1. 다항식 
$$x^5\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(1+\frac{2}{x}+\frac{3}{x^2}\right)$$
의 차수는?

① 2차 ② 3차 ③6차 ④ 7차 ⑤ 8차

$$x^{5}\left(x+\frac{1}{x}\right)\left(1+\frac{2}{x}+\frac{3}{x^{2}}\right)$$

$$=x^{2}(x^{2}+1)(x^{2}+2x+3)$$

$$\therefore 6차 다형식$$

**2.** x에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - px + 2$ 가 x - 2로 나누어떨어지도록 상수 p의 값을 정하면?

①1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 3

해설

 $x^3-2x^2-px+2=f(x)$ 로 놓으면 f(x) 가 x-2로 나누어떨어 지려면 f(2) = 0 이므로,

f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0

 $\therefore p = 1$ 

- **3.** 다음 중  $(x+y)^3 8y^3$ 의 인수인 것은?

  - ①  $x^2 2xy 4y^2$  ②  $x^2 2xy + 4y^2$  ③  $x^2 + 2xy + 4y^2$

해설

(준식) = 
$$(x + y)^3 - (2y)^3$$
  
=  $\{(x + y) - 2y\}\{(x + y)^2$ 

$$= \{(x+y) - 2y\}\{(x+y)^2 + (x+y)2y + (2y)^2\}$$

$$= (x-y)(x^2 + 2xy + y^2 + 2xy + 2y^2 + 4y^2)$$

$$= (x-y)(x^2 + 4xy + 7y^2)$$

$$= (x - y)(x^2 + 4xy + 7y^2)$$

**4.**  $1-4x^2-y^2+4xy=(1+ax+by)(1+cx+dy)$ 일 때, ac+bd의 값을 구하면?

① -6

- $\bigcirc -5$  3 -4 4 -3 5 -2

해설

(준시) = 
$$1 - (4x^2 - 4xy + y^2)$$
  
=  $1^2 - (2x - y)^2$   
=  $(1 + 2x - y)(1 - 2x + y)$ 

- $\therefore a = 2, b = -1, c = -2, d = 1$
- $\therefore ac + bd = 2 \times (-2) + (-1) \times 1 = -5$

- **5.**  $x^2 + xy 2y^2 2x y + 1$ 을 인수분해하면?
  - ① (x+y-1)(x+2y-1)(x-y+1)(x+2y-1)
- (x-y-1)(x+2y-1)(x-y-1)(x+2y+1)
- - (x+y+1)(x+2y-1)

해설

x에 대한 내림차순으로 정리한 뒤 인수분해한다.  $x^2 + (y-2)x - 2y^2 - y + 1$  $= \{x - (y+1)\}\{x + (2y-1)\}$ 

= (x - y - 1)(x + 2y - 1)

- **6.** 다항식  $x^2 + 3xy + 2y^2 x 3y 2$ 를 일차식의 곱으로 인수분해 하였을 때, 그 인수들의 합을 구하면?
- ① x + 2y + 1 ② x + y 3 ③ 2x + 3y + 2

해설

= (x + y - 2)(x + 2y + 1)

 $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$  $= x^{2} + (3y - 1)x + 2y^{2} - 3y - 2$   $= x^{2} + (3y - 1)x + (y - 2)(2y + 1)$ 

- 7. 삼각형의 세 변의 길이 a, b, c에 대하여  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?
  - ① 직각삼각형
- ② 이등변삼각형
- ③ 정삼각형
- ④ 직각이등변삼각형
- ⑤ 둔각삼각형

 $a^{2} + b^{2} + c^{2} = ab + bc + ca$  | k |  $a^{2} + b^{2} + c^{2} - ab - bc - ca = 0$ 

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2ba)$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2}\left\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\right\} = 0$$

$$a, b, c$$
는 실수이므로

$$a - b = 0, b - c = 0, c - a = 0$$
  
 $\therefore a = b = c$ 

8.  $a=(3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1)\cdots(3^{1024}+1)$ 이라고 할 때 곱셈 공식을 이용하여 a의 값을 지수의 형태로 나타내면  $\frac{1}{k}(3^l+m)$ 이다. 이 때, k+l+m의 값을 구하면?

① 2046 ② 2047 ③ 2048 ④ 2049 ⑤ 2050

a = (3+1) (3<sup>2</sup>+1) ··· (3<sup>1024</sup>+1) 양변에 (3-1)을 곱하면 (3-1) a = (3-1) (3+1) (3<sup>2</sup>+1) (3<sup>4</sup>+1) ··· (3<sup>1024</sup>+1) 2a = (3<sup>2</sup>-1) (3<sup>2</sup>+1) (3<sup>4</sup>+1) ··· (3<sup>1024</sup>+1) = (3<sup>4</sup>-1) (3<sup>4</sup>+1) ··· (3<sup>1024</sup>+1) = (3<sup>8</sup>-1) ··· (3<sup>1024</sup>+1) : : = (3<sup>2048</sup>-1) 양변을 2로 나누면 a = \frac{1}{2} (3<sup>2048</sup>-1) : k = 2, l = 2048, m = -1 : k+l+m = 2049 9. x에 대한 다항식 f(x)를 x+1로 나눈 나머지는 -5이고, x-1로 나눈 나머지는 -1이다. 이때, f(x)를 (x+1)(x-1)로 나눈 나머지를 구하면?

3 2x - 1

② 2x + 3

- $\textcircled{4} 2x \qquad \textcircled{5}2x 3$

① 2x + 1

해설

f(x)를 (x+1)(x-1)로 나누었을 때의 몫을 Q(x), 나머지를 ax+b라 하면 f(x)=(x+1)(x-1)Q(x)+ax+b한편, f(x)를 x+1, x-1로 나눈 나머지가 각각 -5, -1이므로 f(-1)=-a+b=-5, f(1)=a+b=-1이것을 연립하여 풀면 a=2, b=-3 따라서 구하는 나머지는 2x-3이다.

10.  $\frac{899^3 + 1}{899 \times 898 + 1}$  의 양의 약수의 개수는?

① 27 개 ② 25 개 ③ 21 개 ④ 18 개 ⑤ 15 개

a=899 라 치환하면  $(준 식) = \frac{a^3+1}{a(a-1)+1}$   $= \frac{(a+1)(a^2-a+1)}{a^2-a+1}$  = a+1=900  $900=2^2\times3^2\times5^2$   $\therefore 900의 약수의 캐수=(2+1)\times(2+1)\times(2+1)$  = 27

**11.** ab(a-b) + bc(b-c) + ca(c-a) 을 인수분해하면?

① 
$$-(a-b)(b-c)(c-a)$$
 ②  $-(a+b+c)(a-b-c)$  ③  $-(a+b)(b+c)(c+a)$  ④  $(a+b)(b+c)(c+a)$ 

$$(3) (a-b)(b-c)(c-a)$$

해설

전개하여 a에 대한 내림차순으로 정리한 후, 인수분해 한다. ab(a-b) + bc(b-c) + ca(c-a) $= (b-c)a^2 - (b^2-c^2)a + bc(b-c)$  $= (b-c)a^2 - (b+c)(b-c)a + bc(b-c)$  $= (b-c)\{a^2 - (b+c)a + bc\}$ = (b-c)(a-b)(a-c)= -(a-b)(b-c)(c-a)

12. x에 대한 다항식 f(x)를  $(x-1)^2$ 으로 나누면 나누어 떨어지고, x+1로 나누면 나머지가 4이다. 이 때, f(x)를  $(x+1)(x-1)^2$ 으로 나눌때, 나머지를  $ax^2+bx+c$ 라 하면 a+b+c의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

f(x)를 x+1로 나는 나머지가 4이므로 f(-1) = 4  $f(x) = (x-1)^2 Q(x) \cdots \bigcirc$   $f(x) = (x+1)(x-1)^2 Q'(x) + ax^2 + bx + c$   $= (x+1)(x-1)^2 Q'(x) + a(x-1)^2 (\because \bigcirc)$ 양변에 x = -1를 대입하면  $f(-1) = 4a = 4 \therefore a = 1$   $ax^2 + bx + c = a(x-1)^2 = x^2 - 2x + 1$   $\therefore b = -2, c = 1$   $\therefore a+b+c = 0$ 

 $ax^2 + bx + c$ 를 구하는 것이 아니라 a + b + c를 통째로 구할 때는 다음과 같이 풀 수 있다.  $f(x) = (x-1)^2 으로 나누어 떨어지므로 <math>f(1) = 0$   $f(x) = (x+1)(x-1)^2 Q'(x) + ax^2 + bx + c$  양변에 x = 1를 대입하면 f(1) = 0 + (a+b+c) = 0  $\therefore a+b+c=0$ 

**13.** a+b+c=4, ab+bc+ca=3, abc=1일 때,  $a^3+b^3+c^3$ 의 값을 구하면?

① 30 ② 31 ③ 32 ④ 33 ⑤ 34

해설

 $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab+bc+ca)$  위 식에 따라  $a^2 + b^2 + c^2 + 6 = 16$  $\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 10$   $a^3 + b^3 + c^3$   $= (a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca) + 3abc$   $= 4 \times (10-3) + 3 \times 1$  = 31 **14.** a-b=3, b-c=1일 때,  $ab^2-a^2b+bc^2-b^2c+ca^2-c^2a$ 의 값은?

① -14 ② -12 ③ -8 ④ -4 ⑤ 0