

1. 다음 중 틀린 것은?

①  $a \leq b$  일 때,  $a \times (-9) \geq b \times (-9)$

②  $a \geq b$  일 때,  $-6 + \frac{a}{5} \geq -6 + \frac{b}{5}$

③  $a < b$  일 때,  $-\frac{1}{4}a - 2 < -\frac{1}{4}b - 2$

④  $a > b$  일 때,  $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$  (단,  $c > 0$ )

⑤  $a > b$  일 때,  $5 - 4a < 5 - 4b$

해설

③  $a < b$

$-\frac{1}{4}a > -\frac{1}{4}b$  (양 변에  $-\frac{1}{4}$ 을 곱하면 부등호 방향이 바뀐다)

$-\frac{1}{4}a - 2 > -\frac{1}{4}b - 2$  (양 변에 같은 수를 빼어도 부등호 방향은 바뀌지 않는다)

2. 다음 중 부등식을 풀 것으로 틀린 것은?

①  $a > 0$  일 때,  $ax > 3 \Rightarrow x > \frac{3}{a}$

②  $a > 0$  일 때,  $ax - 4 > 0 \Rightarrow x > \frac{4}{a}$

③  $a < 0$  일 때,  $ax - 4 > 0 \Rightarrow x < \frac{4}{a}$

④  $a > 0$  일 때,  $ax + 3 > 0 \Rightarrow x > -\frac{3}{a}$

⑤  $a < 0$  일 때,  $ax + 3 > 0 \Rightarrow x < \frac{3}{a}$

해설

⑤  $ax + 3 > 0$  은  $ax > -3$  이고,  $a < 0$  이므로  $\frac{1}{a} < 0$  이고,  $\frac{1}{a}$  를

양변에 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다. 즉,  $x < -\frac{3}{a}$  이다.

3.  $x$ 에 관한 부등식  $2 - \frac{2ax + 5}{3} < -\frac{x}{2} + 3$ 의 해가  $3\left(\frac{2x}{3} + 1\right) > 5x - 2$ 의 해와 같을 때,  $a$ 의 값을 구하면?

①  $-\frac{21}{4}$

②  $-\frac{22}{4}$

③  $-\frac{23}{4}$

④  $-\frac{31}{20}$

⑤  $-\frac{33}{20}$

해설

$$3\left(\frac{2x}{3} + 1\right) > 5x - 2 \text{에서 } 2x + 3 > 5x - 2$$

$$-3x > -5$$

$$x < \frac{5}{3}$$

$$2 - \frac{2ax + 5}{3} < -\frac{x}{2} + 3 \text{의 양변에 6을 곱하면}$$

$$12 - 2(2ax + 5) < -3x + 18$$

$$12 - 4ax - 10 < -3x + 18$$

$$(-4a + 3)x < 16$$

두 부등식의 해가 같으므로

$$-4a + 3 > 0 \text{이고 해는 } x < \frac{16}{-4a + 3}$$

$$\frac{16}{-4a + 3} = \frac{5}{3}$$

$$\therefore a = -\frac{33}{20}$$

4. 부등식  $\frac{3-k}{2} + \frac{x+2}{6} \leq -\frac{2}{3}$  를 만족하는 자연수  $x$ 가 3개일 때, 정수  $k$ 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$\frac{3-k}{2} + \frac{x+2}{6} \leq -\frac{2}{3} \text{의 양변에 6을 곱하면}$$

$$9 - 3k + x + 2 \leq -4$$

$$\therefore x \leq -15 + 3k$$

위 부등식을 만족하는 자연수의 개수가 3개이므로  $3 \leq 3k - 15 < 4$ 가 되어야 한다.

$$18 \leq 3k < 19$$

$$6 \leq k < \frac{19}{3}$$

따라서 정수  $k$ 의 값은 6이다.

5. 다음 중 부등식의 표현이 옳은 것은?

①  $a$  는 3 보다 작지 않다.  $\rightarrow a \geq 3$

②  $x$  의 3 배에서 2 를 뺀 값은 7 보다 크거나 같다.  $\rightarrow 3x - 2 \leq 7$

③ 한 개에  $a$  원인 사과 6 개를 샀더니 그 값이 1000 원 이하이다.  
 $\rightarrow 6a < 1000$

④  $y$  km 거리를 시속 60 km 로 가면 3 시간보다 적게 걸린다.  $\rightarrow$   
 $\frac{y}{60} > 3$

⑤ 학생 200 명 중 남학생이  $x$  명일 때, 여학생 수는 100 명보다 많다.  $\rightarrow 200 - x \geq 100$

해설

① ( $a$  는 3 보다 작지 않다) = ( $a$  는 3 보다 크거나 같다.)

6. 일차부등식  $\frac{x-2}{3} - \frac{5x-3}{4} < 1$ 을 풀면?

①  $x > -1$

②  $x < -1$

③  $x > 1$

④  $x < 1$

⑤  $x > -\frac{29}{11}$

해설

$$\frac{x-2}{3} - \frac{5x-3}{4} < 1$$

양변에 분모의 최소공배수 12를 곱하면

$$4x - 8 - 15x + 9 < 12$$

$$-11x < 11$$

$$\therefore x > -1$$

7. 부등식  $\frac{2x+5}{3} \geq a - \frac{2x-3}{2}$  의 해 중 가장 작은 수가 0 일 때 다음 중 상수  $a$  의 값은?

①  $-\frac{1}{2}$

②  $-\frac{1}{6}$

③ 0

④  $\frac{1}{6}$

⑤  $\frac{1}{2}$

해설

부등식  $\frac{2x+5}{3} \geq a - \frac{2x-3}{2}$  의 양변에 6 을 곱하여 정리하면

$$2(2x+5) \geq 6a - 3(2x-3) \text{ 에서}$$

$$4x+10 \geq 6a - 6x+9, 10x \geq 6a-1$$

$$\therefore x \geq \frac{6a-1}{10}$$

해 중 가장 작은 수가 0 이므로

$$\frac{6a-1}{10} = 0$$

$$6a = 1$$

$$\therefore a = \frac{1}{6}$$

8. 다음은 학생들이 문제를 풀이하러 나눈 이야기 과정이다. 다음 중 틀린 말을 한 학생을 모두 골라라.

$a < 0$ 일 때,  $ax - 8a > 2ax + 10a$ 를 계산한다.

정민 : 우선 이항을 해야겠네.  $x$ 가 있는 항과 없는 항으로.

민호 : 그럼 계산을 하면  $-ax > 18a$ 가 되겠네.

지현 :  $a$ 는 음수이니깐  $-a > 0$ 이겠구나.

지윤 : 맞아.  $a$ 는 음수이니깐  $-a$ 를 양변으로 나누면  $x < -\frac{18a}{a}$ 가 나오겠네.

정희 : 그렇다면  $x < -18$ 이 되는구나.

- ① 정민      ② 민호      ③ 지현      ④ 지윤      ⑤ 정희

### 해설

학생들이 올바른 대화를 했다면 다음과 같다.

$a < 0$ 일 때,  $ax - 8a > 2ax + 10a$ 를 계산한다.

정민 : 우선 이항을 해야겠네.  $x$ 가 있는 항과 없는 항으로.

민호 : 그럼 계산을 하면  $-ax > 18a$ 가 되겠네.

지현 :  $a$ 는 음수이니깐  $-a > 0$ 이겠구나.

지윤 : 맞아.  $a$ 는 음수이니깐  $-a$ 를 양변으로 나누면  $x > -\frac{18a}{a}$ 가 나오겠네.

정희 : 그렇다면  $x > -18$ 이 되는구나.

지윤은  $a < 0$ 임을 알고 있었지만  $-a > 0$ 를 생각하지 못하고 부등호의 방향을 바꾸어 버렸다. 또 정희는 지윤의 말을 그대로 받아  $x > -18$ 이 아닌  $x < -18$ 이라고 하였다.