ \begin{array}{l} x + y = \sqrt{2} + 1 + \sqrt{2} - 1 = 2\sqrt{2} \\ x - y = \sqrt{2} + 1 - \sqrt{2} + 1 = 2 \end{array} \right. \\ &\therefore \frac{2(x + y)}{x - y} = \frac{2 \times 2\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{2} \end{aligned}$$

2. 유리수 a, b 가 등식 $(a + \sqrt{2})^2 = 6 + b\sqrt{2}$ 를 만족시킬 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$a^2 + 2\sqrt{2}a + (\sqrt{2})^2 = 6 + b\sqrt{2}$$

무리수의 상등에 의하여

유리수 부분: $(a^2 + 2) = 6, a^2 = 4$

무리수 부분: $2a\sqrt{2} = b\sqrt{2}, 2a = b$

$$\begin{cases} a = 2, b = 4, ab = 8 \\ a = -2, b = -4, ab = (-2)(-4) = 8 \end{cases}$$

$$\therefore ab = 8$$

3. 함수 $y = \sqrt{3x+6} + 1$ 의 그래프가 지나는 모든 사분면은?

- ① 제 1, 2 사분면 ② 제 1, 3 사분면
③ 제 1, 4 사분면 ④ 제 1, 2, 3 사분면
⑤ 제 1, 3, 4 사분면

해설

$y = \sqrt{3x+6} + 1 = \sqrt{3(x+2)} + 1$
주어진 함수의 그래프는 $y = \sqrt{3x}$ 의 그래프를 x 축의 방향으로
-2 만큼, y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 것이다.



따라서 $y = \sqrt{3x+6} + 1$ 의 그래프는 제 1, 2 사분면을 지난다.

4. 함수 $y = \frac{2}{x+3} - 4$ 의 그래프의 점근선의 방정식이 $x = a, y = b$ 일 때, $a - b$ 의 값은?

① -7 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 7

해설

점근선이 $x = -3, y = -4$ 이므로 $a - b = 1$

5. $-1 < a < 3$ 일 때, $\sqrt{a^2 + 2a + 1} + \sqrt{a^2 - 6a + 9}$ 를 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= \sqrt{(a+1)^2} + \sqrt{(a-3)^2} \\&= |a+1| + |a-3| = (a+1) - (a-3) = 4\end{aligned}$$

6. $\frac{1}{\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x}} + \frac{1}{\sqrt{2x+1} + \sqrt{2x}}$ 을 간단히 하면?

- ① $\frac{1}{2\sqrt{2x+1}}$ ② $\frac{1}{\sqrt{2x+1}}$ ③ $\frac{2x}{\sqrt{2x+1}}$
④ $2\sqrt{2x}$ ⑤ $2\sqrt{2x+1}$

해설

(주어진 식)
 $= \frac{(\sqrt{2x+1} + \sqrt{2x}) + (\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x})}{(\sqrt{2x+1} - \sqrt{2x})(\sqrt{2x+1} + \sqrt{2x})}$
 $= \frac{2\sqrt{2x+1}}{(2x+1) - 2x}$
 $= 2\sqrt{2x+1}$

7. 정의역이 $\{x \mid x > -1\}$ 인 두 함수 $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$, $g(x) = \sqrt{3x+4} - 2$
에 대하여 $(g \circ (f^{-1} \circ g)^{-1} \circ g)(4)$ 의 값을 구하면?

① -1 ② $-\frac{3}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{4}$

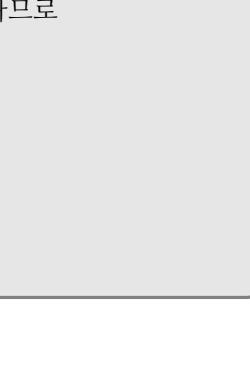
해설

$$\begin{aligned}(g \circ (f^{-1} \circ g)^{-1} \circ g)(4) \\= (g \circ (g^{-1} \circ f) \circ g)(4) \\= ((g \circ g^{-1}) \circ f \circ g)(4) \\= (f \circ g)(4)\end{aligned}$$

이 때, $g(4) = \sqrt{3 \cdot 4 + 4} - 2 = 2$ 이므로
구하는 값은 $f(g(4)) = f(2) = \frac{1}{3}$ 이다.

8. 함수 $y = \frac{ax+b}{x+c}$ 의 그래프가 다음과 같을 때,
 $a+b+c$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5



해설

$$y = 1 + \frac{k}{x+2}, (k \neq 0) \text{ 가 } \nabla (0, 0) \text{ 을 지나므로}$$

$$0 = 1 + \frac{k}{0+2}, k = -2$$

$$\text{따라서 } y = 1 + \frac{-2}{x+2} = \frac{x}{x+2}$$

$$\therefore a = 1, b = 0, c = 2$$

$$\therefore a+b+c = 3$$

9. 함수 $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$ 의 역함수를 $g(x)$ 라 한다. $y = g(x)$ 와 $y = x$ 의 그래프가 만나는 점을 A, B라 할 때 선분 AB의 길이는?

- ① $\sqrt{6}$ ② $2\sqrt{6}$ ③ $4\sqrt{2}$ ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ $6\sqrt{3}$

해설

$$y = f(x) \text{ 와 } y = g(x) \text{ 는 } y = x \text{에 대해 대칭이므로 } \begin{cases} y = g(x) \\ y = x \end{cases}$$

의 교점은 $\begin{cases} y = f(x) \\ y = x \end{cases}$ 의 교점과 같다.

$$\frac{x+2}{x-1} = x, x+2 = x^2 - x$$

$$x^2 - 2x - 2 = 0, x = 1 \pm \sqrt{3}$$

$$A(1 + \sqrt{3}, 1 + \sqrt{3}), B(1 - \sqrt{3}, 1 - \sqrt{3})$$

$$\therefore \overline{AB} = \sqrt{(2\sqrt{3})^2 + (2\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{6}$$

10. 직선 $y = x + k$ 가 무리함수 $y = \sqrt{2x+3}$ 의 그래프와 서로 다른 두 점에서 만날 때, 실수 k 의 값의 범위는?

Ⓐ $\frac{3}{2} \leq k < 2$ Ⓑ $k \leq \frac{3}{2}, k > 2$ Ⓒ $\frac{3}{2} \leq k \leq 2$
Ⓓ $k \geq \frac{3}{2}$ Ⓨ $\frac{3}{2} < k < 2$

해설

직선이 Ⓡ, Ⓨ 사이에 있을 때,
교점이 두개다.

Ⓡ: 접할 때

$$x + k = \sqrt{2x+3} \text{에서}$$

$$x^2 + 2(k-1)x + k^2 - 3 = 0$$

$$D' = (k-1)^2 - (k^2 - 3) = 0$$

$$k = 2$$

Ⓨ: 직선이 $\left(-\frac{3}{2}, 0\right)$ 을 지날 때

$$0 = -\frac{3}{2} + k \text{에서 } k = \frac{3}{2}$$

$$\therefore \frac{3}{2} \leq k < 2$$

