

1. 다음 그림에서 $\angle A = 70^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는?



- ① 55° ② 60° ③ 65° ④ 70° ⑤ 75°

2. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선일 때, $\square APBO$ 의 둘레의 길이는?



- ① 6cm ② $(6 + 6\sqrt{2})\text{cm}$ ③ $12\sqrt{3}\text{cm}$
④ $(4 + 4\sqrt{3})\text{cm}$ ⑤ $(8 + 6\sqrt{3})\text{cm}$

3. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때,
 $\angle x + \angle y + \angle z$ 의 값은?



- ① 150° ② 140° ③ 130° ④ 120° ⑤ 110°

4. 다음 그림에서 직선 PQ 가 원 O 의 접선이고 점 B 가 접점일 때, $\angle AOC$ 의 크기는?

- ① 95° ② 100° ③ 105°

- ④ 110° ⑤ 115°



5. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이며 원의 중심이다. $\overline{PQ} = 8\text{cm}$ 일 때, \overline{RS} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

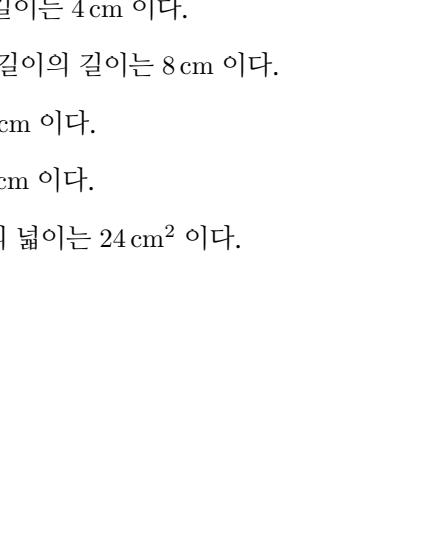
6. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선이
다. $\angle P = 60^\circ$, $\overline{OA} = 6\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABP$
의 넓이는?



① 24cm^2 ② $27\sqrt{3}\text{cm}^2$ ③ $12\sqrt{6}\text{cm}^2$

④ $40\sqrt{3}\text{cm}^2$ ⑤ 54cm^2

7. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 세 변의 접하는 원 O 가 있다.
 \overline{DI} 가 원의 접선이고 네 점 E, F, G, H 가 접점일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① \overline{AE} 의 길이는 4 cm 이다.
- ② \overline{DH} 의 길이의 길이는 8 cm 이다.
- ③ $\overline{GI} = 2$ cm 이다.
- ④ $\overline{CI} = 4$ cm 이다.
- ⑤ $\triangle CDI$ 의 넓이는 24cm^2 이다.

8. 다음 그림에서 점 P 는 O 의 두 원 AB, CD 의 연장선이 만나는 점이다. $\angle BPD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

9. 다음 그림에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① $\angle OAP = \angle OCP = 90^\circ$
- ② $\angle ACP = 65^\circ$
- ③ $\angle P = 50^\circ$
- ④ $\triangle ACP$ 는 이등변삼각형이다.
- ⑤ $\angle ADC$ 의 크기는 120° 이다.

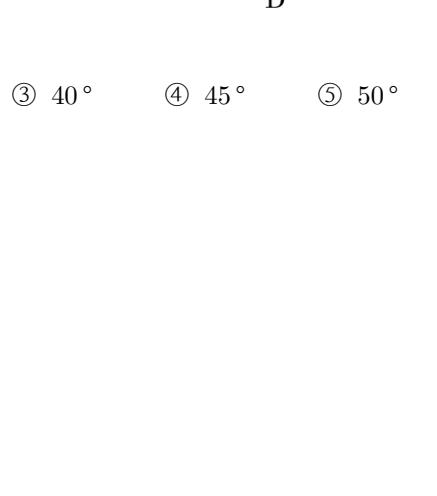


10. 다음 그림에서 $\angle BPT = 22^\circ$ 일 때, $\angle ABT$ 의 크기를 구하면?



- ① 30° ② 32° ③ 34° ④ 36° ⑤ 38°

11. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 의 내접원과 $\triangle DEF$ 의 외접원이 같을 때, $\angle ABC$ 의 크기는?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

12. 그림과 같이 원 O 가 $\triangle ABC$ 에 내접할 때, $\angle A$ 의 크기로 바른 것은?



- ① 111° ② 112° ③ 113° ④ 114° ⑤ 115°

13. 다음 그림에서 \overline{PT} , $\overline{PT'}$ 는 원의 접선이고 $\widehat{AT} = 5.0\text{pt}$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



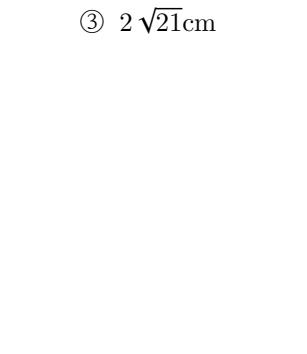
▶ 답: _____ °

14. 다음 그림과 같이 두 점 A, B에서 만나는 두 원 O, O' 에 공통인 접선을
긋고, 두 원과의 접점을 각각 P, Q라고 하자. $\angle APB = 36^\circ$, $\angle AQB = 70^\circ$ 일 때, $\angle PAQ$ 의 크기를 구하여라.



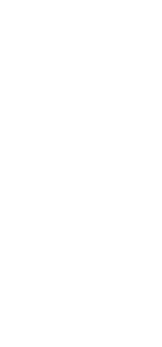
▶ 답: _____ °

15. 다음 그림에서 원 O 는 \overline{AB} 와 점 C 에서 접하고, \overline{PA} 와 \overline{PB} 의 연장선과 두 점 T, T' 에서 각각 접한다. $\overline{PC} = 3\text{cm}$, $\overline{CO} = 2\text{cm}$ 일 때, $\overline{PT} + \overline{PT'}$ 의 값은?



- ① $\frac{\sqrt{21}}{2}\text{cm}$ ② $\sqrt{21}\text{cm}$ ③ $2\sqrt{21}\text{cm}$
④ $\sqrt{29}\text{cm}$ ⑤ $2\sqrt{29}\text{cm}$

16. 다음 그림에서 점 A, B는 원 O 위의 한 점 P에서 그은 접선과 지름의 양 끝점 C, D에서 그은 접선이 만나는 점이다. $\overline{AD} = 3\text{cm}$, $\overline{BC} = 7\text{cm}$ 일 때, $\triangle AOB$ 의 넓이를 구하여라.



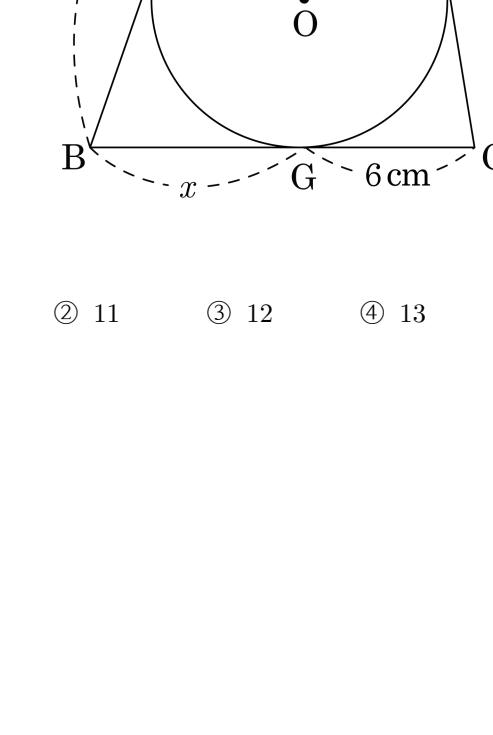
▶ 답: _____ cm^2

17. 다음 그림과 같이 두 개의 동심원이 있다. 큰 원의 현 $\overline{AB} = 12$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면?



- ① 20π ② 25π ③ 30π ④ 36π ⑤ 40π

18. 다음 그림과 같이 □ABCD가 원 O에 외접할 때, $x + y$ 의 값은?



- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

19. 다음 그림에서 $\angle BOC = 80^\circ$ 이고,
 $\angle ABO = x$, $\angle ACO = y$ 일 때, x 와 y 의
관계식으로 올바른 것은?

- ① $x + y = 65^\circ$
- ② $x - y = 50^\circ$
- ③ $x - y = 35^\circ$
- ④ $x = y + 45^\circ$
- ⑤ $x - y = 40^\circ$



20. 다음 그림의 원에서 두 현 \widehat{AC} , \widehat{BD} 의 교점을 P 라 하자. $\angle BPC = 45^\circ$ 일 때, $5.0ptAD + 5.0ptBC$ 의 길이는 이 원의 둘레의 길이의 몇 배인가?



- ① $\frac{1}{2}$ 배 ② $\frac{1}{3}$ 배 ③ $\frac{1}{4}$ 배 ④ $\frac{1}{5}$ 배 ⑤ $\frac{1}{8}$ 배

21. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 의 길이는 원주의 $\frac{1}{5}$ 이고, $5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 의 길이는 $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 의 $\frac{19}{18}$ 일 때, $\angle APB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

22. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 M은 \overline{BC} 의 중점이고, $\overline{AB} \perp \overline{CE}$, $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이다.
 $\angle A = 50^\circ$ 일 때, $\angle EMD$ 의 크기를 구하면?



- ① 40° ② 50° ③ 80° ④ 85° ⑤ 90°

23. 다음 그림과 같이 사각형 ABCD 의 외접원 위의 호 AD 위에 점 E 를 잡을 때, $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle D = 110^\circ$ 이면 보기에서 옳지 않은 것을 골라라.

보기

- Ⓐ $\angle BAC = \angle BCA$ 이다.
- Ⓑ $\angle ABC = 70^\circ$ 이다.
- Ⓒ $\triangle ABC$ 에서 $\angle BAC = 55^\circ$ 이다.
- Ⓓ $\angle BEC + \angle BCA = 180^\circ$ 이다.
- Ⓔ $\angle BEC = 115^\circ$ 이다.



▶ 답: _____

24. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 원 O 에 내접하고 $\angle DPC = 38^\circ$, $\angle BQC = 40^\circ$ 일 때, $\angle BOD$ 의 크기는?



- ① 78° ② 82° ③ 90° ④ 98° ⑤ 102°

25. 다음 중 □ABCD 가 원에 내접하는 경우가 아닌 것은?

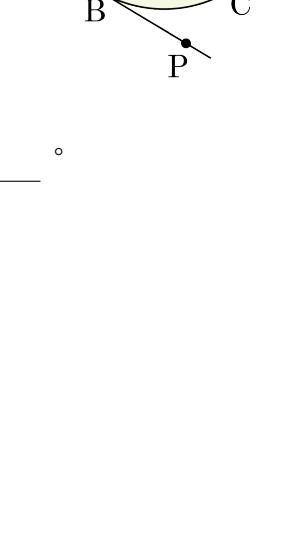
- ① $\angle A = \angle C$
- ② $\angle B = \angle C$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
- ③ $\angle BAC = \angle BDC$
- ④ $\angle A + \angle C = 180^\circ$
- ⑤ \overline{AC} 와 \overline{BD} 의 교점 P에 대하여 $\overline{PA} \times \overline{PC} = \overline{PB} \times \overline{PD}$

26. 다음 그림에서 원 O' 는 원 O 의 반지름 OB 를 지름으로 하는 원이고, \overline{AQ} 는 원 O' 와 점 P 에서 접한다. 선분 AQ 의 길이는?

① $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ ② $\frac{4\sqrt{2}}{3}$
③ $\frac{8\sqrt{2}}{3}$ ④ $\frac{12\sqrt{2}}{3}$
⑤ $\frac{16\sqrt{2}}{3}$



27. 다음 그림에서 \overline{AC} 는 원 O의 지름이고 \overrightarrow{BP} 는 원 O의 접선이다.
 $\overline{BD} = \overline{AB}$ 이고, $\angle DBC = 28^\circ$ 일 때, $\angle CBP$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

28. 다음 그림과 같이 점 P에서 접하는 두 원에 대하여 $\overline{AP} = 6$, $\overline{BP} = 5$, $\overline{DP} = 7$ 일 때, \overline{PC} 의 길이는?



- ① 6 ② $\frac{16}{3}$ ③ $\frac{12}{5}$ ④ $\frac{42}{5}$ ⑤ 7

29. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 각각 3cm, 4cm인 두 원이 두 점 A, B에서 만나고 중심 사이의 거리가 5cm 일 때, 공통현 AB의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

30. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 내심을 I 라 하고, \overline{BI} 의 연장선이 \overline{AC} 와 만나는 점을 D 라 할 때, $\overline{AD} = 6$, $\overline{CD} = 4$ 이다. 내접원의 반지름의 길이를 구하여라.



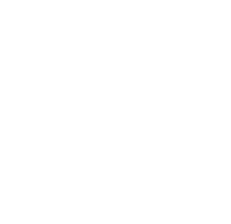
▶ 답: _____

31. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 내접원이고 점 D, E, F는 접점이다.
 $\overline{AB} = 5$, $\overline{BC} = 7$, $\overline{AC} = 4$ 일 때, $\triangle BCF$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____

32. 다음 그림과 같이 지름이 \overline{AB} 인 반원에서 점 C, D 는 원주 위의 점이고, $\angle BAD = \angle CAD$ 이다. \overline{AD} 와 \overline{BC} 의 교점을 E 라 하고, $\overline{AC} = \sqrt{3}$, $\overline{CE} = 1$ 일 때, \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____

33. 다음 그림에서 $\widehat{AB} = \widehat{AC} = \widehat{CD}$, $\angle BPD = 20^\circ$ 일 때,
 x 의 값을 구하여라.



▶ 답: _____ °

34. 원 O에 내접하는 정오각형 ABCDE에서 대각선 AC와 BE의 교점을
P라 할 때, $\overline{AP} = 2$ 이다. 이때, 선분 CP의 길이를 구하여라.

▶ 답: _____

35. 다음 그림에서 \overrightarrow{PA} 는 원의 접선이고, $\angle BAD = \angle CAD$ 이다. $\angle APB = 20^\circ$, $\angle ACB = 50^\circ$ 일 때, $\angle ADP$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °