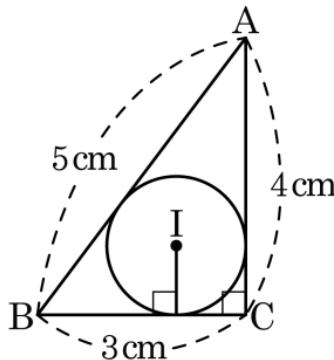


1. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = 3\text{cm}$ 이고, $\angle C = 90^\circ$ 일 때, 내접원 I 의 반지름의 길이는?



- ① 1cm ② 2cm ③ 3cm ④ 4cm ⑤ 5cm

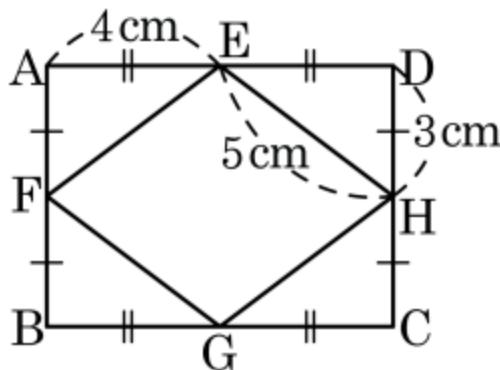
해설

내접원의 반지름의 길이를 r 이라 하면

$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times r \times (3 + 4 + 5) = \frac{1}{2} \times 3 \times 4$ 이다. 따라서 $r = 1\text{cm}$ 이다.

2. 다음은 직사각형 ABCD 의 각 변의 중점을 E, F, G, H 라 할 때, □EFGH 의 둘레의 길이는?

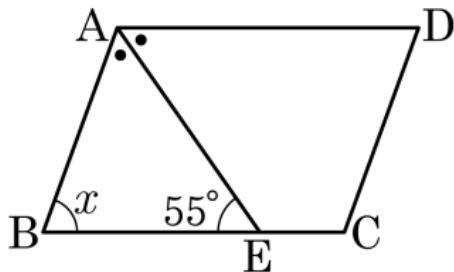
- ① 16cm ② 18cm ③ 20cm
④ 22cm ⑤ 24cm



해설

직사각형의 각 변의 중점을 차례로 연결하면 마름모가 된다.
따라서 □EFGH 는 둘레는 $4 \times 5 = 20(\text{cm})$ 이다.

3. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 E 라 한다. 이때, $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 하는 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 60° ② 70° ③ 80° ④ 90° ⑤ 100°

해설

평행선의 엇각의 성질에 의해 $\bullet = 55^\circ$,
삼각형의 내각의 합은 180° 이므로 $x = 70^\circ$ 이다.

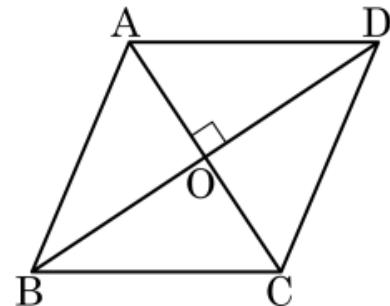
4. 다음 사각형 ABCD 중에서 평행사변형인 것은?

- ① $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{BC} = 5\text{cm}$, $\overline{CD} = 5\text{cm}$
- ② $\angle A = 100^\circ$, $\angle B = 80^\circ$, $\angle C = 8^\circ$
- ③ $\overline{OA} = 4\text{cm}$, $\overline{OB} = 6\text{cm}$, $\overline{OC} = 6\text{cm}$, $\overline{OD} = 4\text{cm}$ (단, 점O는 두 대각선의 교점)
- ④ $\overline{AB} \perp \overline{AD}$, $\overline{BC} \perp \overline{CD}$
- ⑤ $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = 3\text{cm}$, $\overline{DC} = 3\text{cm}$

해설

평행사변형은 한 쌍이 평행하고 그 변의 길이가 같다.
즉, $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$

5. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 일 때, □ABCD는 어떤 사각형인가?



- ① 사다리꼴
- ② 등변사다리꼴
- ③ 직사각형
- ④ 정사각형
- ⑤ 마름모

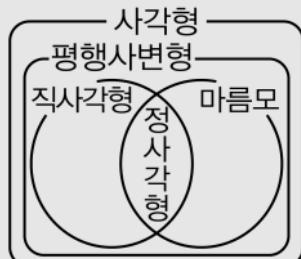
해설

마름모의 두 대각선은 서로 수직이등분하므로 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이면 평행사변형 ABCD는 마름모가 된다.

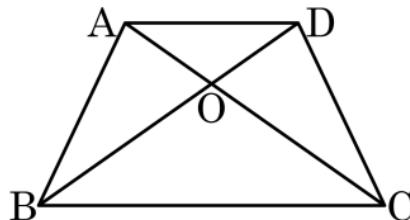
6. 평행사변형, 직사각형, 마름모, 정사각형의 관계를 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① 평행사변형은 직사각형이다.
- ② 평행사변형은 직사각형 또는 마름모이다.
- ③ 정사각형은 직사각형이면서 마름모이다.
- ④ 마름모는 평행사변형이면서 직사각형이다.
- ⑤ 마름모는 직사각형이면서 정사각형이다.

해설



7. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD에서 $\triangle ABO = 20\text{cm}^2$, $2\overline{DO} = \overline{BO}$ 일 때, $\triangle DBC$ 의 넓이는?



- ① 40cm^2 ② 50cm^2 ③ 60cm^2
④ 70cm^2 ⑤ 80cm^2

해설

$$\triangle AOB = \triangle COD = 20\text{cm}^2$$

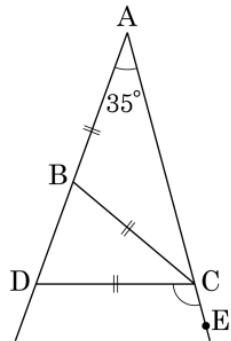
또, $2\overline{DO} = \overline{BO}$ 이므로

$$\therefore \triangle BOC = 40\text{cm}^2$$

$$\text{따라서 } \triangle DBC = \triangle COD + \triangle BOC = 20 + 40 = 60(\text{cm}^2)$$

8. 다음 그림에서

$\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$ 이고, $\angle A = 35^\circ$ 일 때, $\angle DCE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 105°

해설

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로

$\angle BCA = \angle CAB = 35^\circ$

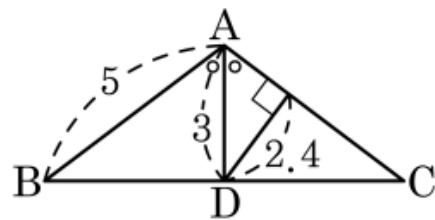
$\angle CBD$ 는 $\triangle ABC$ 의 외각이므로

$\angle CBD = 35^\circ + 35^\circ = 70^\circ$

$\angle DCE$ 는 $\triangle ADC$ 의 외각이므로

$\angle DCE = 35^\circ + 70^\circ = 105^\circ$

9. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle A$ 의 이등분선과 \overline{BC} 의 교점을 D, 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라 할 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



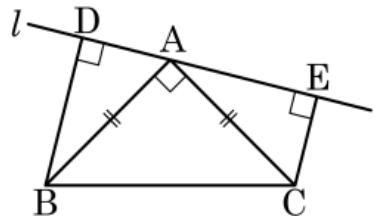
▶ 답 :

▶ 정답 : 8

해설

$\triangle ADC$ 에서 $\frac{1}{2} \times 5 \times 2.4 = \frac{1}{2} \times \overline{DC} \times 3$, $\overline{DC} = 4$ 이므로 $\overline{BC} = 2 \times \overline{DC} = 8$ 이다.

10. 다음 그림에서 직각이등변삼각형 ABC 의 꼭짓점 A 를 지나는 직선 l 이 있다. B 와 C 에서 직선 l 위에 내린 수선의 발을 각각 D,E 라 하면, $\overline{BD} = 5$, $\overline{DE} = 8$ 일 때, \overline{CE} 의 길이는?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$\triangle ADB$ 와 $\triangle AEC$ 에서

$$\angle ADB = \angle AEC = 90^\circ \cdots \textcircled{1}$$

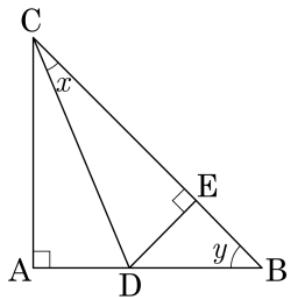
$$\overline{AB} = \overline{AC} \cdots \textcircled{2}$$

$$\angle DAB = \angle ACE (\therefore \angle DAB + \angle EAC = 90^\circ \cdots \textcircled{3})$$

①, ②, ③에 의해 $\triangle ADB \cong \triangle AEC$ 이므로

$$\overline{CE} \text{ 의 길이는 } \overline{DE} - \overline{BD} = 3 \text{ 이 성립한다.}$$

11. 다음 그림과 같이 $\overline{AC} = \overline{AB}$ 인 직각이등변 삼각형 ABC에서 $\overline{AD} = \overline{DE}$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 67.5°

해설

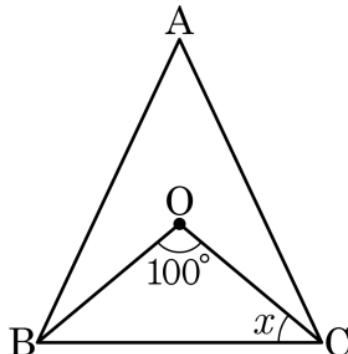
$\triangle ADC$ 와 $\triangle EDC$ 에서 \overline{CD} 는 공통,
 $\angle CAD = \angle CED = 90^\circ$, $\overline{DE} = \overline{AD}$ 이므로
 $\triangle ADC \equiv \triangle EDC$ 는 RHS 합동이다.

$\triangle ABC$ 가 직각 이등변삼각형이므로 $\angle y = 45^\circ$,

$\angle ACB = \angle y = 45^\circ$ 에서 $\angle DCB = \angle x = \frac{1}{2} \times 45^\circ = 22.5^\circ$ 이다.

따라서 $\angle x + \angle y = 22.5 + 45 = 67.5^\circ$ 이다.

12. 다음 그림에서 점 O 가 $\triangle ABC$ 의 외심일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 10° ② 20° ③ 30° ④ 40° ⑤ 50°

해설

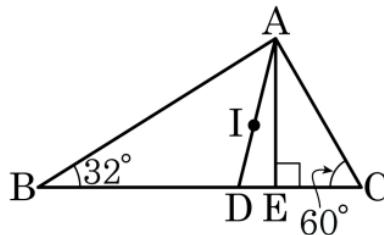
$\overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로 $\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이다.

따라서 두 밑각의 크기가 같으므로

$$\angle OBC = \angle OCB$$

$$\therefore 2x + 100 = 180, x = 40 \text{ } \textcircled{4} \text{이다.}$$

13. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\overline{AE} \perp \overline{BC}$ 일 때, $\angle DAE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\frac{1}{2}$

▷ 정답 : 14°

해설

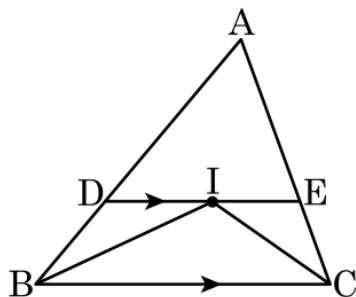
$$\angle A = 180^\circ - (32^\circ + 60^\circ) = 88^\circ$$

$$\angle DAC = \frac{1}{2} \times 88^\circ = 44^\circ$$

$$\angle EAC = 30^\circ \text{ 이므로}$$

$$\therefore \angle DAE = 44^\circ - 30^\circ = 14^\circ$$

14. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. 점 I를 지나면서 \overline{BC} 에 평행한 직선이 \overline{AB} , \overline{AC} 와 만나는 점을 각각 D, E라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{EC} = \overline{EI}$ ② $\angle EIC = \angle ECI$ ③ $\angle DBI = \angle DIB$
④ $\angle IBC = \angle EIC$ ⑤ $\overline{DB} = \overline{DI}$

해설

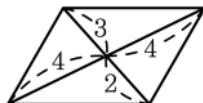
$\angle DBI = \angle CBI = \angle DIB$ 이므로 $\triangle DBI$ 는 $\overline{DB} = \overline{DI}$ 인 이등변삼각형이다.

또, $\angle ECI = \angle BCI = \angle EIC$ 이므로 $\triangle EIC$ 는 $\overline{EC} = \overline{EI}$ 인 이등변삼각형이다.

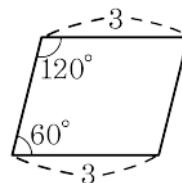
- ④ $\angle IBC = \angle DIB$, $\angle EIC = \angle ICB$

15. 다음 중 평행사변형인 것을 고르면?

①



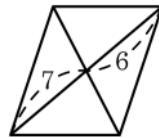
②



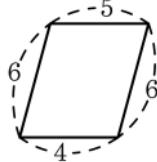
③



④



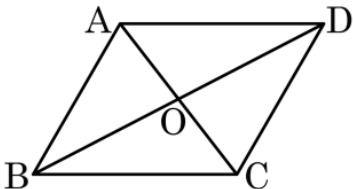
⑤



해설

평행사변형은 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

16. 다음은 ‘평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’ 를 증명한 것이다. 그~ㅁ에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] $\overline{AO} = \overline{CO}$, $\boxed{\text{ㄱ}} = \overline{DO}$

[증명] $\triangle OAD$ 와 $\triangle OCB$ 에서 $\boxed{\text{l}} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{①}}$

$\overline{AD} \parallel \boxed{\text{ㄷ}}$ 이므로

$\angle OAD = \angle OCB$ ($\boxed{\text{ㄹ}}$) $\cdots \textcircled{\text{②}}$

$\angle ODA = \angle OBC$ ($\boxed{\text{ㄹ}}$) $\cdots \textcircled{\text{③}}$

①, ②, ③에 의해서 $\triangle OAD \equiv \triangle OCB$ ($\boxed{\text{ㅁ}}$ 합동)

$\therefore \overline{AO} = \overline{CO}$, $\boxed{\text{ㄱ}} = \overline{DO}$

① ㄱ : \overline{BO}

② $\textcircled{\text{②}} \text{l} : \overline{CD}$

③ ㄷ : \overline{BC}

④ ㄹ : 엇각

⑤ ㅁ : ASA

해설

②에서 $\overline{BC} = \overline{AD} \neq \overline{CD}$ 이다.

17. 다음 사각형 중 등변사다리꼴을 모두 고르면?

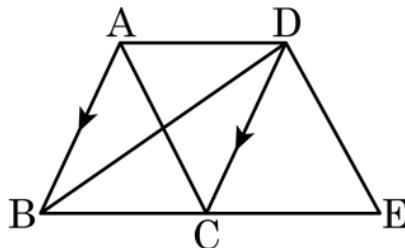
- ① 사다리꼴
- ② 평행사변형
- ③ 마름모
- ④ 직사각형
- ⑤ 정사각형

해설

등변사다리꼴은 밑각의 크기가 같은 사다리꼴이다.

주어진 사각형 중에 밑각의 크기가 같은 사각형은 직사각형과 정사각형이다.

18. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이고, $\triangle ABC = 16\text{cm}^2$, $\triangle DBE = 34\text{cm}^2$ 일 때, $\square ABED$ 의 넓이는?

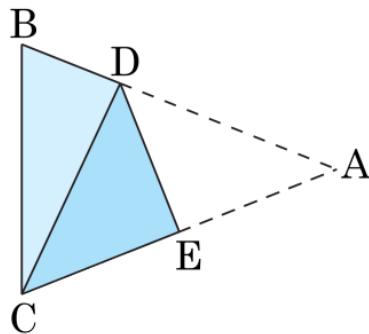


- ① 30cm^2 ② 35cm^2 ③ 40cm^2
④ 45cm^2 ⑤ 50cm^2

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} \parallel \overline{DC} \text{ 이므로 } \triangle ABC &= \triangle ABD = 16(\text{cm}^2) \\ \therefore \square ABED &= \triangle ABD + \triangle DBE \\ &= 16 + 34 = 50(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

19. 다음 그림은 $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 를 점 A 가 점 C 에 오도록 접은 것이다. $\angle DCB = 25^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\angle A =$ _____ $^\circ$

▷ 정답 : $\frac{130}{3}^\circ$

해설

$\angle A = x$ 라 하면

$\angle DCE = \angle A = x$

$\angle B = \angle C = x + 25^\circ$

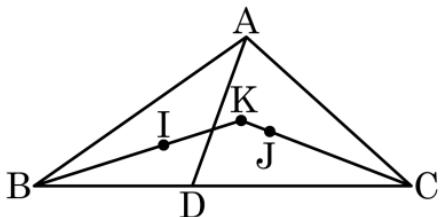
$\triangle ABC$ 에서 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$x + 2(x + 25^\circ) = 180^\circ$$

$$3x = 130^\circ, x = \frac{130}{3}^\circ$$

$$\therefore \angle A = \frac{130}{3}^\circ$$

20. 다음 그림과 같이 $\angle ADC = 70^\circ$, $\angle C = 42^\circ$ 인 삼각형 ABC의 변 BC 위에 $\overline{BD} = \overline{AD}$ 가 되도록 점 D를 잡았을 때, 삼각형 ABD, ACD의 내심을 각각 I, J라 하자. 선분 BI와 선분 CJ의 연장선의 교점을 K라 할 때, $\angle IKJ$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 141.5°

해설

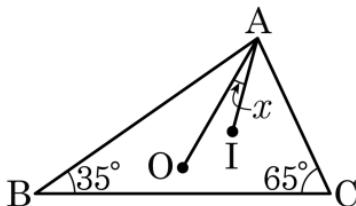
$$\overline{BD} = \overline{AD} \text{이므로 } \angle ABD = \frac{1}{2}\angle ADC = 35^\circ$$

$$\text{점 J는 내심이므로 } \angle JCD = 42^\circ \times \frac{1}{2} = 21^\circ$$

$$\text{점 I는 내심이므로 } \angle IBD = \angle ABD \times \frac{1}{2} = 17.5^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle IKJ = 180^\circ - (21^\circ + 17.5^\circ) = 141.5^\circ \text{이다.}$$

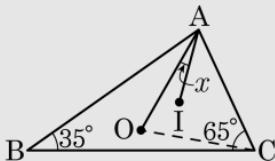
21. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = 35^\circ$, $\angle C = 65^\circ$ 이고, 점 O와 점 I는 각각 $\triangle ABC$ 의 외심과 내심일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



- ① 10° ② 12° ③ 15° ④ 18° ⑤ 20°

해설

점 O와 점 C를 이으면,

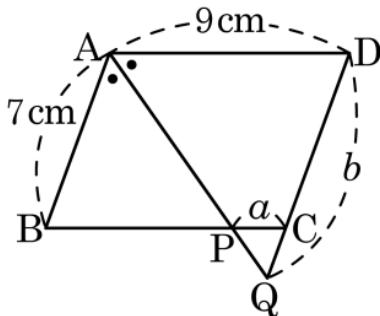


i) $\angle B = 35^\circ$ 이므로 $\angle AOC = 70^\circ$, $\angle OAC = \frac{1}{2}(180^\circ - 70^\circ) = 55^\circ$ $\therefore \angle OAC = 55^\circ$

ii) $\angle A = 180^\circ - (35^\circ + 65^\circ) = 80^\circ$ 이므로 $\angle IAC = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$

$\angle x = \angle OAC - \angle IAC = 55^\circ - 40^\circ = 15^\circ$ $\therefore \angle x = 15^\circ$

22. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 11cm

해설

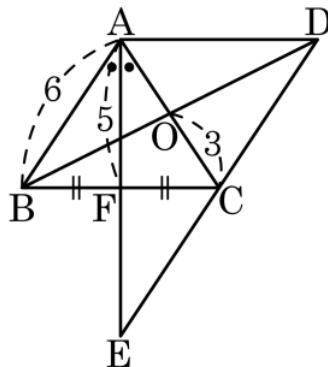
삼각형 ADQ, 삼각형 ABP 는 이등변삼각형 이므로

$$a = 9 - 7 = 2(\text{ cm})$$

$$b = 9(\text{ cm})$$

$$\therefore a + b = 2 + 9 = 11(\text{ cm})$$

23. 다음 평행사변형 ABCD에서 $\angle BAC$ 의 이등분선이 \overline{BC} 의 중점을 지나고, $\overline{AF} = 5$, $\overline{AB} = 6$, $\overline{OC} = 3$ 일 때, $\triangle ACE$ 의 둘레를 구하면?



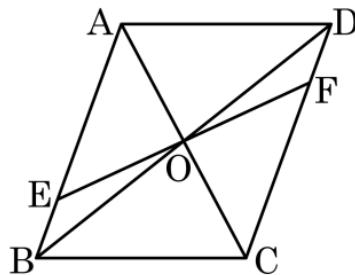
- ① 20 ② 21 ③ 22 ④ 23 ⑤ 24

해설

$\angle AFB = \angle CFE$, $\angle BAF = \angle FEC$ 이고, $\overline{BF} = \overline{FC}$ 이므로 $\triangle ABF \cong \triangle ECF$ 이다.

따라서 $\triangle ACE$ 의 둘레는 $6 + 6 + 5 + 5 = 22$ 이다.

24. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 점 O는 두 대각선의 교점이다. $\overline{AE} : \overline{EB} = 3 : 1$ 이고 $\triangle AEO$ 의 넓이가 18 일 때, 평행사변형 ABCD의 넓이는?



- ① 6 ② 18 ③ 24 ④ 48 ⑤ 96

해설

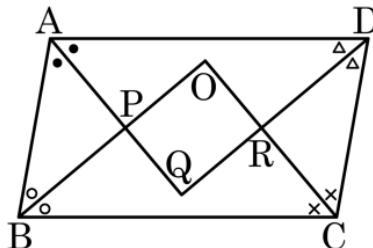
$\triangle AOE$ 와 $\triangle BEO$ 에서 높이는 같고 밑변이 $3 : 1$ 이므로 $\triangle AOE : \triangle BEO = 3 : 1$

$$\therefore \triangle BEO = \frac{1}{3} \triangle AEO = 6$$

$$\triangle AOB = 6 + 18 = 24$$

$$\therefore \square ABCD = 4 \times \triangle AOB = 24 \times 4 = 96 \text{ 이다.}$$

25. 평행사변형 ABCD 의 네 각의 이등분선의 교점으로 만들어지는 사각형 OPQR는 어떤 사각형인가?



- ① 평행사변형 ② 마름모 ③ 등변사다리꼴
④ 직사각형 ⑤ 정사각형

해설

$$\angle BAD + \angle ADC = 180^\circ \text{ 이므로}$$

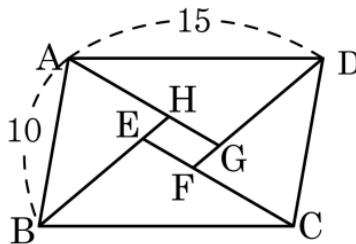
$$\angle QAD + \angle ADQ = 90^\circ$$

$$\triangle AQD \text{에서 } \angle AQD = (180 - 90)^\circ = 90^\circ$$

$$\text{마찬가지로 } \angle QRO = \angle ROP = \angle OPQ = 90^\circ$$

$$\therefore \text{직사각형}$$

26. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 네 내각의 이등분선을 각각 연결하여 $\square EFGH$ 를 만들었다. $\overline{EH} : \overline{AD} = 1 : 3$, $\overline{EF} : \overline{AB} = 1 : 2$ 일 때, $\square EFGH$ 의 둘레를 구하면?



- ① 20 ② 25 ③ 30 ④ 35 ⑤ 40

해설

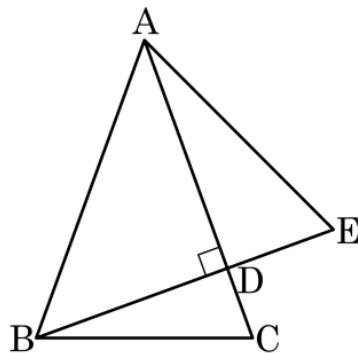
$\angle A + \angle B = 180^\circ$ 이므로 $\angle EAB + \angle EBA = 90^\circ$, $\angle AEB = 90^\circ$ 이다.

따라서 $\square EFGH$ 는 직사각형이다. $\overline{EH} : \overline{AD} = 1 : 3$ 이므로 $\overline{EH} : 15 = 1 : 3$, $\overline{EH} = 5$

$\overline{EF} : \overline{AB} = 1 : 2$ 이므로 $\overline{EF} : 10 = 1 : 2$, $\overline{EF} = 5$ 이다.

따라서 직사각형 중 가로와 세로의 길이가 같은 정사각형이고, 둘레는 $2(5 + 5) = 20$ 가 된다.

27. 다음 그림에서 $\angle ABC = \angle ACB$, $\angle BAE = \angle BEA$, $\angle ADB = 90^\circ$ 이다.
이때 $\angle EAD + \angle DBC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : 45°

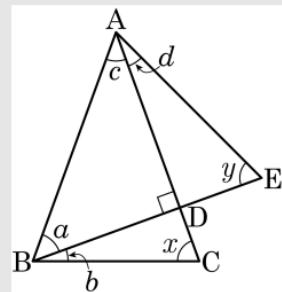
▷ 정답 : 45°

해설

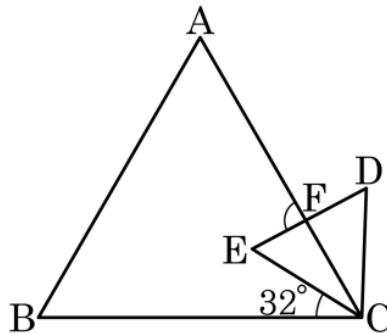
다음 그림과 같이 놓으면 $a + b = x$, $c + d = y \cdots \textcircled{①}$ $\triangle DBC$, $\triangle DBA$, $\triangle DAE$ 는 모두 직각삼각형이므로 $b + x = 90^\circ$, $a + c = 90^\circ$, $d + y = 90^\circ \cdots \textcircled{②}$

$\textcircled{②}$ 의 세 식을 변끼리 모두 더하면 $a + b + c + d + x + y = 270^\circ$ $\textcircled{①}$ 을 $\textcircled{②}$ 에 대입하면 $x + y = 135^\circ$

$$\therefore b + d = \angle EAD + \angle DBC = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ$$



28. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 와 $\triangle CDE$ 는 정삼각형이다. $\angle ECB = 32^\circ$ 일 때, $\angle AFE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ $^\circ$

▷ 정답 : 88°

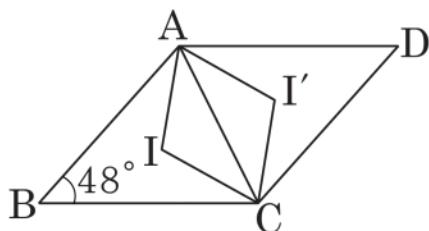
해설

$\angle ACB = 60^\circ$ 이므로

$$\angle ECF = 60^\circ - 32^\circ = 28^\circ$$

$$\angle AFE = 28^\circ + 60^\circ = 88^\circ$$

29. 평행사변형 ABCD에서 점 I, I'은 각각 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 내심이다. $\angle B = 48^\circ$ 일 때, $\angle AIC$ 와 $\angle IAI'$ 의 크기의 차를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▶ 정답 : $48 \underline{\hspace{1cm}}$ °

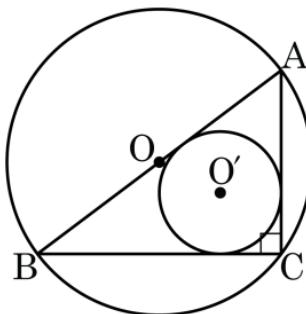
해설

$$\angle AIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle B = 90^\circ + \frac{1}{2} \times 48^\circ = 114^\circ$$

$$\angle IAI' = \frac{1}{2}\angle BAD = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 48^\circ) = 66^\circ$$

$$\therefore \angle AIC - \angle IAI' = 114^\circ - 66^\circ = 48^\circ$$

30. 다음 그림에서 원 O , O' 는 각각 $\triangle ABC$ 의 외접원, 내접원이다. 반지름의 길이가 각각 7.5cm, 3cm 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.

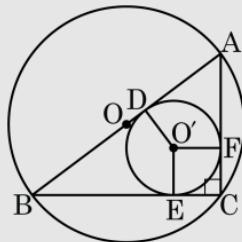


▶ 답 : cm

▷ 정답 : 36cm

해설

$$\overline{AB} = 7.5 \times 2 = 15(\text{cm})$$



원 O' 와 \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CA} 와의 접점을 D, E, F 라 하면

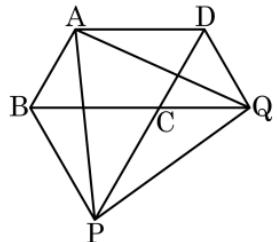
$$\overline{EC} = \overline{CF} = 3(\text{cm})$$

$$\overline{AF} = \overline{AD}, \overline{BD} = \overline{BE}$$

$$\overline{AD} + \overline{BD} = \overline{AF} + \overline{BE} = 15(\text{cm})$$

$$\therefore (\triangle ABC \text{의 둘레의 길이}) = 15 + 15 + 3 + 3 = 36(\text{cm})$$

31. 평행사변형 ABCD 의 두 변 BC, CD 를 각각 한 변으로 하는 정삼각형 BPC 와 CQD 를 그렸다. $\overline{AP} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{PQ} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6cm

해설

$\triangle ABP$ 와 $\triangle QDA$ 에서

$$\overline{AB} = \overline{QD}, \overline{BP} = \overline{DA}$$

$$\angle QDA = \angle ABP$$

$\therefore \triangle ABP \equiv \triangle QDA$ (SAS 합동) … ①

$\triangle ABP$ 와 $\triangle QCP$ 에서

$$\overline{AB} = \overline{QC}, \overline{BP} = \overline{CP}$$

$$\angle QCP = 360^\circ - 60^\circ - 60^\circ - \angle DCB$$

$$= 240^\circ - (180^\circ - \angle ABC)$$

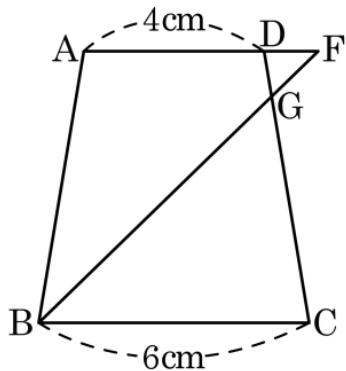
$$= 60^\circ + \angle ABC$$

$$= \angle ABP$$

$\therefore \triangle ABP \equiv \triangle QCP$ (SAS 합동) … ②

①, ②에서 $\overline{AP} = \overline{AQ} = \overline{PQ}$ 이므로 $\overline{PQ} = 6\text{ cm}$ 이다.

32. 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AD} = 4\text{ cm}$, $\overline{BC} = 6\text{ cm}$ 이다. \overline{AD} 의 연장선 위에 점 F를 잡을 때, 선분 BF가 $\square ABCD$ 의 넓이를 이등분한다. 이 때, \overline{DF} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 1.2 cm

해설

$\square ABCD$ 의 높이를 h 라 할 때,

$$\square ABCD = (4 + 6) \times h \times \frac{1}{2} = 5h$$

$\triangle GBC$ 의 높이를 m 이라 할 때,

$$\triangle GBC = \frac{1}{2} \times 6 \times m = 3m = \frac{1}{2} \times 5h$$

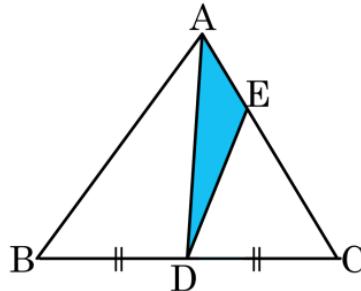
$$m = \frac{5}{6}h$$

$$m : h = 5 : 6$$

$$\overline{DF} : \overline{BC} = 1 : 5 \text{ 이므로}$$

$$\overline{DF} : 6 = 1 : 5, \overline{DF} = \frac{6}{5} = 1.2 (\text{cm})$$

33. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AE} : \overline{EC} = 1 : 2$ 이고 $\triangle AED = 4\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 12cm^2 ② 16cm^2 ③ 20cm^2
④ 24cm^2 ⑤ 28cm^2

해설

$\overline{AE} : \overline{EC} = 1 : 2$, $\triangle AED = 4\text{cm}^2$ 이므로 $\triangle CDE = 8$, $\triangle ADC = 4 + 8 = 12$
 $\overline{BD} = \overline{CD}$ 이므로 $\triangle ADC = \triangle ADB$
 $\therefore \triangle ABC = 2\triangle ADC = 24(\text{cm}^2)$