

1. $x \geq 0, y \geq 0$ 이고 $x + 3y = 8$ 일 때, $\sqrt{x} + \sqrt{3y}$ 의 최댓값은?

① 2

② 3

③ $\sqrt{10}$

④ $\sqrt{15}$

⑤ 4

2. 세 점 $(-1, 1)$, $(2, 2)$, $(6, 0)$ 을 지나는 원의 중심의 좌표는?

① $(2, 3)$

② $(-2, 3)$

③ $(2, -3)$

④ $(-2, -3)$

⑤ $\left(2, \frac{3}{2}\right)$

3. $x^2 + y^2 + 2(m-1)x - 2my + 3m^2 - 2 = 0$ 이 원의 방정식이 되기 위한 m 의 범위는?

① $-3 < m < 1$

② $-1 < m < 3$

③ $m < -3$ 또는 $1 < m$

④ $m < -1$ 또는 $3 < m$

⑤ $0 < m < 3$

4. 다음 중 직선 $y = -3x$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 2 만큼
평행이동시킨 직선의 식은?

① $y = -3x - 2$ ② $y = 3x + 2$ ③ $y = -3x + 2$

④ $y = -3x + 4$ ⑤ $y = 3x - 4$

5. 다음 중 옳은 것은?

- ① $A = \emptyset$ 이면 집합 A 의 원소의 개수는 1개이다.
- ② 집합 A 의 원소의 개수보다 집합 B 의 원소의 개수가 많으면 $A \subset B$ 이다.
- ③ $A \subset B$ 이면 집합 B 의 원소의 개수가 집합 A 의 원소의 개수보다 많다.
- ④ $A = \{x \mid x\text{는 }12\text{ 이하의 }5\text{의 배수}\}$ 이면 $n(A) = 3$ 이다.
- ⑤ $n(\{1, 4, 6, 8\}) - n(\{1, 2, 4, 6\}) = 0$ 이다.

6. $x > y > 0$ 인 실수 x, y 에 대하여 $\frac{x}{1+x}, \frac{y}{1+y}$ 의 대소를 비교하면?

$$\textcircled{1} \quad \frac{x}{1+x} < \frac{y}{1+y}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{x}{1+x} \leq \frac{y}{1+y}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{x}{1+x} > \frac{y}{1+y}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{x}{1+x} \geq \frac{y}{1+y}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{x}{1+x} = \frac{y}{1+y}$$

7. 다음 원과 직선의 교점의 개수를 구하여라.

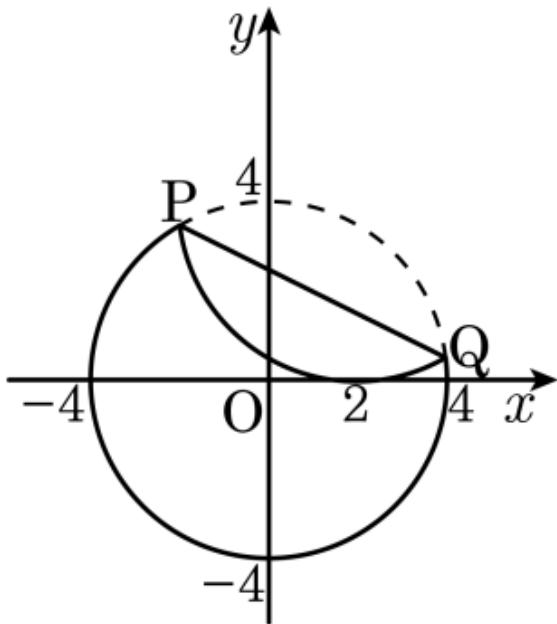
$$x^2 + y^2 - 2x + 4y + 1 = 0, \quad 3x - 4y + 6 = 0$$



답:

개

8. 다음 그림과 같이 원 $x^2 + y^2 = 16$ 을 점 $(2, 0)$ 에서 x 축과 접하도록 접었을 때, 두 점 P, Q를 지나는 직선의 x 절편을 구하여라.



답:

9. 원 $x^2 + y^2 = 1$ 을 y 축의 방향으로 b 만큼, 평행이동하면 직선
 $4x - 3y - 4 = 0$ 에 접한다고 할 때 b 의 값은?(단, $b > 0$)

① $-\frac{1}{3}$

② $-\frac{2}{3}$

③ 1

④ $-\frac{4}{3}$

⑤ $-\frac{5}{3}$

10. 원 $x^2 + y^2 - 2x - 8 = 0$ 을 점 $(2, 1)$ 에 대하여 대칭이동 한 원의
방정식은?

① $(x - 3)^2 + (y - 2)^2 = 9$

② $(x - 3)^2 + (y - 1)^2 = 9$

③ $(x - 1)^2 + (y - 1)^2 = 9$

④ $(x + 1)^2 + (y - 1)^2 = 9$

⑤ $(x + 1)^2 + (y + 1)^2 = 9$

11. 직선 $2x - y - 1 = 0$ 에 대하여 점 $(3, 0)$ 과 대칭인 점의 좌표를 구하면?

① $(1, 2)$

② $(-1, 2)$

③ $(1, -2)$

④ $(2, -1)$

⑤ $(-2, 1)$

12. 다음 중 원 $x^2 + y^2 + 4x - 4y + 4 = 0$ 을 평행이동하여 겹쳐질 수 있는 원의 방정식은?

① $x^2 + y^2 = \frac{1}{3}$

② $x^2 + y^2 = 1$

③ $x^2 + \left(y - \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$

④ $x^2 + y^2 = 4$

⑤ $(x + 1)^2 + (y - 1)^2 = \frac{1}{2}$

13. $U = \{x|x\leq 5 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{1, 2, 4, 5\}, B = \{2, 3, 5\}$ 일 때, $\{(A - B) \cup A\} \cap B^c$ 은?

① {1}

② {4}

③ {1, 4}

④ {2, 5}

⑤ {1, 4, 5}

14. 실수 x 에 대한 두 조건

$$p : |x - 2| < a \text{ (단, } a > 0\text{)}$$

$$q : x < -3 \text{ 또는 } x > 1$$

에 대하여 명제 $p \rightarrow q$ 가 참이 되기 위한 a 의 값의 범위를 $\alpha < a \leq \beta$ 라 할 때, $\alpha + \beta$ 의 값을 구하여라.



답:

15. 다음은 ‘ x, y 가 자연수일 때, xy 가 짝수이면 x 또는 y 가 짝수이다.’ 를 증명하는 과정이다.(가), (나), (다)에 들어갈 말로 알맞게 짹지어진 것은?

주어진 명제의 대우는 ‘자연수 x, y 에 대하여 x 와 y 가 (가) 이면 xy 도 (가) 이다.’ 이다.

$x = 2a - 1, y = 2b - 1$ (a, b 는 자연수) 라 하면

$xy = (2a - 1)(2b - 1) = 2(2ab - a - b) + 1$ 이므로 xy 는 (나) 가 된다.

따라서, 대우가 (다) 이므로 주어진 명제도 (다) 이다.

① 짝수, 홀수, 참

② 짝수, 짝수, 참

③ 짝수, 짝수, 거짓

④ 홀수, 홀수, 참

⑤ 홀수, 홀수, 거짓

16. 세 조건 $p : |x| < 1$, $q : x > a$, $r : x > 2$ 에 대하여 p 는 $\sim q$ 이기 위한 충분조건이고 q 는 r 이기 위한 필요조건이 되도록 하는 a 의 값의 범위는?

① $1 < a < 2$

② $1 \leq a \leq 2$

③ $a < 1$ 또는 $a > 2$

④ $a \leq 1$ 또는 $a \geq 2$

⑤ $a > 0$

17. 직선 $y = x + k$ 가 원 $x^2 + y^2 = 16$ 과 만나서 생기는 현의 길이가 $2\sqrt{6}$ 일 때, 양수 k 의 값은?

① 2

② $2\sqrt{3}$

③ $2\sqrt{5}$

④ $3\sqrt{3}$

⑤ $3\sqrt{5}$

18. 점 $(1, -1)$ 에서 원 $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 1$ 에 그은 접선은 두 개 있다.
이 때, 이 두 직선의 기울기의 합은?

① -3

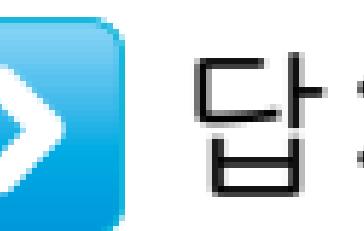
② -4

③ -5

④ -6

⑤ -7

19. 집합 $A = \{x \mid x\text{는 }4\text{의 약수}\}$ 의 부분집합을 X 라고 하자. 집합 X 의 모든 원소들의 합을 구하여라.



답:

20. 세 집합 A , B , C 에 대하여 $n(A) = 11$, $n(B) = 13$, $n(C) = 10$, $n(A \cap B) = 4$, $n(B \cup C) = 17$, $A \cap C = \emptyset$ 일 때, $A \cup B \cup C$ 의 원소의 개수는?

① 12

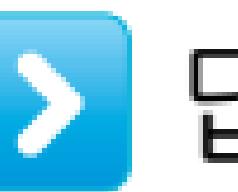
② 17

③ 24

④ 30

⑤ 34

21. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 의 두 부분집합 $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{4, 5, 6\}$ 에 대하여 $B \cap X = B$, $(A - B) \cap X = \{1, 3\}$ 을 만족하는 U 의 부분집합 X 의 개수를 구하여라.



답:

개

22. 두 점 A(-5, -2), B(2, 5)에 대하여 원 $x^2 + y^2 = 9$ 위를 움직이는 점을 P라고 할 때, $\triangle ABP$ 의 무게중심 G는 중심이 (a, b) 이고 반지름이 c인 원 위를 움직이게 된다. 이 때, $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ -1

⑤ 0

23. 임의의 두 집합 X, Y 에 대하여 $X \bullet Y = (X \cup Y) \cap (X^c \cup Y^c)$ 라고 정의한다.

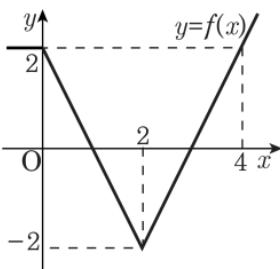
전체집합

$U = \{x|x \leq 60, x\text{는 자연수}\}$ 의 세 부분집합 $A = \{x|x\text{는 }4\text{의 배수}\}$, $B = \{x|x\text{는 }6\text{의 배수}\}$, $C = \{x|x\text{는 }8\text{의 배수}\}$ 에 대하여 $(A \bullet B) \bullet C$ 의 원소 중 가장 큰 값을 구하여라.

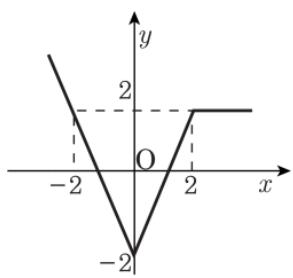


답:

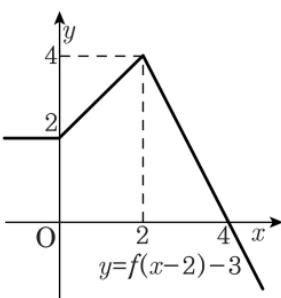
24. 방정식 $y = f(x)$ 가 나타내는 도형이 그림과 같을 때, $y = f(2 - x)$ 가 나타내는 도형은 좌표평면 위에 바르게 나타낸 것은?



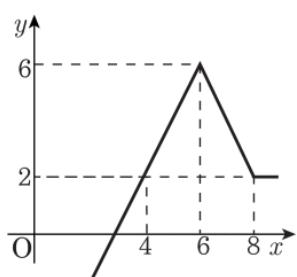
①



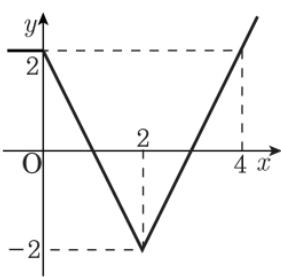
②



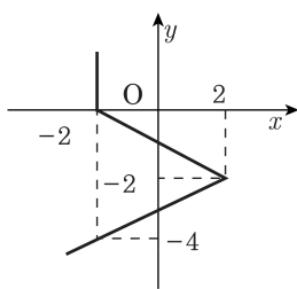
③



④



⑤



25. 집합 $S = \{1, 2, 3, 4\}$ 를 $A \cup B = S$, $A \cap B = \emptyset$ 인 두 집합 A, B 로 분할한다. 또 $f(A)$ 를 집합 A 의 원소의 총합, $f(B)$ 를 집합 B 의 원소의 총합이라 할 때, $f(A) \cdot f(B)$ 의 최댓값을 구하면?

① 5

② 10

③ 15

④ 25

⑤ 45