

1. 다음 두 수의 최대공약수는?

$$2^3 \times 3 \times 5, 2^2 \times 3 \times 7$$

- ① 8 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 14

해설

$$2^2 \times 3 = 12$$

2. 다음 수를 수직선에 나타냈을 때, 가장 오른쪽에 있는 수는?

- ① -5 ② 1 ③ +4 ④ 0 ⑤ -2

해설

수직선에 나타내 보면 다음과 같다. 따라서 가장 오른쪽에 있는 수는 +4이다.



3. 다음 중 계산 결과가 가장 큰 것은?

- ① $(+15) - (-12)$ ② $(+13) - (-30)$ ③ $(-31) - (-12)$
④ $(-3) - (-20)$ ⑤ $(+7) - (-21)$

해설

① $+27$

② $+43$

③ -19

④ $+17$

⑤ $+28$

따라서 ②이다.

4. 다음 중 계산 결과의 절댓값이 가장 큰 것은?

- ① $(-2) \times (-6)$ ② $(+6) \times (-3)$ ③ $(-18) \div (+6)$
④ $(-30) \div (-6)$ ⑤ $(+20) \div (+5)$

해설

- ① $(-2) \times (-6) = +12$
② $(+6) \times (-3) = -18$
③ $(-18) \div (+6) = -3$
④ $(-30) \div (-6) = +5$
⑤ $(+20) \div (+5) = +4$

절댓값이 가장 큰 수는 -18 이다.

5. 다음 중 제 2사분면 위에 있는 점의 좌표는?

- ① (3, 2) ② (0, 4) ③ (-5, -1)
④ (-1, 4) ⑤ (1, -2)

해설

- ① 제 1사분면
② y 축 위의 점
③ 제 3사분면
④ 제 2사분면
⑤ 제 4사분면

6. 다음 중 360 의 소인수를 모두 구한 것은?

- ① 1, 2, 3 ② 2, 3 ③ 2
④ 3, 5 ⑤ 2, 3, 5

해설

$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$ 이므로 소인수는 2, 3, 5이다.

7. 공책 27 권, 지우개 38 개, 연필 64 자루를 되도록 많은 학생들에게 똑같이 나누어주려고 하였더니 공책은 3 권 남고, 지우개는 2 개가 남고, 연필은 4 자루가 남았다. 학생은 모두 몇 명인지 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 12명

해설

학생 수는 $27 - 3 = 24$, $38 - 2 = 36$, $64 - 4 = 60$ 의 최대공약수 이므로

$$24 = 2^3 \times 3, 36 = 2^2 \times 3^2, 60 = 2^2 \times 3 \times 5 \text{에서}$$

최대공약수는 $2^2 \times 3 = 12$

$$\therefore 12 \text{ 명}$$

8. 가로, 세로의 길이가 각각 12cm, 18cm 인 직사각형 모양의 종이를 서로 겹치지 않게 붙여서 정사각형을 만들려고 한다. 이 종이로 만들 수 있는 가장 작은 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.

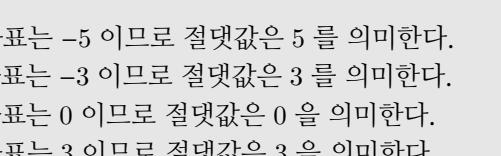
▶ 답: cm

▷ 정답: 36cm

해설

12와 18의 최소공배수는 36 이므로 정사각형의 한 변의 길이는 36 cm이다.

9. 다음 수직선 위에 표시된 수의 절댓값을 잘못 표시한 것은? (정답 2 개)



Ⓐ A : -5 Ⓑ B : -3 Ⓒ C : 0

Ⓓ D : 3 Ⓘ E : 5

해설

A 의 좌표는 -5 이므로 절댓값은 5 를 의미한다.

B 의 좌표는 -3 이므로 절댓값은 3 를 의미한다.

C 의 좌표는 0 이므로 절댓값은 0 을 의미한다.

D 의 좌표는 3 이므로 절댓값은 3 을 의미한다.

E 의 좌표는 5 이므로 절댓값은 5 를 의미한다.

10. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① x 는 2 이상 3 미만의 수이다. $\Rightarrow 2 < x < 3$
- ② x 는 -1 이하이고 -3 이상이다. $\Rightarrow -1 \geq x \geq -3$
- ③ x 는 -3 초과 2 미만이다. $\Rightarrow -3 < x < 2$
- ④ x 는 8 미만이고 0 초과이다. $\Rightarrow 0 < x < 8$
- ⑤ x 는 4 이하 2 초과의 수이다. $\Rightarrow 2 < x \leq 4$

해설

x 는 2 이상 3 미만의 수이다. $\Rightarrow 2 \leq x < 3$

11. 다음 중 문장을 식으로 나타낸 것으로 옳지 않은 것을 고르시오.

- Ⓐ $x \text{ kg}$ 의 3% 는 $\frac{3}{10}x(\text{kg})$ 이다.
- Ⓑ 한 권에 a 원인 책 5 권의 가격은 $5a$ 원이다.
- Ⓒ x 의 3 배에서 y 의 2 배를 빼면 $3x - 2y$ 이다.
- Ⓓ 한 변의 길이가 $x \text{ cm}$ 인 정사각형의 둘레의 길이는 $4x \text{ cm}$ 이다.
- Ⓔ $x \text{ km}$ 의 거리를 2시간 동안 달린 자동차의 속력은 시속 $\frac{x}{2} \text{ km}$ 이다.

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

해설

$$\textcircled{A} x \times \frac{3}{100} = \frac{3}{100}x(\text{kg})$$

12. $A = 2x - 1$, $B = -x + 7$, $C = -4x - 2$ 일 때, $2A - B - 3C$ 를 x 를 사용한 간단한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $17x - 3$

해설

$$\begin{aligned}2A - B - 3C \\= 2(2x - 1) - (-x + 7) - 3(-4x - 2) \\= 4x - 2 + x - 7 + 12x + 6 \\= 17x - 3\end{aligned}$$

13. 다음 식을 계산하여 $Ax + B$ 꼴로 고쳤을 때 $A + B$ 의 값을 구하여라.

$$\frac{2(1-x)}{3} - \frac{5-3x}{2}$$

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

분모를 6으로 통분하면,

$$\begin{aligned}\frac{4(1-x)}{6} - \frac{3(5-3x)}{6} &= \frac{4-4x}{6} - \frac{15-9x}{6} \\&= \frac{(4-4x)-(15-9x)}{6} \\&= \frac{4-4x-15+9x}{6} \\&= \frac{5x-11}{6} \\&= \frac{5}{6}x - \frac{11}{6}\end{aligned}$$

$$A = \frac{5}{6}, B = -\frac{11}{6}$$

$$A + B = \frac{5}{6} - \frac{11}{6} = -1$$

14. y 는 x 에 반비례하고 $x = 3$ 일 때, $y = 5$ 라고 한다. $x = 5$ 일 때, y 의 값을 구하여라.

① 7 ② 10 ③ 6 ④ 3 ⑤ 5

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$5 = \frac{a}{3}, a = 15$$

$$\therefore y = \frac{15}{x}$$

따라서 $x = 5$ 일 때 $y = 3$

15. 두 수 A 와 B 의 최소공배수는 18 이고, 두 수 C 와 D 의 최소공배수는 24 이다. 네 수 A , B , C , D 의 공배수로 알맞은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

① 18 ② 36 ③ 72 ④ 90 ⑤ 144

해설

A 와 B 의 최소공배수는 18 이고, 두 수 C 와 D 의 최소공배수는 24 이므로, 네 수 A , B , C , D 의 최소공배수는 72 이다. 따라서 A , B , C , D 의 공배수는 72 의 배수이다.

16. $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수는?

$$\left(-\frac{2}{3}\right)^2 \times \frac{9}{4} \div \boxed{\quad} = \frac{1}{9}$$

- ① $\frac{7}{2}$ ② $\frac{18}{4}$ ③ 6 ④ $\frac{23}{3}$ ⑤ 9

해설

$$\frac{4}{9} \times \frac{9}{4} \times \frac{1}{\boxed{\quad}} = \frac{1}{9}, \quad \frac{1}{\boxed{\quad}} = \frac{1}{9}$$

$$\boxed{\quad} = 9$$

17. 두 수 a , b 에 대하여 $a - b > 0$, $ab < 0$ 일 때, 다음 중 부호가 다른 것은?

- ① $a^2 - b$ ② $b \div (-a)$ ③ $a \div (-b)$
④ $b - a$ ⑤ $(a + b)^2$

해설

$a - b > 0$, $ab < 0$ 일 때, $a > 0$, $b < 0$ 이므로
 $b - a < 0$ 이다.

18. 다음 그림의 주사위에서 마주 보는 면에 있는 두 수의 합은 0이다. 이때, 보이지 않는 세 면에 있는 수의 곱을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 1 또는 +1

해설

$$\left(-\frac{2}{3}\right) \times (-2) \times \frac{3}{4} = 1$$

19. 방정식 $2(x - 8) : 7 = (x - 3) : 4$ 의 해는?

- ① 39 ② 41 ③ 43 ④ 45 ⑤ 47

해설

비례식의 성질을 이용하여

$2(x - 8) : 7 = (x - 3) : 4$ 를 $8(x - 8) = 7(x - 3)$ 로 바꾸어
방정식을 풀다.

$$8x - 64 = 7x - 21$$

$$\therefore x = 43$$

20. 아버지의 나이는 아들의 나이보다 29살이 더 많고, 지금부터 13년 후에는 아버지의 나이가 아들의 나이의 2 배가 된다. 올해 아들의 나이를 구하여라.

▶ 답: 세

▷ 정답: 16세

해설

올해 아들의 나이를 x 세라 하면 아버지의 나이는 $(x+29)$ 세이다.

$$x + 29 + 13 = 2(x + 13)$$

$$x + 42 = 2x + 26$$

$$-x = -16$$

$$\therefore x = 16$$

따라서, 올해 아들의 나이는 16세이다.

21. 서로 맞물려 도는 톱니바퀴 ①과 ②이 있다. ①의 톱니 수는 20, ②의 톱니 수는 15 일 때, 이 톱니가 같은 이에서 다섯 번째로 다시 맞물리는 것은 ③이 몇 바퀴 돈 후인가?

- ① 16 바퀴 ② 18 바퀴 ③ 20 바퀴
④ 21 바퀴 ⑤ 24 바퀴

해설

20 와 15 의 최소공배수는 60 이다.
같은 지점에 첫번째로 맞물릴 때까지 ② 톱니바퀴는 $60 \div 15 = 4$
(바퀴) 회전하므로
다섯번째로 맞물릴때까지 바퀴 수는 $4 \times 5 = 20$ (바퀴) 이다.

22. $2a(x^2 - 3x + 5) - b(3x^2 - 2x + 1)$ 을 간단히 했을 때, x 에 관한 일차식이 될 조건을 모두 고르면?

- ① $2a = -3b$ ② $2a = 3b$ ③ $a = 0$
④ $b \neq 0$ ⑤ $a + b = 0$

해설

$$\begin{aligned} & 2ax^2 - 6ax + 10a - 3bx^2 + 2bx - b \\ &= (2a - 3b)x^2 - (6a - 2b)x + 10a - b \end{aligned}$$

x 에 관한 일차식이 되려면 $2a - 3b = 0$ 이므로 $2a = 3b$ 이어야 한다.

$-(6a - 2b)x + 10a - b$ 에 $a = \frac{3}{2}b$ 를 대입해 보면

$-7bx + 14b$ 에서 일차식의 계수가 0 이면 상수항만 남으므로
 $-7b \neq 0 \quad \therefore b \neq 0$

23. 동생이 집을 떠난 지 26 분 후에 형이 동생을 따라 나섰다. 동생은 매분 70m 의 속력으로 걷고, 형은 매분 200m 의 속력으로 따라갔다. 형은 몇 분 후에 동생을 만나게 되는지 구하여라.

▶ 답:

분

▷ 정답: 14 분

해설

형이 집을 떠난 후 동생을 만나는 데 걸린 시간을 x 분이라 하면

동생이 간 거리는 $70 \times 26 + 70x$ 이므로

$$200x = 70 \times 26 + 70x$$

$$130x = 1820$$

$$\therefore x = 14 \text{분}$$

24. 좌표평면 위의 세 점 A(3, 5), B(-3, 1), C(0, -1)로 둘러싸인 삼각형 ABC의 넓이는?

- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

세 점을 좌표평면에 나타내면 다음과 같다.



$\triangle ABC$ 의 넓이는 점선으로 된 사각형의 넓이에서 삼각형이 포함되지 않은 부분을 빼면 된다.

$$(6 \times 6) - \left\{ \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 4 \right) + \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 3 \right) + \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 6 \right) \right\}$$

$$= (6 \times 6) - (12 + 3 + 9)$$

$$= 36 - 24$$

$$= 12$$

25. 두 점 $A(a, 6)$, $B(-12, b)$ 가 각각 두 정비례 관계 $y = 2x$, $y = -\frac{1}{2}x$

의 그래프 위의 점일 때, 두 점 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$y = 2x$ 에 $x = a$, $y = 6$ 를 대입하면 $6 = 2a$

$$\therefore a = 3$$

$y = -\frac{1}{2}x$ 에 $x = -12$, $y = b$ 를 대입하면

$$b = -\frac{1}{2} \times (-12)$$

$$\therefore b = 6$$

$\therefore A(3, 6)$, $B(-12, 6)$



따라서 두 점 사이의 거리는 $3 - (-12) = 15$