

1.  $x$ 에 대한 항등식  $(1 + 2x - x^2)^5 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_{10}x^{10}$ 에서  $3a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{10}$ 의 값은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

i ) 항등식의 상수항 :  $a_0 = 1$

ii ) 항등식에  $x = 1, x = -1$ 을 대입하여 식을 만든다.

$$x = 1 \text{을 대입하면 } 2^5 = a_0 + a_1 + \cdots + a_{10} \cdots ①$$

$$x = -1 \text{을 대입하면 } (-2)^5 = a_0 - a_1 + a_2 - a_3 \cdots + a_{10} \cdots ②$$

$$① + ②: 0 = 2(a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{10})$$

$$\therefore a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{10} = 0$$

$$3a_0 + a_2 + a_4 + \cdots + a_{10} = 2(\because a_0 = 1)$$

2.  $x$ 에 관한 다항식  $f(x)$ 를  $x^2 + 1$ 로 나누면 나머지가  $x + 1$ 이고,  $x - 1$ 로 나누면 나머지가 4이다. 이 다항식  $f(x)$ 를  $(x^2 + 1)(x - 1)$ 로 나눌 때, 나머지의 상수항은?

- ① 4      ② 3      ③ 2      ④ 1      ⑤ 0

해설

$f(x) = (x^2 + 1)(x - 1)g(x) + ax^2 + bx + c$ 로 두면  $x^2 + 1$ 로 나누었을 때의 나머지가  $x + 1$ 이므로

$$ax^2 + bx + c = a(x^2 + 1) + bx + c - a \text{에서}$$

$$bx + c - a = x + 1$$

$$\therefore b = 1, c - a = 1$$

또,  $f(1) = a + b + c = 4$ 이므로

$$c - 1 + 1 + c = 4 \text{에서 } c = 2$$