

1. 다음 중 거듭제곱의 표현으로 옳지 않은 것은?

- ①  $3 \times 3 \times 3 = 3^3$
- ②  $2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^2$
- ③  $a + a + a + a = a^4$
- ④  $a \times b \times b \times b \times b = a \times b^4$
- ⑤  $\frac{1}{2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7} = \frac{1}{2^3 \times 7^2}$

해설

③  $a + a + a + a = 4 \times a$

2. 세 자연수  $7 \times x$ ,  $4 \times x$ ,  $10 \times x$ 의 최소공배수가 420 일 때,  $x$ 의 값으로 옳은 것은?

① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$7 \times x$ ,  $4 \times x = 2^2 \times x$ ,  $10 \times x = 2 \times 5 \times x$ 의 최소공배수는  
 $2^2 \times 5 \times 7 \times x = 420$   
따라서  $x = 3$  이다.

3. 다음 중 계산이 옳지 않은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \left(-\frac{1}{2}\right) - (-0.9) - (+1.4) = -1$$

$$\textcircled{2} \quad (-2.2) + (+3.2) - \left(+\frac{1}{4}\right) = 0.75$$

$$\textcircled{3} \quad \left(+\frac{3}{4}\right) - (+2.4) - (+8.4) = -10.05$$

$$\textcircled{4} \quad \left(-\frac{1}{2}\right) - \left(\frac{2}{3}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) = -\frac{4}{3}$$

$$\textcircled{5} \quad (+3.2) - \left(-\frac{1}{2}\right) - \left(+\frac{1}{5}\right) = \frac{7}{2}$$

해설

$$\textcircled{4} \quad \left(-\frac{1}{2}\right) - \left(+\frac{2}{3}\right) + \left(-\frac{1}{5}\right) = -\frac{41}{30}$$

4. 4 개의 유리수  $-\frac{5}{4}, \frac{2}{3}, -\frac{3}{2}, 1.5$  중에서 세 수를 뽑아서 곱했을 때,

가장 큰 값은? (단, 같은 수는 중복하여 쓰지 않는다.)

① 5

②  $\frac{21}{4}$

③  $\frac{45}{16}$

④  $\frac{49}{8}$

⑤  $\frac{25}{4}$

해설

세 수를 뽑아서 곱했을 때 가장 큰 값은

$$\left(-\frac{5}{4}\right) \times \left(-\frac{3}{2}\right) \times 1.5 = \frac{45}{16}$$

5. 다음 중 계산이 잘못된 식을 모두 찾은 것은?

[보기]

- Ⓐ  $x \times 1 \times y = xy$
- Ⓑ  $2 \times 3 \times a \times b = 23ab$
- Ⓒ  $(x - y) \times (-1) = -(x - y)$
- Ⓓ  $a \times (-3) \times b \times 2 = -6ab$
- Ⓔ  $0.1 \times a = 0.a$

① Ⓐ, Ⓑ    ② Ⓑ, Ⓒ    Ⓝ Ⓑ, Ⓓ    ④ Ⓒ, Ⓓ    ⑤ Ⓒ, Ⓕ

[해설]

- Ⓑ  $2 \times 3 \times a \times b = 6ab$
- Ⓔ  $0.1 \times a = 0.1a$

6.  $a \div b \div c$  를 나눗셈 기호를 생략하여 나타내면?

- ①  $abc$       ②  $\frac{ab}{c}$       ③  $\frac{c}{ab}$       ④  $\frac{a}{bc}$       ⑤  $\frac{b}{ac}$

해설

$$a \div b \div c = a \times \frac{1}{b} \times \frac{1}{c} = \frac{a}{bc} \text{ 이다.}$$

7. 세 자리의 자연수가 있다. 백의 자리의 숫자가  $p$ , 십의 자리의 숫자가  $q$ , 일의 자리의 숫자가  $r$  일 때, 이 세 자리의 정수를 나타내는 식은?

- ①  $pqr$       ②  $p + q + r$   
③  $100p + 10q + r$       ④  $100r + 10q + p$   
⑤  $p^3q^2r$

해설

$$p \times 10^2 + q \times 10 + r = 100p + 10q + r$$

8.  $\frac{5}{6}(3x - 2y) - \frac{3}{4}(10x - 8y)$  를 간단히 했을 때,  $x$  의 계수와  $y$  의 계수의 합을 구하면?

Ⓐ  $-\frac{2}{3}$  Ⓑ  $-\frac{1}{2}$  Ⓒ 0 Ⓓ  $\frac{1}{2}$  Ⓔ  $\frac{2}{3}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= \frac{5}{2}x - \frac{5}{3}y - \frac{15}{2}x + 6y \\&= \left(\frac{5}{2} - \frac{15}{2}\right)x + \left(-\frac{5}{3} + 6\right)y \\&= -5x + \frac{13}{3}y\end{aligned}$$

$$\text{따라서 } x, y \text{ 계수의 합은 } -5 + \frac{13}{3} = -\frac{2}{3}$$

9. 180의 소인수와 220의 소인수 중 공통인 소인수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 2개

해설

$180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ ,  
 $220 = 2^2 \times 5 \times 11$  이므로  
180의 소인수는 2, 3, 5,  
220의 소인수는 2, 5, 11 이므로  
공통인 소인수는 2, 5 이므로 2개이다.

10.  $\frac{464}{n} = a^4$  을 만족하는 자연수  $a$  에 대하여  $a \times n$  의 값을 구하여라.  
(단,  $n$  은 조건을 만족하는 자연수)

▶ 답 :

▷ 정답 : 58

해설

$$464 = 29 \times 2^4 ,$$
$$n = 29, \quad a = 2 ,$$
$$a \times n = 2 \times 29 = 58$$

11. 두 수  $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ ,  $2^a \times 3^b \times 7^4$  의 최대공약수가  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$  일 때,  
 $a + b + c$ 의 값은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설

최대공약수가  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$ 이고  
 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 2의 지수가 3이므로  
 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 2의 지수가 2이어야 한다.  
같은 방식으로  
 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 3의 지수가 4이므로  
 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 3의 지수가 2이어야 한다.  
또한,  
 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 7의 지수가 4이므로  
 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 7의 지수가 2이어야 한다.  
따라서  $a = 2$ ,  $b = 2$ ,  $c = 2$ 이다.

12. 자연수  $k$  의 모든 배수를 모아 놓은 모임을  $A_k$  라고 한다.  $A_6$  과  $A_8$  의 공통인 수를 구한 후, 그 결과가  $A_k$  의 모임 안에 들어가게 하려고 할 때  $k$  의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 24

해설

$A_6$  과  $A_8$  의 공통인 수는 6의 배수와 8의 배수의 공통인 수이므로 6과 8의 공배수이다.  
6과 8의 공배수는 24이므로  $A_k$  는 24의 배수 모임이다.  
따라서  $A_k \Rightarrow 24, 48, 72, \dots$  이고  $k$ 의 최솟값은 24이다.

13. 43 을 어떤 자연수  $n$  으로 나누면 나머지가 3 이 된다. 또, 49 를  $n$  으로 나누면 나머지가 1 이 되고 74 를  $n$  으로 나누면 2 가 남는다. 이러한 자연수  $n$  을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 4

▷ 정답: 8

해설

43 을 어떤 자연수  $n$  으로 나누면 나머지가 3

$\rightarrow n$  은 40 의 약수이다. ( $3 < n$ )

49 를  $n$  으로 나누면 나머지가 1

$\rightarrow n$  은 48 의 약수이다.

74 를  $n$  으로 나누면 2

$\rightarrow n$  은 72 의 약수이다.

위 세 조건을 만족하는  $n$  을 구하면  $n = 4, 8$

14. 어떤 수  $a$  와 21 의 최소공배수는 84 이고 최대공약수는 7 이다. 정수  $a$  는?

- ① 28      ② 21      ③ 12      ④ 4      ⑤ 14

해설

$$7 \mid \frac{a}{b} \quad 21 \quad (b \text{와 } 3 \text{은 서로소})$$

$a$  와 21 의 최소공배수가 84 이므로

$$7 \times b \times 3 = 84$$

$$21b = 84$$

$$b = 4$$

$$\therefore a = 7b = 7 \times 4 = 28$$

15. 다음을 계산하면?  
 $(-1^{100}) - (1^{100} + 1^{99}) \times (-1)^{99}$

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}& (\text{준식}) \\& = (-1) - (1 + 1) \times (-1) \\& = (-1) - 2 \times (-1) = -1 + 2 = 1\end{aligned}$$

16. 세 정수  $a, b, c$  의 절댓값은 4 보다 작고,  $a \times b = 3$ ,  $c \div b = -2$  이다.  
 $b < a$  이고,  $c < b$  일 때,  $2a + b - 3c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

$c < 0 < b < a$  이므로  
 $a \times b = 3$  이면  $a = 3$ ,  $b = 1$   
 $c \div b = -2$  이면  $b = 1$ ,  $c = -2$   
 $a = 3$ ,  $b = 1$ ,  $c = -2$  이므로  
 $2a + b - 3c = 2 \times 3 + 1 - 3 \times (-2) = 6 + 1 + 6 = 13$  이다.

17. 다음에서 조건에 맞는 식을 모두 골라 색칠하고, 색칠한 것이 의미하는  
네 자리 숫자를 말하여라.

$x^2 - \frac{x}{2}$	$x^2 - 3x + 1$	$x^2 - 1$
$x + \frac{y}{2}$	$y^2 + y + 1$	$x^2 + x$
$3x + 1$	$x - y + 3$	$2x^3 + 1$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2x + y$
$3x - 4$	$\frac{x}{5} - y + 1$	$y^2$
$y^2 - \frac{y}{2}$	$y^2 - 3y + 1$	$y^2 - 1$
$x + \frac{y}{2}$	$x^2 + x + 1$	$y^2 + y$
$3y^2 + 1$	$x - y^2 + 3$	$2y^2 + 1$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2y^2 + x$
$3y^2 - 4$	$\frac{x}{5} - y^2 + 1$	$y^2$

항의 개수가 3

$y$ 에 대한 이차식

$x^2 - \frac{x}{2}$	$x^2 - 3x + 1$	$x^2 - 1$
$x^2 + \frac{y}{2}$	$y^2 + y + 1$	$x^2 + x$
$3x^2 + 1$	$x^2 - y + 3$	$2x^3 + 1$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2x^2 + y$
$3x - 4$	$\frac{x}{5} - y + 1$	$x^2$
$y^2 - \frac{y}{2} + 1$	$x^2 - 3x + 1$	$x^2 + 1$
$1 - \frac{y}{2}$	$y^2 + y$	$x^2 + 1 - 2x$
$3x + 1$	$x - y + 1$	$2x^3 + 1 + x$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2x + 1$
$5x + 1$	$\frac{x}{5} - y + 1$	$y^2 + 1$

$x$ 에 대한 이차식

상수항이 1

▶ 답:

▷ 정답: 1398

해설

$x^2 - \frac{x}{2}$	$x^2 - 3x + 1$	$x^2 - 1$
$x + \frac{y}{2}$	$y^2 + y + 1$	$x^2 + x$
$3x + 1$	$x - y + 3$	$2x^3 + 1$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2x + y$
$3x - 4$	$\frac{x}{5} - y + 1$	$y^2$
$y^2 - \frac{y}{2}$	$y^2 - 3y + 1$	$y^2 - 1$
$x + \frac{y}{2}$	$x^2 + x + 1$	$y^2 + y$
$3y^2 + 1$	$x - y^2 + 3$	$2y^2 + 1$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2y^2 + x$
$3y^2 - 4$	$\frac{x}{5} - y^2 + 1$	$y^2$

항의 개수가 3

$y$ 에 대한 이차식

$x^2 - \frac{x}{2}$	$x^2 - 3x + 1$	$x^2 - 1$
$x^2 + \frac{y}{2}$	$y^2 + y + 1$	$x^2 + x$
$3x^2 + 1$	$x^2 - y + 3$	$2x^3 + 1$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2x^2 + y$
$3x - 4$	$\frac{x}{5} - y + 1$	$x^2$
$y^2 - \frac{y}{2} + 1$	$x^2 - 3x + 1$	$x^2 + 1$
$1 - \frac{y}{2}$	$y^2 + y$	$x^2 + 1 - 2x$
$3x + 1$	$x - y + 1$	$2x^3 + 1 + x$
$4x + 1$	$x^2 + y^2 - 1$	$2x + 1$
$5x + 1$	$\frac{x}{5} - y + 1$	$y^2 + 1$

$x$ 에 대한 이차식

상수항이 1

18. 자연수  $a$ 의 약수의 개수를  $f(a)$  이라 할 때,  $f(30) \times f(x) = 32$  를 만족시키는 가장 작은 자연수  $x$ 의 값은?

① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$30 = 2 \times 3 \times 5$  로 소인수분해되므로

$f(30) = (1+1) \times (1+1) \times (1+1) = 8$  이다.

$f(30) \times f(x) = 32$ 에서  $f(x) = 4$

약수의 개수가 4 인 가장 작은 자연수는  $2 \times 3 = 6$  이다.

19. 1부터 100까지의 자연수 중에서 3으로 나누면 2가 남고 8로 나누면 5가 남는 수들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 164

해설

5는 3으로 나눈 나머지가 2인 수이고, 3과 8의 최소공배수는 24이므로 구하려는 수는  $24n + 5(n = 0, 1, 2, 3, \dots)$ 인 수이다.

$\therefore 5, 29, 53, 77$ 이므로  $5 + 29 + 53 + 77 = 164$

20.  $\left(\frac{x}{3}\right) \leq 3$  인 정수  $a, b$ 에 대하여  $a + b > 0, a \times b < 0$  일 때,  
 $a - b$ 의 값 중 가장 큰 수를 만족하는  $a, b$ 의 값을 써라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 9$

▷ 정답:  $b = -6$

해설

$|x| \leq 3$ 인 정수는  $-9, -6, -3, 0, 3, 6, 9$ 이므로

$a = 9, b = -6$  일 때,

$a + b = 9 - 6 > 0$  (참)

$a \times b = 9 \times (-6) < 0$  (참)

$a - b = 9 - (-6) = 15$

21.  $x$ 는  $-3$ 보다 크고  $x+3$ 보다 크지 않은 정수의 개수를 나타낸다고 할 때, 다음을 구하여라.

$$<7> - <-1> + <2>$$

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$<7>$ 은  $-3$ 보다 크고  $10$ 보다 크지 않은 정수의 개수이므로  $-2, -1, 0, \dots, 10$ 의 13개이다.

$<-1>$ 은  $-3$ 보다 크고  $2$ 보다 크지 않은 정수의 개수이므로  $-2, -1, 0, 1, 2$ 의 5개이다.

$<2>$ 은  $-3$ 보다 크고  $5$ 보다 크지 않은 정수의 개수이므로  $-2, -1, 0, \dots, 5$ 의 8개이다.

$$\therefore <7> - <-1> + <2> = 13 - 5 + 8 = 16$$

22.  $a(x^2 + 2x + 3) - \frac{2}{3}\{x^2 - (4 + 7x) + b\}$  가  $x$ 에 관한 일차식이면서 단항식이 될 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{23}{3}$

해설

$$\begin{aligned} & a(x^2 + 2x + 3) - \frac{2}{3}\{x^2 - (4 + 7x) + b\} \\ &= ax^2 + 2ax + 3a - \frac{2}{3}x^2 + \frac{8}{3} + \frac{14}{3}x - \frac{2}{3}b \\ &= ax^2 - \frac{2}{3}x^2 + \frac{14}{3}x + 2ax + 3a - \frac{2}{3}b + \frac{8}{3} \\ & a - \frac{2}{3} = 0 \text{ 이므로 } \therefore a = \frac{2}{3} \\ & 3 \times \frac{2}{3} - \frac{2}{3}b + \frac{8}{3} = 0 \text{ 이므로 } 2 - \frac{2}{3}b + \frac{8}{3} = 0 \\ & \therefore b = 7 \text{ 일 때, 단항식을 만족한다.} \\ & \therefore a + b = \frac{2}{3} + 7 = \frac{23}{3} \end{aligned}$$

23. 두 정수  $a, b$  가  $b < a < 0$  일 때,  $|a| + |b - a| = 5$  이다. 이를 만족하는 순서쌍  $(a, b)$  의 개수는 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4 개

해설

$b < a < 0$  이므로,  $|a| = -a$ ,  $|b - a| = -(b - a)$  이다.

$$|a| + |b - a| = 5$$

$$(-a) - (b - a) = 5$$

$$\therefore b = -5$$

$-5 < a < 0$  이므로,  $a$  는  $-4, -3, -2, -1$  중 하나이다.

따라서 순서쌍  $(a, b)$  의 개수는 4 개이다.

24.  $x$ 는  $-\frac{4}{3} < x < \frac{12}{5}$  이면서 유리수라 할 때, 분모가 9인 기약분수의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 22 개

해설

$-\frac{4}{3} = -\frac{12}{9}$ 이고,  $\frac{21}{9} < \frac{12}{5} < \frac{22}{9}$ 이다.

따라서  $-\frac{12}{9}$  보다 크고  $\frac{22}{9}$  보다 작은 분모가 9인 기약분수의

개수는 -12부터 22까지 9와 서로소인 수의 개수와 같다.

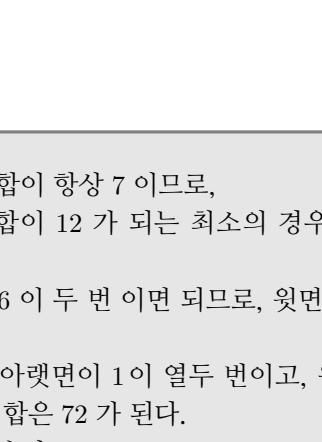
-12부터 22까지 9와 서로소인 수는

-11, -10, -8, -7, -5, -4, -2,

-1, 1, 2, 4, 5, 7, 8, 10, 11, 13, 14, 16, 17, 19, 20이다.

∴ 22 개

25. 다음 그림은 주사위의 전개도이다. 주사위를  $n$  번 던졌을 때, 보이는 부분인 윗면의 눈의 합을  $x$ , 서로 마주보는 보이지 않는 부분인 아랫면의 눈의 합을  $y$  라 하자.  $n$  번 시행 후 나온 결과를  $(x, y)$  라 할 때,  $(x, 12)$  가 되는  $x$  의 최댓값과 최솟값의 합을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 74

해설

마주보는 눈의 합이 항상 7 이므로,

아랫면의 눈의 합이 12 가 되는 최소의 경우와 최대의 경우를 찾으면 된다.

최소의 경우는 6 이 두 번 이면 되므로, 윗면의 눈은 1 이 두 번 나오고 합은 2,

최대의 경우는 아랫면이 1 이 열두 번이고, 윗면의 경우는 6 이 열두 번 나오고 합은 72 가 된다.

$$\therefore (\text{최댓값}) + (\text{최솟값}) = 72 + 2 = 74$$