

1. 다음 중에서 이차함수인 것은?

①  $y = x^2 - (x - 1)^2$       ②  $y = \frac{1}{x} - 1$   
③  $y = -\frac{1}{2}x(x - 2) - 5$       ④  $y = \frac{1}{x^2}$

⑤  $y = -3x + 5$

해설

①, ⑤은 일차함수이고, ②, ④은 분모에  $x$ 가 있으므로 이차함수는  
③이다.

2.

◀ 풀이  
▶ 정답 : 5



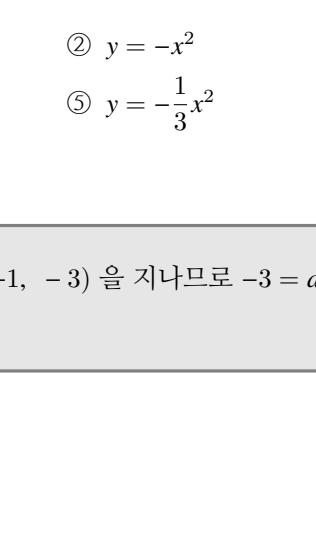
3. 이차함수  $y = 2x^2 - 3x$  의 그래프는 점  $(a, 2)$  를 지난다. 이때,  $a$  의 값이 될 수 있는 것을 모두 고르면?

① -2      ② -1      ③  $-\frac{1}{2}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤ 2

해설

$x = a, y = 2$  를 대입하면  
 $2 = 2a^2 - 3a$ ,  $2a^2 - 3a - 2 = 0$ ,  $(2a + 1)(a - 2) = 0$ ,  $\therefore a = -\frac{1}{2}$  또는  $a = 2$

4. 다음 그림과 같은 그래프가 나타내는 이차함수의 식은?



- Ⓐ  $y = -3x^2$  Ⓑ  $y = -x^2$  Ⓒ  $y = 3x^2$   
Ⓓ  $y = \frac{1}{3}x^2$  Ⓨ  $y = -\frac{1}{3}x^2$

해설

$$y = ax^2 \text{에서 } (-1, -3) \text{ 을 지나므로 } -3 = a \times (-1)^2, a = -3$$
$$\therefore y = -3x^2$$

5. 이차함수  $y = -7(x + 2)^2 + 3$  의 축과 꼭짓점의 좌표를 구하면?

① 꼭짓점  $(-2, -3)$ , 축  $x = -2$

② 꼭짓점  $(-2, -3)$ , 축  $x = -3$

③ **꼭짓점  $(-2, 3)$ , 축  $x = -2$**

④ 꼭짓점  $(-2, 3)$ , 축  $x = 3$

⑤ 꼭짓점  $(2, 3)$ , 축  $x = 2$

해설

꼭짓점  $(-2, 3)$ , 축  $x = -2$

6. 이차함수  $y = -ax^2$  의 그래프에서  $f(-2) = -12$  일 때,  $y = -ax^2$  과  $x$  축 대칭인 이차함수의 식은?

①  $y = -\frac{1}{2}x^2$       ②  $\textcircled{y} = 3x^2$       ③  $y = \frac{1}{3}x^2$   
④  $y = -2x^2$       ⑤  $y = -4x^2$

해설

$x = -2, y = -12$  를 대입하면  $a = 3$  이다.  
따라서  $y = -ax^2 = -3x^2$  이므로  $x$  축 대칭인 이차함수는  $y = 3x^2$  이다.

7. 다음은 이차함수  $y = \frac{1}{3}x^2 - 2$  의 그래프에 대한 설명이다. 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- Ⓐ 위로 볼록한 포물선이다.
- Ⓑ 꼭짓점의 좌표는  $(0, -2)$  이다.
- Ⓒ  $y = \frac{1}{3}x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 그래프이다.
- Ⓓ  $y = x^2$  의 그래프보다 폭이 넓다.
- Ⓔ 축의 방정식은  $x = -2$  이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓟ

해설

$y = \frac{1}{3}x^2 - 2$  의 그래프는  $y = \frac{1}{3}x^2$  그래프를  $y$  축으로  $-2$  만큼 평행이동한 것이다. 이 그래프에서 꼭짓점의 좌표는  $(0, -2)$ 이고  $\frac{1}{3} < 1$  이므로  $y = x^2$  그래프보다 폭이 넓다. 축의 방정식은  $x = 0$ 이고  $\frac{1}{3} > 0$  이므로 아래로 볼록한 포물선이다.

8. 이차함수  $y = -3x^2$  의 그래프를  $y$  축의 양의 방향으로  $-3$  만큼 평행 이동시킨 함수의 식은?

- ①  $y = -3x^2$       ②  $y = -3x^2 + 3$       ③  $y = 3x^2 + 3$   
④  $y = 3x^2 - 3$       ⑤  $y = -3x^2 - 3$

해설

$$y = -3x^2 - 3$$

9. 다음 중 이차함수  $y = \frac{1}{4}x^2 + 2$  의  $y$ 의 범위는?

- ①  $y \geq 2$       ②  $y \leq 2$       ③  $y \geq -8$   
④  $y \leq -8$       ⑤  $y \geq 0$

해설

$y = \frac{1}{4}x^2 + 2$  의 그래프를 그리면 다음과 같다.



따라서  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 2$ 이다.

10. 이차함수  $y = -\frac{1}{2}x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동하면 점  $(-4, k)$ 를 지난다. 이 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-2$

해설

$y = ax^2$  의 그래프를  $x$  축으로  $p$  만큼 평행이동하면  $y = a(x-p)^2$  이므로  $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2$  이고,  $x$ 의 값이  $-4$  이므로 대입하면  $y = -2$  이다. 따라서  $k = -2$  이다.

11. 이차함수  $y = -2(x + 1)^2$ 에 대한 설명 중 옳은 것을 모두 찾아라.

[보기]

- Ⓐ 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 0)$ 이다.
- Ⓑ 축의 방정식은  $y = -1$ 이다.
- Ⓒ  $y = -2x^2$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-1$  만큼 평행이동한 것이다.
- Ⓓ 점  $(0, -2)$ 를 지나며 위로 볼록한 포물선이다.
- Ⓔ  $x > -1$  일 때,  $x$  값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

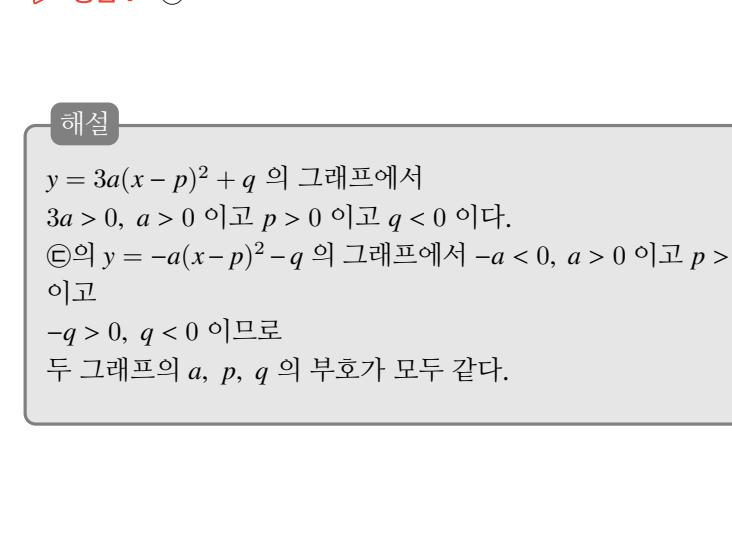
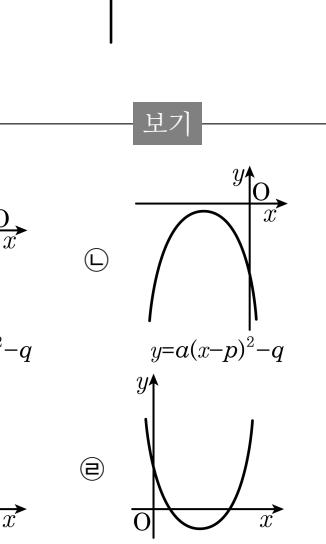
▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓕ

[해설]

- Ⓑ 축의 방정식은  $x = -1$ 이다.
- Ⓔ  $x > -1$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

12. 다음은 이차함수의  $y = 3a(x - p)^2 + q$  의 그래프이다. 이 이차함수와  $a, p, q$  의 부호가 모두 같은 이차함수의 그래프를 보기에서 골라라.



▶ 답 :

▷ 정답 : ⓒ

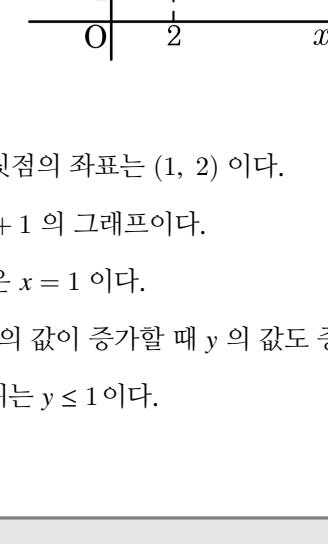
[해설]

$y = 3a(x - p)^2 + q$  의 그래프에서  $3a > 0, a > 0$  이고  $p > 0$  이고  $q < 0$  이다.

Ⓐ의  $y = -a(x - p)^2 - q$  의 그래프에서  $-a < 0, a > 0$  이고  $p > 0$  이고  $-q > 0, q < 0$  이므로

두 그래프의  $a, p, q$  의 부호가 모두 같다.

13. 다음 그림은 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프이다. 이 포물선에 대한 설명 중 옳은 것은?



- ① 포물선의 꼭짓점의 좌표는  $(1, 2)$  이다.
- ②  $y = (x - 2)^2 + 1$  의 그래프이다.
- ③ 축의 방정식은  $x = 1$  이다.
- ④  $x < 2$  이면  $x$ 의 값이 증가할 때  $y$ 의 값도 증가한다.
- ⑤  $y$ 의 값의 범위는  $y \leq 1$  이다.

해설

- ① 포물선의 꼭짓점의 좌표는  $(2, 1)$
- ③ 축의 방정식은  $x = 2$  이다.
- ④  $x < 2$  이면  $x$ 의 값이 증가할 때  $y$ 의 값은 감소한다.
- ⑤  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 1$

14. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 좌표평면 위의 모든 사분면을 지나도록 하는  $a, c$ 의 조건을 모두 고르면?(정답 2개)

- ①  $a > 0, c > 0$       ②  $\textcircled{2} a > 0, c < 0$       ③  $a = 0, c = 0$   
④  $a < 0, c < 0$       ⑤  $\textcircled{5} a < 0, c > 0$

해설

(1)  $a > 0$ 인 경우  $c < 0$ 이다.



(2)  $a < 0$ 인 경우  $c > 0$ 이다.



15. 이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼 평행이동한  
그래프의 식이  $y = ax^2 + bx + c$  일 때,  $a + b + c$  의 값은?

①  $-16$       ②  $-32$       ③  $-8$       ④  $-4$       ⑤  $4$

해설

$y = -2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼 평행이동한 식은

$y = -2(x + 3)^2$  이고 이 식을 전개하면

$$y = -2x^2 - 12x - 18$$

$$a = -2, b = -12, c = -18$$

$$\therefore a + b + c = -2 - 12 - 18 = -32$$

16. 이차함수  $y = 3x^2 + 3x - 1$  의 그래프는  $y = 3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $p$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동한 것이다. 이때,  $p + q$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{9}{4}$

해설

$$\begin{aligned}y &= 3x^2 + 3x - 1 = 3(x^2 + x) - 1 \\&= 3\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{3}{4} - 1 \\&= 3\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{7}{4}\end{aligned}$$

$y = 3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-\frac{1}{2}$  만큼,  $y$  축의 방향으로

$-\frac{7}{4}$  만큼 평행이동한 것이므로

$$p = -\frac{1}{2}, q = -\frac{7}{4}$$

$$\therefore p + q = -\frac{1}{2} + \left(-\frac{7}{4}\right) = -\frac{9}{4}$$

17. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + ax + b$  의 꼭짓점의 좌표가  $(-2, 3)$  일 때,  $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$y = \frac{1}{2}x^2 + ax + b \text{ 의 꼭짓점의 좌표가 } (-2, 3) \text{ 이므로}$$

$$y = \frac{1}{2}(x + 2)^2 + 3$$

$$= \frac{1}{2}(x^2 + 4x + 4) + 3$$

$$= \frac{1}{2}x^2 + 2x + 5$$

$$a = 2, b = 5$$

$$\therefore a - b = 2 - 5 = -3$$

18. 이차함수  $f(x) = ax^2 + bx + c$  의 그래프가  $y$  절편은  $-3$  이고,  $f(-3) = f(1)$ ,  $a + b = 3$  을 만족할 때,  $a - b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-4$

해설

$$f(x) = ax^2 + bx + c \text{ 의 그래프가 } y \text{ 절편은 } -3 \text{ 이므로 } c = -3$$

$$f(-3) = f(1) \text{ 이므로}$$

$$9a - 3b + c = a + b + c$$

$$2a = b$$

$$\text{또한 } a + b = 3 \text{ 이므로 } a = 1, b = 2$$

$$\therefore a - b + c = 1 - 2 - 3 = -4$$

19. 이차함수  $y = x^2 - 4x + 1$ 의 꼭짓점이 일차함수  $y = ax + 1$ 의 위를 지날 때,  $a$ 의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$y = x^2 - 4x + 1 = (x - 2)^2 - 3 \text{ 이다.}$$

꼭짓점  $(2, -3)$ 이  $y = ax + 1$ 의 위에 있으므로  $-3 = 2a + 1$ 이다.

$$\therefore a = -2$$

20. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + 2x - k$  의 그래프의 꼭짓점이 직선  $y = 2x + 3$  위에 있을 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2}x^2 + 2x - k \\&= \frac{1}{2}(x^2 + 4x + 4 - 4) - k \\&= \frac{1}{2}(x + 2)^2 - 2 - k\end{aligned}$$

꼭짓점  $(-2, -2 - k)$  가  $y = 2x + 3$  의 위에 있으므로  $-2 - k = -4 + 3 \quad \therefore k = -1$

21. 다음 그림과 같이 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프의 꼭짓점이  $y$  축 위에 있을 때, 이 차함수  $y = cx^2 - ax + b$ 의 그래프가 지나는 사분면을 모두 말하여라.



▶ 답: 사분면

▶ 답: 사분면

▶ 답: 사분면

▷ 정답: 제 1 사분면

▷ 정답: 제 2 사분면

▷ 정답: 제 3 사분면

해설

$a < 0, c > 0$ 이고 축이  $y$  축 위에 있으므로  $b = 0$ 이다.  
 $y = cx^2 - ax + b$ 에서 아래로 볼록하고  $y$  축과 만나는 점이 원점이며  $-ac > 0$  이므로 축은  $y$  축의 왼쪽에 있다. 따라서 지나는 사분면은 제1, 2, 3사분면이다.

