**1.**  $n({1, 2, 3}) - n({1, 2})$ 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 1

해설

 $n(\{1, 2, 3\}) - n(\{1, 2\}) = 3 - 2 = 1$ 

- 두 집합  $A = \{x, 7\}, B = \{3, x+4\}$ 에 대하여 A = B일 때, x의 **2**. 값은?
  - ① 1

② 2

- **3**3 **4**4 **5**5

A = B이면 두 집합의 모든 원소가 같다.

따라서 x = 3이다.

 $oldsymbol{3}$ . 전체집합 U의 부분집합 A,B에 대하여 다음 중  $(A^c-B)^c$ 과 같은 집합은?

 $(A^c - B)^c = (A^c \cap B^c)^c = (A \cup B)$ 

4. 학생 35명 중에서 인라인 스케이트 인터넷 동호회에 가입한 학생은 20명, 댄스 스포츠 인터넷 동호회에 가입한 학생은 17명, 두 곳 모두 가입하지 않은 학생이 8명이다. 이때 인라인 스케이트나 댄스 스포츠 인터넷 동호회에 가입한 학생 수를 구하여라.

□ T: <u>B</u>

정답: 27명

해설 주어진 문제를 벤 다이어그램을 활용하여 해결할 수 있다. 벤 다이어그램의 각 영역에 해당하는 학생의 수를 기입하면 다음과 같다.  $U = \frac{U}{10 \quad 10 \quad 7}$ 

- **5.**  $p: x=3, q: x^2=3x$  에서 p 는 q 이기 위한 무슨 조건인지 구하여라.
  - 답:
     조건

     ▷ 정답:
     충분조건

V 01 02<u>-2</u>

조건 p, q의 진리집합을 각각 P, Q라 하면  $P = \{3\}, Q = \{0, 3\}$ 

해설

이므로 *P* ⊂ *Q*, *Q* ⊄ *P* :. 충분조건

- $a>0,\ b>0$  일 때,  $\sqrt{2(a+b)},\sqrt{a}+\sqrt{b}$  의 대소를 바르게 나타낸 6. 것은?
  - ①  $\sqrt{2(a+b)} < \sqrt{a} + \sqrt{b}$  ②  $\sqrt{2(a+b)} \le \sqrt{a} + \sqrt{b}$

해설

$$\begin{vmatrix} (\sqrt{2(a+b)})^2 - (\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 \\ = 2(a+b) - (a+2\sqrt{a}\sqrt{b} + b) \\ = a - 2\sqrt{a}\sqrt{b} + b \end{vmatrix}$$

$$= a - 2\sqrt{a}\sqrt{b} + b$$
  
=  $(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 \ge 0$ 

$$-(\nabla a - \nabla b) \ge 0$$
  
(단, 등호는 $a = b$ 일때성립)

따라서 
$$\sqrt{2(a+b)} \ge \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

7. 
$$x > 0, y > 0$$
일 때,  $\left(x + \frac{1}{2y}\right) \left(8y + \frac{1}{x}\right)$ 의 최솟값은?

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤9
- ি ্রাপ্র  $\left(x + \frac{1}{2y}\right) \left(8y + \frac{1}{x}\right) = 8xy + \frac{1}{2xy} + 5$   $\geq 2\sqrt{8xy \times \frac{1}{2xy}} + 5$  = 4 + 5 = 9

① 
$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$$
 ②  $y = \frac{1}{2}x + 1$  ③  $y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$  ④  $y = \frac{1}{2}x + 2$ 

$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{1}{2}x + 2$$

$$(3) \ \ y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$$

$$y = 2x - 2 \stackrel{=}{=} x \text{ 에 대하여 풀면}$$

$$x = \frac{1}{2}y + 1 x \text{ 와 } y \stackrel{=}{=} \text{ 바꾸면 구하는 역함수는}$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}x + 1$$

9. x: y = 1:3일 때,  $\frac{x^2 + y^2}{x(x+y)}$ 의 값을 구하면?

①  $\frac{1}{2}$  ② 1 ③  $\frac{3}{2}$  ④ 2 ⑤  $\frac{5}{2}$ 

y = 3x  $\frac{x^2 + (3x)^2}{x(x+3x)} = \frac{10x^2}{4x^2} = \frac{5}{2}$ 

- 10. 명제 'p(x)이면 q(x) 이다'가 참일 때, 두 집합  $P=\{x\mid p(x)\},\ Q=$  $\{x \mid q(x)\}$  사이의 관계로 다음 중 옳은 것은?

  - ①  $Q \subset P$  ②  $Q^c \subset P$  ③  $P \subset Q^c$

 $\lq p(x)$ 이면 q(x)이다.' 가 참일 때, 즉,  $p \,\Rightarrow\, q$ 이면 진리집합의

포함관계는  $P \subset Q$ 

- 11.  $\sim p \rightarrow \sim q$  의 역이 참일 때, 다음 중 반드시 참인 명제는?
  - $\textcircled{4} \sim p \rightarrow q \qquad \qquad \textcircled{5} \ p \rightarrow \sim q$

'명제가 참이면 그의 대우는 항상 참이다.'

 $\sim p \rightarrow \sim q \Leftrightarrow \mathfrak{P}: \sim q \rightarrow \sim p(\texttt{A})$   $\sim q \rightarrow \sim p \Leftrightarrow \texttt{대우} \ p \rightarrow q(\texttt{A})$ 

- **12.** 명제 p, q, r 에 대하여 p 는 q이기 위한 필요조건, r 은 q이기 위한 충분조건일 때, p 는 r이기 위한 무슨 조건인가?
  - ① 필요③ 필요충분
- ② 충분
- ⑤ q 에 따라 다르다.
- ④ 아무 조건도 아니다.

 $p \leftarrow q$ 이기 위한 필요조건이므로  $p \leftarrow q$ ,

즉  $q \Rightarrow p$  가 성립하고  $r \in q$ 이기 위한 충분조건, 즉  $r \Rightarrow q$  가 성립하므로  $r \Rightarrow q \Rightarrow p$  이다. 그러나  $p \Rightarrow r$ 인지는 알 수 없다. 따라서  $r \Rightarrow p$  이므로  $p \vdash r$  이기 위한 필요조건이다. **13.**  $\frac{x-2}{2x^2-5x+3} + \frac{3x-1}{2x^2+x-6} + \frac{2x^2-5}{x^2+x-2} =$  계산하여라.

 ■ 답:

 □ 정답:
 2

V 86.

(군 시)  $= \frac{x-2}{(2x-3)(x-1)} + \frac{3x-1}{(2x-3)(x+2)} + \frac{2x^2-5}{x^2+x-2}$   $= \frac{(x-2)(x+2) + (3x-1)(x-1)}{(2x-3)(x-1)(x+2)} + \frac{2x^2-5}{(x+2)(x-1)}$   $= \frac{4x^2-4x-3}{(2x-3)(x-1)(x+2)} + \frac{2x^2-5}{(x+2)(x-1)}$   $= \frac{(2x-3)(2x+1)}{(2x-3)(x+2)(x-1)} + \frac{2x^2-5}{(x+2)(x-1)}$   $= \frac{2x+1}{(x+2)(x-1)} + \frac{2x^2-5}{(x+2)(x-1)}$   $= \frac{2x^2+2x-4}{(x+2)(x-1)} = 2$ 

14. 분수식 
$$\frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{a}}} \times \frac{1}{1 - \frac{1}{1 + \frac{1}{a}}}$$
 을 간단히 하면?

① 1 ② 1-a ③  $1-a^2$  ④  $1+a^2$  ⑤ 1+a

해설  $\frac{\Xi}{\Delta} = \frac{1}{1 - \frac{a}{a - 1}} \times \frac{1}{1 - \frac{a}{a + 1}}$   $= \frac{a - 1}{a - 1 - a} \times \frac{a + 1}{a + 1 - a}$   $= \frac{a - 1}{-1} \times \frac{a + 1}{1} = 1 - a^2$ 

**15.**  $x^2 - 3x + 1 = 0$ 에서  $x^2 + \frac{1}{x^2}$ 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 7

지 = 
$$3 + \frac{1}{x} = 0$$
,  $x + \frac{1}{x} = 3$ 

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

**16.** 다음 보기 중 곡선  $y = \frac{1}{x}$  을 평행이동하여 겹칠 수 있는 것을 모두 고르면?

① ① ② © ③ © ④ ①, © ⑤ ©, ©

 $y = \frac{1}{x}$  의 그래프를 평행이동하여 겹칠 수 있는 것은  $y = \frac{1}{x-p} + q$  의 꼴이다.

겹칠 수 있는 것은 ℂ, ℂ 이다.

- **17.** 분수함수  $y = \frac{3x-2}{2-x}$ 의 점근선의 방정식이 x = a, y = b일 때, a + b의 값을 구하여라.

▶ 답: **> 정답:** a+b=-1

 $y=\frac{cx+d}{ax+b}$ 의 점근선은  $x=-\frac{b}{a}$ ,  $y=\frac{c}{a}$ 이므로 주어진 분수함수의 점근선은 x=2, y=-3이다.  $\therefore 2+(-3)=-1$ 

- $oldsymbol{18}$ . 자연수 k 의 양의 약수를 원소로 가지는 집합을  $A_k$  라고 할 때 다음 포함 관계가 옳은 것은?
  - $\bigcirc$   $A_{12} \subset (A_{36} \cap A_{24})$ ①  $A_{12} \subset A_4$

  - ①  $A_4\subset A_{12}$
  - $3 A_{18} \cup A_{36} = A_{36}$
  - ④  $A_{3k}$  와  $A_{2k}$  는 서로 포함관계가 아님

19. 세 집합 A,B,C에 대하여 n(A)=10, n(B)=7, n(C)=5,  $n(A\cap B)=$  $4,\,n(C\cap A)=3$ 이고, 두 집합 B와 C가 서로소일 때,  $n(A\cup B\cup C)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

B와 C가 서로소이므로  $B \cap C = \emptyset$ ,  $A \cap B \cap C = \emptyset$ 

 $\therefore n(A \cup B \cup C)$ 

 $= n(A) + n(B) + n(C) - n(A \cap B)$ 

 $-n(B\cap C)-n(C\cap A)+n(A\cap B\cap C)$ = 10 + 7 + 5 - 4 - 0 - 3 + 0 = 15

**20.** 
$$4x^2-4xy+y^2=0$$
일 때,  $\frac{8x^2-xy+3y^2}{x^2+2y^2}$ 의 값을 구하면? (단,  $x, y$ 는 0이 아니다.)

-2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

$$4x^{2} - 4xy + y^{2} = 0, (2x - y)^{2} = 0 \text{ and } 2x - y = 0$$

$$y = 2x$$

$$\frac{8x^{2} - xy + 3y^{2}}{x^{2} + 2y^{2}}$$

$$= \frac{8x^{2} - x \cdot 2x + 3 \cdot 4x^{2}}{x^{2} + 8x^{2}}$$

$$= \frac{18x^{2}}{9x^{2}} = 2$$

- **21.** x + y z = 2x + 3y 2z = -x 2y + 2z 일 때,  $\left(\frac{1}{y}+\frac{2}{z}\right)$  :  $\left(\frac{1}{z}+\frac{2}{x}\right)$  :  $\left(\frac{1}{x}+\frac{2}{y}\right)$ 를 가장 간단한 정수비로 나 타내면?
  - ① 3:2:5 ② 3:5:-5 ③ 2:3:5
  - ④ 3:5:2
    ⑤ 2:3:-2
  - x+y-z=-x-2y+2z에서  $2x+3y=3z\cdots$  ( ), ( )에서  $y=-z,\ x=3z$  $\left(\frac{1}{y} + \frac{2}{z}\right)$  :  $\left(\frac{1}{z} + \frac{2}{x}\right)$  :  $\left(\frac{1}{x} + \frac{2}{y}\right)$  $=\left(-\frac{1}{z}+\frac{2}{z}\right) : \left(\frac{1}{z}+\frac{2}{3z}\right) : \left(\frac{1}{3z}-\frac{2}{z}\right)$  $= \left(\frac{1}{z}\right) : \left(\frac{5}{3z}\right) : \left(-\frac{5}{3z}\right)$

해설

- **22.** 세 실수 x, y, z의 평균이 4이고,  $\frac{x+y}{3} = \frac{y+z}{4} = \frac{z+x}{5}$ 가 성립할 때,  $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}$ 의 값은? ①  $\frac{7}{12}$  ②  $\frac{9}{12}$  ③  $\frac{10}{12}$  ④  $\frac{11}{12}$  ⑤  $\frac{13}{12}$

평균이 4이므로, x+y+z=12 ···①  $\frac{x+y}{3} = \frac{y+z}{4} = \frac{z+x}{5} = k$ 라 하면,

$$\frac{3}{3} = \frac{4}{4} = \frac{5}{5} = k = 0$$

$$\begin{cases} y+z=4 \end{cases}$$

$$z + x = 5k$$

다 더하면, 
$$2(x+y+z) = 12k \Rightarrow k = 2(∵ ①)$$
  
다시  $k$ 를 위 식에 대입하고 연립방정식의 풀면  $x$ ,  $y$ ,  $z$ 를 구할  
수 있다.

$$x = 4, y = 2, z = 6$$

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} + \frac{1}{6} = \frac{11}{12}$$

**23.** 2x - y + z = 0, x - 2y + 3z = 0 일 때,  $\frac{5x^2 - xy + y^2}{x^2 + y^2 + z^2}$ 의 값은?

 $\bigcirc \frac{5}{7} \qquad \bigcirc \frac{7}{5} \qquad \bigcirc \frac{3}{7} \qquad \bigcirc \frac{7}{3}$ 

⑤ 1

 $2x - y + z = 0 \cdots \bigcirc$ 

 $x: y: z = \frac{1}{3}z: \frac{5}{3}z: z$  = 1:5:3 x = 1, y = 5, z = 3 을 대입하면(준식)=  $\frac{5-5+25}{1+25+9} = \frac{25}{35} = \frac{5}{7}$ 

- **24.** 0이 아닌 실수 x, y, z에 대하여 등식 2x-6y+4z=0, 3x+y-2z=0이 성립한다. 이때,  $\frac{x^2 + y^2}{xy + y^2}$ 의 값은?
  - ①  $\frac{2}{7}$  ②  $\frac{1}{3}$  ③  $\frac{3}{4}$  ④  $\frac{5}{6}$  ⑤  $\frac{12}{13}$

두 식을 연립하여 풀면 2x = y가 나온다.  $\frac{x^2 + y^2}{xy + y^2} = \frac{x^2 + 4x^2}{2x^2 + 4x^2} = \frac{5x^2}{6x^2} = \frac{5}{6}$ 

- **25.** 집합 A, B, C 에 대하여 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은? (단, U 는 전체집합이고,  $A^c$  는 A 의 여집합이다.)
  - A ⊂ B 이면 B<sup>c</sup> ⊂ A<sup>c</sup> 이다.
     A = B<sup>c</sup> 이면 A ∪ B = U 이다.

  - ③ $A \cap B = \emptyset$  이코  $A \neq \emptyset$ ,  $B \neq \emptyset$  이면  $A \cup B = U$  이다. ④  $A \subset B$ ,  $A \subset C$  이면  $A \subset (B \cup C)$  이다.
  - ⑤  $A \cap B^c = \emptyset$  이면  $A^c \cup B = U$  이다.

## ① $A \subset B$ 이므로 $B^c \subset A^c$

해설

- ②  $A = B^c$ 이므로  $A \cup B = B^c \cup B = U$
- ③ 예를 들어  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  ,  $A = \{1, 2\}$  ,  $B = \{3, 4\}$
- 일 때,  $A \cap B = \emptyset$  이지만  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\} \neq U$  이므로 옳지 않다. ④  $A \subset B$ ,  $A \subset C$  이므로  $A \subset (B \cap C) \subset (B \cup C)$ ∴  $A \subset (B \cup C)$
- - $\therefore A^c \cup B = U$
- $\dots \land \Box = 0$