

1. 다음 보기 중에서 두 일차방정식을 한 쌍으로 하는 연립방정식을 만들었을 때, 해가 무수히 많은 것은?

보기

㉠ $-\frac{y}{2} - x = \frac{1}{4}$

㉡ $0.2x + 0.1y = -0.7$

㉢ $0.4x + 0.2y = -0.1$

㉣ $\frac{x}{3} + y = -1$

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉡, ㉣ ④ ㉢, ㉣ ⑤ ㉢, ㉡

해설

㉠식에 $\times(-4)$ 를 하면 $4x+2y = -1$, ㉢식에 $\times10$ 을 하면 $4x+2y = -1$ 이 되어 두 식이 일치하게 되므로 ㉠과 ㉢을 한 쌍으로 하는 연립방정식은 해가 무수히 많다.

2. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - y = a \\ 6x - by = 8 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

해가 무수히 많으므로 $\frac{3}{6} = \frac{1}{b} = \frac{a}{8}$ 에서
 $a = 4, b = 2 \therefore a - b = 2$

3. 다음 연립방정식의 해를 구하여라.

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{2}{5}y = \frac{6}{5} \\ -1.5x + 1.2y = -3.6 \end{cases}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 해가 무수히 많다.

해설

첫 번째 식에 $\times 10$ 을 하면 $5x - 4y = 12$, 두 번째 식에 $\times \left(-\frac{10}{3}\right)$ 을 하면 $5x - 4y = 12$ 가 되어 두 식이 일치하게 되므로 연립방정식의 해가 무수히 많다.

4. 연립방정식 $\begin{cases} (a-1)x+by=3 \\ 2y-1=-3x \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a, b 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 10$

▷ 정답 : $b = 6$

해설

$$\begin{cases} (a-1)x+by=3 & \cdots \textcircled{1} \\ 2y-1=-3x & \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{에서 } \textcircled{2} \times 3 \text{을 한 후 } \textcircled{1} \text{과 비교하면}$$

$$a=10, b=6$$

5. A, B 두 사람이 같이 일을 하면 6 일 걸리는 일을 A 가 2 일을 일한 후, 나머지를 B 가 14 일을 일하여 끝마쳤다. A 가 혼자서 일을 한다면 며칠이 걸리겠는가?

① 9 일 ② 10 일 ③ 12 일 ④ 15 일 ⑤ 20 일

해설

A, B 가 하루 동안 할 수 있는 일의 양을 각각 a, b 라 하고, 총 일의 양을 1 이라 하면

$$6a + 6b = 1, 2a + 14b = 1$$

두 식을 연립하여 풀면 $a = \frac{1}{9}, b = \frac{1}{18}$ 이다.

따라서 A 가 혼자 일하면 9 일이 걸린다.

6. A, B 두 사람이 동시에 10 일 동안 작업하면 끝마칠 수 있는 일이 있다. 이 일을 먼저 A 가 8 일 동안 작업한 뒤 B 가 12 일 동안 작업하여 끝마쳤다고 한다. 만약, A, B 가 혼자서 일을 한다면 각각 며칠이 걸리는지 올바르게 나타낸 것은?

	㉠	㉡	㉢	㉣	㉤
A 혼자 일했을 때	10	10	15	20	20
B 혼자 일했을 때	20	30	15	15	20

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉤

해설

전체의 일의 양을 1, A 와 B 가 각각 하루에 할 수 있는 일의 양을 x, y 라 할 때

$$\begin{cases} 10(x+y) = 1 \\ 8x+12y = 1 \end{cases} \text{이므로}$$

$$\rightarrow x = y = \frac{1}{20}$$

따라서 각각 20 일씩 걸린다.

7. A, B 두 사람이 같이 하면 5 일 걸리는 일을 A 혼자 4 일 하고, 나머지를 B 가 10 일 하여 일을 완성하였다. A 가 혼자 하면 며칠 걸리겠는지 구하여라.

▶ 답 : 일

▷ 정답 : 6 일

해설

전체의 일의 양을 1 로 놓고 A 가 하루 동안 할 수 있는 일의 양을 x , B 가 하루 동안 할 수 있는 일의 양을 y 라 하면

$$\begin{cases} 5x + 5y = 1 & \cdots (1) \\ 4x + 10y = 1 & \cdots (2) \end{cases}$$

$$(1) \times 2 - (2) \text{ 하면 } 6x = 1$$

$$\Rightarrow x = \frac{1}{6}, y = \frac{1}{30}$$

따라서 A 가 혼자서 일을 하면 6 일이 걸린다.

8. 용석이와 용진이가 함께 일을 하면 4 일 만에 마칠 수 있는 일을 용석이가 8 일 동안 작업한 후 나머지를 용진이가 2 일 동안 작업하여 모두 마쳤다. 이 일을 용석이가 혼자서 하면 며칠이 걸리는지 구하여라.

▶ 답 : 일

▷ 정답 : 12일

해설

전체 일의 양 : 1
용석이가 하루에 할 수 있는 일의 양 : x
용진이가 하루에 할 수 있는 일의 양 : y 라 하면

$$\begin{cases} 4x + 4y = 1 \\ 8x + 2y = 1 \end{cases}$$

을 연립하여 풀면 $x = \frac{1}{12}$, $y = \frac{1}{6}$
따라서 용석이가 혼자서 일을 하게 되면 12 일이 걸린다.