

1. 명제 ' $2x^2 + ax - 9 \neq 0$  이면  $x - 3 \neq 0$  이다' 가 참이 되도록 하는 상수  $a$  의 값은?

①  $-3$

②  $-2$

③  $-1$

④  $1$

⑤  $3$

2. 두 조건  $p : x - 2 \neq 0$ ,  $q : x^2 - ax + 2 \neq 0$ 에서  $q \rightarrow p$ 가 참일 때,  $a$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

3. 두 실수  $x, y$ 에 대하여 다음 명제가 참일 때, 실수  $k$ 의 최솟값을 구하여라.

$$x + y < 8 \text{ 이면 } x < -2 \text{ 또는 } y < k$$



답: \_\_\_\_\_

4. 실수  $x$ 에 대하여 다음 명제가 참일 때,  $a$ 의 최솟값을 구하여라.

$$x > a \text{이면 } |x - 2| > 4$$



답: \_\_\_\_\_

5. 양수  $x$  에 대하여 명제 ' $ax^2 - a^2x + 2 \neq 0$  이면  $x \neq 1$  이다.' 가 참이기 위한  $a$  의 값을 구하여라.



답: \_\_\_\_\_

6. 두 명제  $p \rightarrow q$  와  $r \rightarrow \sim q$  가 모두 참일 때, 보기에서 반드시 참인 것을 모두 고르면?

㉠  $p \rightarrow r$

㉡  $r \rightarrow p$

㉢  $p \rightarrow \sim r$

㉣  $q \rightarrow \sim r$

㉤  $r \rightarrow \sim p$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢, ㉤

③ ㉠, ㉣

④ ㉡, ㉢, ㉣

⑤ ㉢, ㉣, ㉤

7. 네 조건  $p, q, r, s$  에 대하여  $\sim p \Rightarrow \sim q, r \Rightarrow q, \sim r \Rightarrow s$  일 때, 다음 중 항상 옳은 것을 모두 고르면?

①  $r \Rightarrow p$

②  $\sim p \Rightarrow \sim s$

③  $\sim s \Rightarrow \sim r$

④  $r \Rightarrow \sim s$

⑤  $\sim q \Rightarrow s$

8. 두 명제 「 $p \leftrightarrow q$ 」, 「 $r \rightarrow \sim q$ 」가 모두 참일 때, 다음 명제 중에서 반드시 참이라고 할 수 없는 것은?

①  $q \rightarrow \sim r$

②  $p \rightarrow \sim r$

③  $q \leftrightarrow p$

④  $r \rightarrow p$

⑤  $r \rightarrow \sim p$

9.  $a, b, c$ 가 실수일 때,  $p$ 는  $q$ 이기 위한 필요충분조건인 것은?

①  $p : a^2 + b^2 = 0, q : a = b = 0$

②  $p : a, b$ 는 짝수,  $q : a + b$ 는 짝수

③  $p : a = b, q : ac = bc$

④  $p : a - 1 = 0, q : a^2 - 1 = 0$

⑤  $p : ab > 0, q : |a + b| = |a| + |b|$

10. 다음에서 조건  $p$  가  $q$  이기 위한 필요충분조건인 것은? (단,  $a, b, x, y$  는 실수)

①  $p : a^2 = ab, q : a = b$

②  $p : |x - 1| = 2, q : x^2 - 2x + 3 = 0$

③  $p : 0 < x < 1, q : x < 2$

④  $p : xy + 1 > x + y > 2, q : x > 1 \text{ 이고 } y > 1$

⑤  $p : xy > x + y > 4, q : x > 2 \text{ 이고 } y > 2$

11. 다음 중 조건  $p$ 가 조건  $q$ 이기 위한 필요충분조건인 것은? (단,  $x, y$ 는 실수)

①  $p : x > 0$  이고  $y > 0, q : xy > 0$

②  $p : x > 1, q : x > 2$

③  $p : x^2 \leq 0, q : x = 0$

④  $p : x^2 - x - 2 = 0, q : x = 2$

⑤  $p : x + y$ 는 짝수,  $q : x$ 와  $y$ 는 짝수

12.  $x, y$ 가 실수일 때, 다음 중에서 조건  $p$ 가 조건  $q$ 이기 위한 필요충분인 것은?

①  $p : x + y \geq 2, q : x \geq 1$  또는  $y \geq 1$

②  $p : x + y$ 는 유리수이다.,  $q : x, y$ 는 유리수이다.

③  $p : xy > x + y > 4, q : x > 2$ 이고  $y > 2$

④  $p : xy + 1 > x + y > 2, q : x > 1$ 이고  $y > 1$

⑤  $p : xyz = 0, q : xy = 0$

13. 다음 보기중 조건  $p$  가 조건  $q$  이기 위한 필요충분조건이 되는 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠  $p : xy > 0, q : |x| + |y| = |x + y|$

㉡  $p : xy < 0, q : |x| + |y| > |x + y|$

㉢  $p : xy \leq 0, q : ||x| - |y|| = |x + y|$

㉣  $p : x^2 > y^2, q : x^3 > y^3$

㉤  $p : \text{임의의 실수 } a \text{ 에 대하여 } ax + y = 0,$   
 $q : |x| + |y| = 0$

① ㉠, ㉡, ㉢

② ㉠, ㉢, ㉣

③ ㉡, ㉢, ㉣

④ ㉡, ㉢, ㉤

⑤ ㉡, ㉢, ㉣, ㉤

14. 두 실수  $a, b$ 에 대하여 두 등식  $a + b = |a + b|$ ,  $|a + b| = |a| + |b|$ 가 성립할 필요충분조건을 구하면?

①  $a + b \geq 0$

②  $a \geq 0$ 이고  $b \geq 0$

③  $a \geq 0$  또는  $b \geq 0$

④  $ab \geq 0$

⑤  $ab \leq 0$

15. 우성, 동건, 정재는 전교 3등 안에 드는 학생들이다.

㉠ 우성: 나는 전교 1등이 아니야

㉡ 동건: 나는 2등이 아니야.

㉢ 정재: 나는 2등이야.

위의 주장 중 하나만 참이라 할 때, 전교1, 2, 3등을 차례대로 적으면?

① 동건, 정재, 우성

② 정재, 동건, 우성

③ 우성, 동건, 정재

④ 정재, 우성, 동건

⑤ 동건, 우성, 정재

16. 두 명제 ‘겨울이 오면 춥다.’ ‘눈이 오지 않으면 춥지 않다.’가 모두 참이라고 할 때, 다음 명제 중에서 반드시 참이라고 말할 수 없는 것은?

- ① 추우면 눈이 온다.
- ② 눈이 오면 겨울이 온다.
- ③ 눈이 오지 않으면 겨울이 오지 않는다.
- ④ 춥지 않으면 겨울이 오지 않는다.
- ⑤ 겨울이 오면 눈이 온다.

17. 다음 두 진술이 모두 참이라 할 때 다음 중 옳은 것은?

㉠ 수학을 잘하는 학생은 머리가 좋다.

㉡ 수학을 잘하는 학생은 물리 또는 컴퓨터를 잘한다.

① 수학을 잘하는 학생은 물리를 잘한다.

② 컴퓨터를 잘하는 학생은 머리가 좋다.

③ 머리가 좋은 학생은 물리를 잘 한다.

④ 컴퓨터를 잘 못하는 학생은 수학을 잘 못한다.

⑤ 물리와 컴퓨터를 잘 못하는 학생은 수학을 잘 못한다.

18.  $x, y$ 가 실수일 때.  $|x| + |y| = |x + y|$ 가 되기 위한 필요충분조건을 구하면?

①  $xy = 0$

②  $xy > 0$

③  $xy \geq 0$

④  $xy < 0$

⑤  $xy \leq 0$

19. 다음에서 조건  $p$ 가  $q$ 이기 위한 필요충분조건인 것은?

①  $p : x = 0$ 이고  $y = 0$ ,  $q : xy = 0$

②  $p : x^2 = 9$ ,  $q : x = 3$

③  $p : x, y$ 는 모두 짝수,  $q : x + y$ 는 짝수

④  $p : x \neq 0$ 이고  $y \neq 0$ ,  $q : xy \neq 0$

⑤  $p : x$ 는 유리수,  $q : x^2$ 은 유리수

20. 다음 중  $p$ 가  $q$ 이기 위한 필요충분조건인 것을 모두 고른 것은? (단,  $x, y$ 는 임의의 실수)

㉠  $p : x^2 \leq 0 \quad q : x = 0$

㉡  $p : x^2 + y^2 = 0 \quad q : xy = 0$

㉢  $p : a, b$ 는 유리수  $q : a + b, ab$ 는 유리수

① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

**21.** 두 조건  $p, q$ 의 진리집합을 각각  $P, Q$ 라 하고  $\sim p$ 가  $\sim q$ 이기 위한 충분조건이지만 필요조건은 아닐 때, 다음 중 옳은 것은?

①  $P - Q = \emptyset$

②  $P \cap Q = Q$

③  $P \cap Q = P$

④  $P^c = Q$

⑤  $P = Q$

22. 전체집합  $U$  에 대하여 두 조건  $p, q$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$  라 할 때,  $P - Q = \emptyset$  이면 다음 중 항상 옳은 것은?

①  $p$  는  $q$  이기 위한 필요충분조건이다.

②  $p$  는  $q$  이기 위한 필요조건이다.

③  $p$  는  $q$  이기 위한 충분조건이다.

④  $p$  는  $\sim q$  이기 위한 필요조건이다.

⑤  $p$  는  $\sim q$  이기 위한 충분조건이다.

**23.** 전체집합  $U = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이하의 자연수}\}$  의 두 부분집합  $P, Q$  가 조건  $p, q$  를 만족하는 집합이라고 하자. 조건  $p$  가 ‘ $x$ 는 소수’ 이고  $p$  가  $q$  이기 위한 필요조건일 때, 집합  $Q$  의 원소가 될 수 없는 것은?

① 2

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9