

1. 방정식  $|x| + |x - 1| = 2$  의 해를 구하시오.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{1}{2}$  또는  $-0.5$

▷ 정답:  $\frac{3}{2}$  또는  $1.5$

### 해설

i)  $x < 0$  일 때,

$$-x - (x - 1) = 2 \Rightarrow -2x + 1 = 2$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2}$$

ii)  $0 \leq x < 1$  일 때,

$$x - (x - 1) = 2 \Rightarrow 0 \cdot x = 1$$

∴ 해가 없다.

iii)  $1 \leq x$  일 때,

$$x + x - 1 = 2 \Rightarrow 2x = 3$$

$$\therefore x = \frac{3}{2}$$

(i), (ii), (iii)에서  $x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = \frac{3}{2}$

2.  $x^2 - 2x + 3 = 0$  의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  $(\alpha^2 - 2\alpha)(\beta^2 - 2\beta)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 9

해설

$x^2 - 2x + 3 = 0$ 에서 근과 계수의 관계에 의해

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = 3$$

$$(\alpha^2 - 2\alpha)(\beta^2 - 2\beta)$$

$$= \alpha^2\beta^2 - 2\alpha^2\beta - 2\alpha\beta^2 + 4\alpha\beta$$

$$= (\alpha\beta)^2 - 2\alpha\beta(\alpha + \beta) + 4\alpha\beta$$

$$= 9 - 6 \cdot 2 + 12 = 9$$

3. 방정식  $x^2 - 2|x| - 3 = 0$ 의 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

i )  $x \geq 0$  일 때

$$x^2 - 2x - 3 = 0, (x + 1)(x - 3) = 0$$

$$x = -1 \text{ 또는 } x = 3$$

그런데  $x \geq 0$  이므로  $x = 3$

ii )  $x < 0$  일 때

$$x^2 + 2x - 3 = 0, (x - 1)(x + 3) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = -3$$

그런데  $x < 0$  이므로  $x = -3$

( i ), ( ii )에서  $x = 3$  또는  $x = -3$

따라서 근의 합은 0이다.

4.  $x$ 에 대한 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이  $1+i$ 일 때, 실수  $a, b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = -2$

▷ 정답 :  $b = 2$

해설

$x^2 + ax + b = 0$ 에  $x = 1 \pm i$ 를 대입하여 정리하면

$$1 + 2i - 1 + a(1 + i) + b = 0 \text{ 과}$$

$$a + b + (a + 2)i = 0 \text{ 이다.}$$

위 식을 정리하면  $a + b = 0$ 과  $a + 2 = 0$ 에서

$$a = -2, b = 2 \text{ 이다.}$$

해설

계수가 실수이므로 한 근이 복소수 근이면 콜레복소수 근을 갖는다.

따라서 두 근은  $1+i, 1-i$

근과 계수의 관계에서

$$-a = (1+i) + (1-i) = 2 \quad \therefore a = -2$$

$$b = (1+i)(1-i) = 2 \quad \therefore b = 2$$

5. 이차방정식  $(2 - \sqrt{3})x^2 - 2(\sqrt{3} - 1)x - 6 = 0$ 의 두 근 중 큰 근에 가장 가까운 정수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

이차항의 계수를 유리수로 고치기 위해 방정식의 양변에  $2 + \sqrt{3}$ 을 곱하면

$$x^2 - 2(\sqrt{3} + 1)x - (12 + 6\sqrt{3}) = 0$$

근의 공식을 이용해 위 방정식을 풀면

$$x = (\sqrt{3} + 1) \pm \sqrt{(\sqrt{3} + 1)^2 + 12 + 6\sqrt{3}}$$

$$= (\sqrt{3} + 1) \pm 2\sqrt{4 + 2\sqrt{3}}$$

$$= (\sqrt{3} + 1) \pm 2(\sqrt{3} + 1)$$

$$\therefore x = 3\sqrt{3} + 3 \text{ 또는 } x = -\sqrt{3} - 1$$

큰 근은  $3\sqrt{3} + 3$

그런데  $\sqrt{3} \approx 1.7 \dots$  이므로

가장 가까운 정수는 8이다.