

1. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가  $y = 2x - 3$  의 그래프와 평행하고,  
 $y = \frac{2}{3}x + 1$  의 그래프와  $y$  축 위에서 만날 때, 상수  $a, b$  의 곱  $ab$  의  
값은?

- ① -3      ② -2      ③  $\frac{2}{3}$       ④ 1      ⑤ 2

해설

$y = 2x - 3$  와 평행하므로 기울기는 2 이고,  
 $y = \frac{2}{3}x + 1$  와  $y$  축 위에서 만나므로  $y$  절편은 1 이다.  
따라서  $a = 2, b = 1$  이므로  $a \times b = 2 \times 1 = 2$  이다.

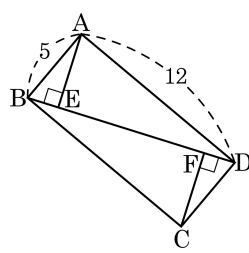
2. 5분에 15°C씩 온도가 올라가도록 불을 조정하여 보리차를 끓인 후 땅에 내려놓으니 3분에 6°C씩 온도가 내려갔다. 20°C의 물을 80°C까지 끓이다가 땅에 내려놓아 40°C로 만들려면 걸리는 시간은?

① 30분    ② 35분    ③ 40분    ④ 45분    ⑤ 50분

해설

$$\begin{cases} y = 20 + 3x & (a, 80) \\ y = 80 - 2x & (b, 40) \end{cases}$$
$$80 = 20 + 3a \rightarrow a = 20$$
$$40 = 80 - 2b \rightarrow b = 20$$
$$\therefore a + b = 40(\text{분})$$

3. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 점 A 와 점 C 가 대각선 BD 에 이르는 거리의 합을 구하면?

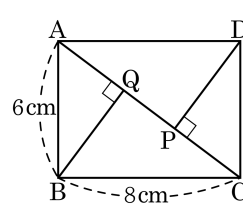


- ①  $\frac{118}{13}$     ②  $\frac{119}{13}$     ③  $\frac{120}{13}$     ④  $\frac{121}{13}$     ⑤  $\frac{122}{13}$

해설

$\triangle ABD$  에서  $\overline{BD} = 13$   
 $5 \times 12 = 13 \times \overline{AE}$ ,  $\overline{AE} = \frac{60}{13}$   
 따라서  $\overline{AE} = \overline{CF}$  이므로  
 $\overline{AE} + \overline{CF} = \frac{60}{13} + \frac{60}{13} = \frac{120}{13}$  이다.

4. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 에서 두 꼭짓점 B, D 에서 수선을 내렸을 때,  $\triangle ABQ$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^2$

▷ 정답:  $8.64 \text{ cm}^2$

**해설**

$\triangle ABQ$  의 넓이를 구하기 위해서  $\overline{AQ}$ ,  $\overline{BQ}$  의 길이를 각각 구하면,

$\triangle ABC$  가 직각삼각형이므로  $\overline{AC} = 10(\text{cm})$  이다.

$\triangle ABQ$ 와  $\triangle ABC$ 는 닮음이므로

$$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{AQ} : \overline{AB} \text{에서}$$

$$\overline{AB}^2 = \overline{AQ} \times \overline{AC} \text{ 이므로}$$

$$\overline{AQ} = \frac{36}{10} = 3.6(\text{cm})$$

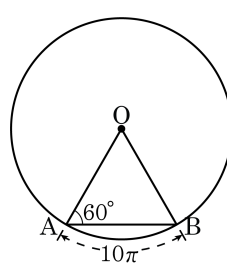
$$\overline{BQ} \times \overline{AC} = \overline{AB} \times \overline{BC}$$

$$\overline{BQ} = \frac{48}{10} = 4.8(\text{cm})$$

따라서  $\triangle ABQ$  의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 4.8 \times 3.6 = 8.64(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

5. 다음 그림과 같이  $\angle OAB = 60^\circ$  인 부채꼴  $OAB$  에서  $\widehat{AB} = 10\pi$  일 때,  $\overline{AB}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 30

**해설**

$\triangle OAB$  는 이등변삼각형이므로

$\angle AOB = 60^\circ$  이고,

$$2\pi \times \overline{OA} \times \frac{60^\circ}{360^\circ} = 10\pi, \overline{OA} = 30$$

점  $O$  에서  $\overline{AB}$  에 내린 수선의 발을  $H$  라하면

$$\overline{OA} : \overline{AH} = 2 : 1$$

$$\overline{AH} = 15$$

$$\therefore \overline{AB} = 2\overline{AH} = 30$$

6. 좌표평면 위의 두 점  $P(3, 4)$ ,  $Q(x, -4)$  사이의 거리가 10 일 때,  $x$ 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 9$

▷ 정답:  $x = -3$

해설

$$\begin{aligned}\overline{PQ}^2 &= (x-3)^2 + (-4-4)^2 \\ &= (x-3)^2 + 64 = 100\end{aligned}$$

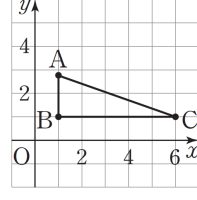
$$(x-3)^2 = 36$$

$$x-3 = \pm 6$$

$$\therefore x = 9, -3$$

7.

오른쪽 그림과 같이 좌표평면 위에  $\triangle ABC$ 가 있다. 두 점  $A\left(1, \frac{19}{7}\right)$ ,  $C(6, 1)$  사이의 거리를 구하시오.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{37}{7}$

해설

점 A의 좌표가  $\left(1, \frac{19}{7}\right)$ , 점 C의 좌표가  $(6, 1)$  이므로 점 B의 좌표는  $(1, 1)$ 이다.

따라서  $\overline{AB} = \frac{12}{7}$ ,  $\overline{BC} = 5$ 이므로

$$\triangle ABC \text{에서 } \overline{AC}^2 = \left(\frac{12}{7}\right)^2 + 5^2 = \frac{1369}{49}$$

$$\therefore \overline{AC} = \frac{37}{7}$$

따라서 두 점 A, C 사이의 거리는  $\frac{37}{7}$ 이다.

8. 다음 중 일차함수  $y = \frac{3}{2}x + 6$ 의 그래프 위에 있는 점은?

- ① (0, 5)                      ② (1, 7)                      ③ (2, 9)  
④ (3, 11)                      ⑤ (5, 13)

해설

$x = 2, y = 9$ 를 주어진 식에 대입하면  $9 = \frac{3}{2} \times 2 + 6$ 로 성립한다.



9. 다음 일차함수의 그래프 중에서  $x$ 절편이  $y$ 절편의 2배인 것은?

①  $y = -x + 3$       ②  $y = -2x + 4$       ③  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$

④  $y = -\frac{3}{5}x + 3$       ⑤  $y = \frac{1}{2}x + 2$

해설

①  $x$ 절편 : 3,  $y$ 절편 : 3

②  $x$ 절편 : 2,  $y$ 절편 : 4

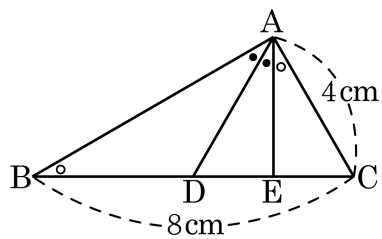
③  $x$ 절편 : 1,  $y$ 절편 :  $\frac{1}{2}$

④  $x$ 절편 : 5,  $y$ 절편 : 3

⑤  $x$ 절편 : -4,  $y$ 절편 : 2

따라서 ③의  $x$ 절편이  $y$ 절편의 2배이다.

10. 다음 그림에서  $\angle ABC = \angle CAE$ ,  $\angle BAD = \angle DAE$  이고  $\overline{AC} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 8\text{cm}$  일 때,  $\overline{BD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:            cm

▶ 정답: 4cm

**해설**

$\triangle CAE$  와  $\triangle CBA$  에서  $\angle C$  가 공통,  
 $\angle ABC = \angle CAE$  이므로  
 $\triangle CAE \sim \triangle CBA$  (AA 닮음)

$$\overline{AC}^2 = \overline{CE} \times \overline{CB}$$

$$4^2 = \overline{CE} \times 8$$

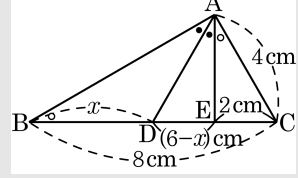
$$\therefore \overline{CE} = 2\text{cm}$$

또한,  $\overline{BC} : \overline{BA} = \overline{AC} : \overline{AE}$  에서

$$\overline{AB} \times \overline{AC} = \overline{BC} \times \overline{AE}$$

$$4\overline{AB} = 8\overline{AE} \rightarrow \overline{AB} : \overline{AE} = 2 : 1$$

$\overline{BD} = x$  라 하면  $\overline{DE} = 6 - x$  이므로



$\triangle ABE$  에서 삼각형의 내각의 이등분선의 정리에 의해  $\overline{AB} :$

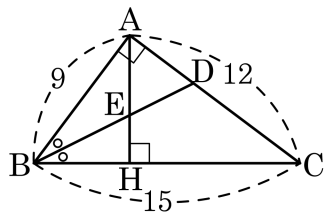
$$\overline{AE} = \overline{BD} : \overline{DE}$$

$$2 : 1 = x : (6 - x)$$

$$\therefore x = 4$$

따라서  $\overline{BD} = 4\text{cm}$  이다.

11. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC 에서  $\overline{AH} \perp \overline{BC}$  이고  $\overline{BD}$  는  $\angle B$  의 이등분선이다.  $\overline{AH}$  와  $\overline{BD}$  의 교점을 E 라 하고,  $\overline{AB} = 9$ ,  $\overline{BC} = 15$ ,  $\overline{AC} = 12$  일 때,  $\triangle AED$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▶ 정답:  $\frac{81}{10}$

해설

$\overline{BD}$  가  $\angle B$  의 이등분선이므로

$$\overline{AB} : \overline{BC} = \overline{AD} : \overline{DC}$$

$$9 : 15 = 3 : 5$$

$\triangle ABD : \triangle CBD = 3 : 5$  이고,  $\triangle ABC = 54$  이므로  $\triangle ABD =$

$$\frac{3}{8} \times 54 = \frac{81}{4}$$

또,  $\overline{AB}^2 = \overline{BH} \times \overline{BC}$  이므로

$$81 = \overline{BH} \times 15 \quad \therefore \overline{BH} = \frac{27}{5}$$

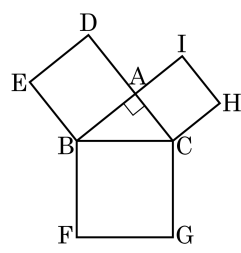
이 때,  $\triangle ABD \sim \triangle HBE$  (AA 닮음) 이므로

$$\overline{BD} : \overline{BE} = \overline{AB} : \overline{HB} = 9 : \frac{27}{5} = 5 : 3$$

$$\therefore \overline{BE} : \overline{ED} = 3 : 2$$

$$\therefore \triangle AED = \frac{2}{5} \triangle ABD = \frac{2}{5} \times \frac{81}{4} = \frac{81}{10}$$

12. 다음 그림은 직각삼각형 ABC의 각 변을 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다.  $\triangle ABC$ 의 넓이가 10이고  $\square ADEB$ 의 넓이가 25일 때, 두 정사각형 BFGC, ACHI의 넓이의 차를 구하면?

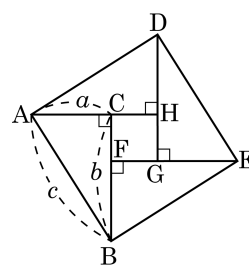


- ① 21      ② 22      ③ 23  
④ 24      ⑤ 25

해설

$\square ADEB + \square ACHI = \square BFGC$   
 $\square BFGC - \square ACHI = \square ADEB$   
 따라서 구하는 넓이는  $\square ADEB = 25$ 이다.

13. 다음 그림은 직각삼각형 ABC와 합동인 삼각형을 붙여 정사각형 ABED를 만든 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $\triangle ABC \cong \triangle EDG$   
 ②  $\overline{AC} = \overline{DH} = \overline{GE} = \overline{CF}$   
 ③  $\overline{FG} = b - a$   
 ④  $\square ABED = \square CFGH + \triangle AHD + \triangle ABC + \triangle EFB + \triangle GDE$   
 ⑤  $\square CFGH$ 는 정사각형

해설

②  $\overline{AC} = \overline{DH} = \overline{GE} = \overline{BF}$ ,  $\overline{CF} = \overline{BC} - \overline{BF}$

14. 빗변의 길이가  $m^2 + n^2$  이고, 다른 한 변의 길이가  $m^2 - n^2$  인 직각삼각형의 나머지 한 변의 길이는? (단,  $m > 0, n > 0$ )

①  $m + n$

②  $2m + n$

③  $m + 2n$

④  $2(m + n)$

⑤  $2mn$

해설

나머지 한 변의 길이를  $X$  라 하면

$$(m^2 + n^2)^2 = (m^2 - n^2)^2 + X^2$$

$$m^4 + 2m^2n^2 + n^4 = m^4 - 2m^2n^2 + n^4 + X^2$$

$$X^2 = 4m^2n^2 = (2mn)^2$$

$X > 0, m > 0, n > 0$  이므로  $X = 2mn$  이다.

15.  $\triangle ABC$  에서  $\overline{BC} = a$ ,  $\overline{CA} = b$ ,  $\overline{AB} = c$  라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

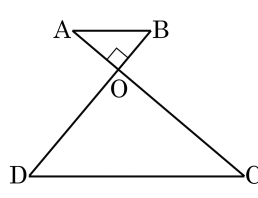
- ①  $a^2 > b^2 + c^2$  이면  $\angle A > 90^\circ$  이다.
- ②  $a - b < c < a + b$
- ③  $c^2 > a^2 + b^2$  이면 둔각삼각형이다.
- ④  $b^2 < a^2 + c^2$  이면 예각삼각형이다.
- ⑤  $a^2 = b^2 + c^2$  이면 직각삼각형이다.

해설

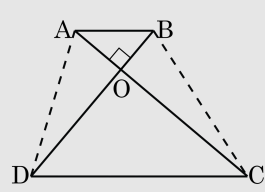
④  $\angle B$  는 예각이라 할 수 있지만 예각삼각형은 세 각이 모두 예각이어야 한다. 즉  $b$ 가 가장 긴 변이라는 조건이 있어야 한다.

16. 다음 그림과 같이  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$  이고  $\overline{AB} = 4$ ,  $\overline{CD} = 11$  일 때,  $\overline{AD}^2 + \overline{BC}^2$  의 값을 구하여라.

- ① 127      ② 130      ③ 137  
 ④ 140      ⑤ 157



해설

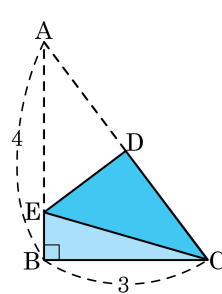


$$\begin{aligned}
 \triangle OAD \text{ 에서 } \overline{OA}^2 + \overline{OD}^2 &= \overline{AD}^2 \dots \text{①} \\
 \triangle ODC \text{ 에서 } \overline{OD}^2 + \overline{OC}^2 &= \overline{CD}^2 \dots \text{②} \\
 \triangle OBC \text{ 에서 } \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 &= \overline{BC}^2 \dots \text{③} \\
 \triangle OAB \text{ 에서 } \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 &= \overline{AB}^2 \dots \text{④} \\
 \text{①과 ③을 변변 더하면} \\
 \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 &= \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 \dots \text{⑤} \\
 \text{②와 ④를 변변 더하면} \\
 \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 &= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \dots \text{⑥} \\
 \text{⑤와 ⑥에서 } \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 &= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \text{ 이므로} \\
 \overline{AD}^2 + \overline{BC}^2 &= 4^2 + 11^2 = 16 + 121 = 137
 \end{aligned}$$



17. 다음 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC의 빗면 AC를 두 점 A와 C가 겹쳐지도록 접었을 때,  $\triangle CDE$ 의 둘레의 길이는?

- ①  $\frac{13}{2}$       ②  $\frac{15}{2}$       ③  $\frac{17}{2}$   
 ④  $\frac{19}{2}$       ⑤  $\frac{21}{2}$



**해설**

$\triangle ABC$ 가 직각삼각형이므로  
 $\overline{AC}^2 = 4^2 + 3^2$ ,  $\overline{AC} = 5$ 이다.  
 $\overline{EB} = x$ 라 두면  $\overline{AE} = \overline{EC} = 4 - x$ 이고  
 $\triangle EBC$ 가 직각삼각형이므로  
 $(4 - x)^2 = x^2 + 3^2$ ,  $x = \frac{7}{8}$ 이다.  
 $\triangle ADE$ 가 직각삼각형이므로  
 $\overline{DE}^2 = \left(\frac{25}{8}\right)^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2$ ,  $\overline{DE} = \frac{15}{8}$ 이다.  
 따라서  $\triangle CDE$ 의 둘레는  $\frac{15}{8} + \frac{25}{8} + \frac{5}{2} = \frac{15}{2}$ 이다.

18. 함수  $f(x) = ax+3$ 에 대하여  $f(1) = 1$ 일 때,  $f(f(3))+f(5)$ 의 값은?

- ① -23    ② -10    ③ -7    ④ 10    ⑤ 23

해설

$$f(1) = 1 \text{을 대입하면 } 1 = a + 3, a = -2$$

$$\therefore f(x) = -2x + 3$$

$$f(3) = -2 \times 3 + 3 = -3$$

$$f(5) = -2 \times 5 + 3 = -7$$

$$\therefore f(-10) = -2 \times (-10) + 3 = 23$$

19. 두 함수  $f(x) = -\frac{2}{x}$ ,  $g(x) = 2x + 1$ 에 대하여  $f(2) = a$ 일 때,  $g(x) = a$ 를 만족하는  $x$ 의 값은?

① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned} f(x) &= -\frac{2}{x}, g(x) = 2x + 1 \text{에서} \\ f(2) &= -\frac{2}{2} = -1 = a \text{이므로} \\ g(x) &= 2x + 1 = -1, 2x = -2 \\ \therefore x &= -1 \end{aligned}$$

20. 일차함수  $y = -2x + 4$ 의 그래프를  $x$ 축의 방향으로  $a$ 만큼,  $y$ 축의 방향으로  $-b$ 만큼 평행이동하면  $y = -2x$ 의 그래프와 겹쳐진다. 이때,  $2a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-4$

해설

$$y = -2(x - a) + 4 - b$$

$$y = -2x + 2a + 4 - b \text{는 } y = -2x \text{와 같으므로}$$

$$\therefore 2a + 4 - b = 0$$

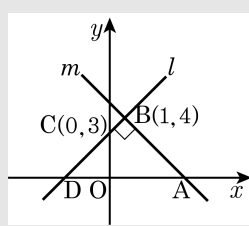
$$\therefore 2a - b = -4$$

21. 두 직선  $l: y = x + 3$  과  $m: y = ax + b$  가 점  $B(1, 4)$  에서 수직으로 만나고, 직선  $l$  이  $y$  축과 만나는 점을  $C$ , 직선  $m$  이  $x$  축과 만나는 점을  $A$  라 할 때, 사각형  $OABC$  의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11.5

해설



$$a \times 1 = -1$$

$$\therefore a = -1$$

직선  $m$  은 기울기가  $-1$  이고  $(1, 4)$  를 지나므로  $y - 4 = -(x - 1)$  이다.

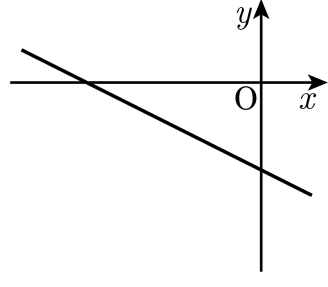
$$\therefore y = -x + 5$$

따라서 점  $A$  의 좌표는  $A(5, 0)$  이다.

사각형  $OABC$  의 넓이는  $\triangle ABD - \triangle OCD$  이므로

$$\therefore \frac{1}{2} \times 8 \times 4 - \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = \frac{23}{2}$$

22. 직선  $y = ax - \frac{b}{a}$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때,  $y = \frac{1}{b}x + ab$  의 그래프가 지나지 않는 사분면은?



- ① 제1 사분면      ② 제2 사분면      ③ 제3 사분면  
 ④ 제4 사분면      ⑤ 제1, 3 사분면

해설

$$y = ax - \frac{b}{a} \text{ 에서 } a < 0, -\frac{b}{a} < 0 \text{ 이므로 } b < 0$$

$$y = \frac{1}{b}x + ab \text{ 에서 } \frac{1}{b} < 0, ab > 0 \text{ 이므로 제3 사분면을 지나지 않는다.}$$