

1. 분수 $\frac{21}{270} \times \square$ 가 유한소수가 될 때, \square 값을 모두 골라라.

① 3

② 6

③ 9

④ 12

⑤ 18

해설

$\frac{21}{270} = \frac{7}{90} = \frac{7}{2 \times 3^2 \times 5}$ 에서 유한소수가 되려면 3^2 이 약분되어야 하므로 A 는 3^2 의 배수이어야 한다.

2. $8x - 2y + 2 = 4x - y - 3$ 일 때, $2x - 3y + 1$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

① $-10x + 16$

② $-10x - 14$

③ $12x + 16$

④ $10x - 14$

⑤ $10x - 16$

해설

$8x - 2y + 2 = 4x - y - 3$ 이므로 $y = 4x + 5$ 이다.

$$\begin{aligned}2x - 3y + 1 &= 2x - 3(4x + 5) + 1 \\&= 2x - 12x - 15 + 1 \\&= -10x - 14\end{aligned}$$

3. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 8 & \cdots \textcircled{1} \\ 3x + 2y = 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 을 대입법으로 푸는 과정이다. A에 알맞은 식은?

①을 y 에 관하여 풀면 $y = \boxed{\quad A \quad} \cdots \textcircled{3}$

②을 ③에 대입하여 풀면 $3x + 2 \boxed{\quad A \quad} = 5$

$$\therefore x = \boxed{\quad}$$

$x = \boxed{\quad}$ 를 ③에 대입하면 $y = \boxed{\quad}$

① $x - 4$

② $-x - 4$

③ $2x + 8$

④ $2x - 8$

⑤ $-2x + 8$

해설

$$\begin{cases} 2x - y = 8 & \cdots \textcircled{1} \\ 3x + 2y = 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①을 y 에 관하여 풀면 $y = 2x - 8 \cdots \textcircled{3}$

②을 ③에 대입하여 풀면 $3x + 2(2x - 8) = 5$

$$\therefore x = 3$$

$x = 3$ 을 ③에 대입하면 $y = -2$

4. 연립방정식 $\begin{cases} 0.4x + 0.5y = 1.1 \\ \frac{2}{7}(2x + y) = 2 \end{cases}$ 을 풀면?

- ① $(-4, -1)$
- ② $(-4, 1)$
- ③ $(-1, 3)$
- ④ $(4, -1)$**
- ⑤ $(4, 1)$

해설

$$\begin{cases} 0.4x + 0.5y = 1.1 & \dots ① \\ \frac{2}{7}(2x + y) = 2 & \dots ② \end{cases}$$

① $\times 10$, ② $\times 7$ 하면,

$$\begin{cases} 4x + 5y = 11 \dots ③ \\ 4x + 2y = 14 \dots ④ \end{cases}$$

③ - ④ 를 하면,

$x = 4, y = -1$ 이다.

5. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{1}{3}x + \frac{1}{6}y = \frac{2}{6} \\ 0.4x - 0.1y = 4 \end{cases}$ 를 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $x = 7$

▶ 정답: $y = -12$

해설

$\frac{1}{3}x + \frac{1}{6}y = \frac{2}{6}$ 의 양변에 $\times 6$ 을 하면

$$2x + y = 2 \cdots ①$$

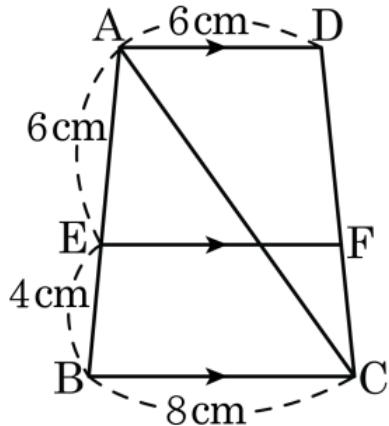
$0.4x - 0.1y = 4$ 의 양변에 $\times 10$ 을 하면

$$4x - y = 40 \cdots ②$$

$$① + ② \text{ 하면 } 6x = 42$$

$$x = 7, y = -12$$

6. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{BC}$ 일 때, $\overline{DF} : \overline{FC}$ 의 비는?



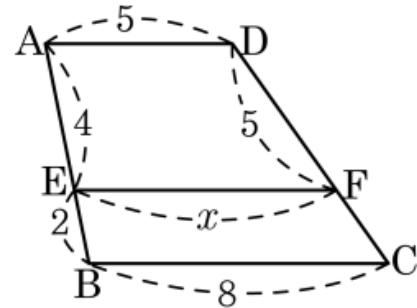
- ① 2 : 3 ② 3 : 2 ③ 4 : 9 ④ 2 : 5 ⑤ 5 : 6

해설

$$\overline{DF} : \overline{FC} = \overline{AE} : \overline{EB} = 3 : 2$$

7. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{EF} \parallel \overline{BC}$ 일 때, x 의 값은?

- ① 5
- ② 5.5
- ③ 6
- ④ 6.5
- ⑤ 7



해설

$\overline{DC} \parallel \overline{AH}$ 인 직선 AH 를 그으면

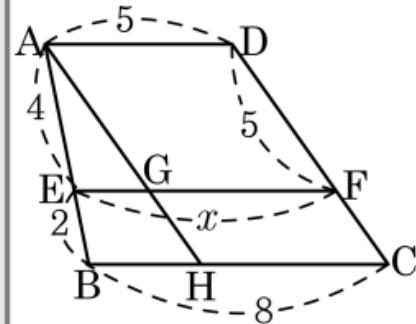
$$\overline{EG} = x - 5$$

$$\overline{BH} = 3$$

$$\overline{AB} : \overline{AE} = \overline{BH} : \overline{EG}$$

$$6 : 4 = 3 : (x - 5)$$

$$\therefore x = 7$$



8.

$\frac{17}{2^3 \times 5 \times 7} \times a$ 는 유한소수로 나타낼 수 있다. 이때, 가장 작은 자연수 a 의 값은?

① 7

② 6

③ 5

④ 4

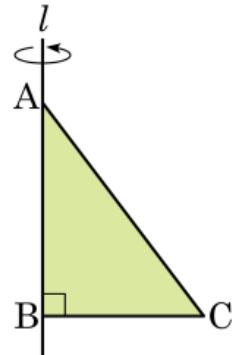
⑤ 3

해설

$\frac{17}{2^3 \times 5 \times 7} \times a$ 가 유한소수이여야 하므로 a 는 7의 배수이고 7의 배수 중 가장 작은 수는 7이 된다.

9. 다음 그림에서 \overline{AB} 의 길이가 $\frac{3}{4}ab^2$, \overline{BC} 의 길이가 $\frac{3}{2}a^2b$ 인 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} 를 축으로 하여 회전시킨 회전체의 부피는?

- ① $\frac{9}{16}a^5b^4\pi$
- ② $\frac{9}{16}a^4b^4\pi$
- ③ $\frac{16}{9}a^4b^5\pi$
- ④ $\frac{16}{9}a^5b^4\pi$
- ⑤ $\frac{9}{16}a^4b^5\pi$



해설

\overline{AB} 를 축으로 회전시킨 회전체는 원뿔이다.

\overline{BC} 의 길이가 밑면의 반지름의 길이가 되므로

$$(\text{밑면의 넓이}) = \pi \left(\frac{3}{2}a^2b \right)^2 = \frac{9}{4}a^4b^2\pi$$

$$(\text{원뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times \frac{9}{4}a^4b^2\pi \times \frac{3}{4}ab^2 = \frac{9}{16}a^5b^4\pi$$

10. $2x - y + 3 = 3x - 2y + 5$ 임을 이용하여 $x^2 + xy - 3$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $3x - 3$
- ② $x^2 + x - 3$
- ③ $2x^2 + x - 3$
- ④ $2x^2 + 2x - 3$
- ⑤ $2x^2 + 3x - 3$

해설

$2x - y + 3 = 3x - 2y + 5$ 를 y 로 정리하면 $y = x + 2$ 이다.

주어진 식에 대입하면

$$x^2 + x(x + 2) - 3 = 2x^2 + 2x - 3 \text{ 이다.}$$

11. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax - by = -1 \\ bx - ay = -8 \end{cases}$ 의 해가 $x = 2, y = 5$ 일 때, a, b 의 값을 구하면?

① $a = 1, b = 2$

② $a = 2, b = -1$

③ $a = -1, b = -2$

④ $a = 1, b = 3$

⑤ $a = 2, b = 1$

해설

$x = 2, y = 5$ 를 방정식에 대입하면

$$\begin{cases} 2a - 5b = -1 \cdots ① \\ 2b - 5a = -8 \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 2 +$ ② $\times 5$ 하면

$$-21a = -42$$

$$a = 2$$

$a = 2$ 를 ①에 대입하여 풀면 $b = 1$

$$\therefore a = 2, b = 1$$

12. 일차함수 $y = -\frac{3}{2}x + 3$ 의 그래프가 y 축과 만나는 점을 A, x 축과 만나는 점을 B라 할 때, 두 점 A, B의 좌표를 각각 구하면?

- ① A(2, 0), B(0, 3)
- ② A(-2, 0), B(0, 3)
- ③ A(0, 3), B(-2, 0)
- ④ A(0, 3), B(2, 0) (Red circle around this option)
- ⑤ A(0, -3), B(-2, 0)

해설

점 A의 y 좌표는 y 절편, 점 B의 x 좌표는 x 절편이므로

$$y = 0 \text{ 을 대입하면 } 0 = -\frac{3}{2}x + 3, x = 2$$

$$x = 0 \text{ 을 대입하면 } y = -\frac{3}{2} \times 0 + 3, y = 3$$

$$\therefore A(0, 3), B(2, 0)$$

13. 두 점 $(4, 2), (9, a)$ 를 지나는 직선의 그래프가 두 점 $(2, 3), (7, 5)$ 를 지나는 그래프와 서로 평행일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 4

해설

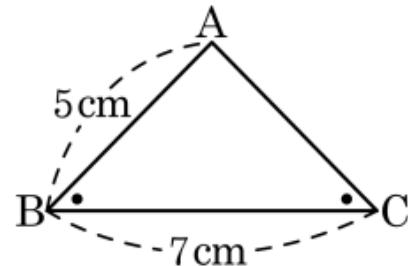
서로 평행이려면 기울기가 같아야 한다.

$$(2, 3), (7, 5) \text{ 의 기울기는 } \frac{5 - 3}{7 - 2} = \frac{2}{5}$$

$$(4, 2), (9, a) \text{ 의 기울기 } \frac{a - 2}{9 - 4} = \frac{2}{5}$$

$$\therefore a = 4$$

14. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?

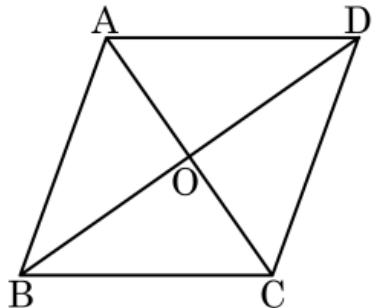


- ① 4cm
- ② 4.5cm
- ③ 5cm
- ④ 5.5cm
- ⑤ 6cm

해설

$\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로
 $\overline{AC} = \overline{AB} = 5\text{cm}$

15. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에 대하여 두 대각선의 교점을 O라고 하자. $\triangle AOD = 20\text{cm}^2$ 일 때, □ABCD의 넓이는?



- ① 40cm^2 ② 60cm^2 ③ 80cm^2
④ 100cm^2 ⑤ 120cm^2

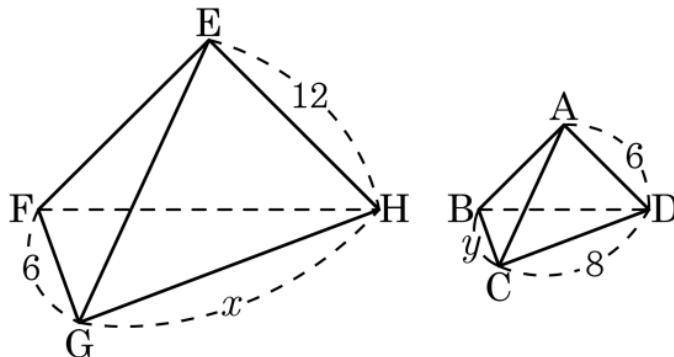
해설

$\triangle BOC$ 와 $\triangle AOD$ 는 같다.

$\triangle AOD + \triangle BOC = \triangle AOB + \triangle DOC$ 이다.

그러므로 평행사변형 ABCD는 80cm^2 이다.

16. 다음 그림에서 사각뿔 E-FGH 은 사각뿔 A-BCD 을 2 배로 확대한 것일 때, $x + y$ 의 값을 구하여라.



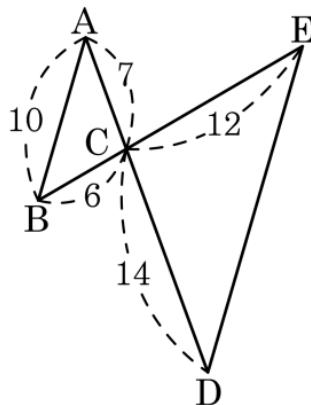
▶ 답 :

▷ 정답 : 19

해설

닮음비가 $2 : 1$ 이므로 $2 : 1 = x : 8 = 6 : y$ 이므로 $x = 16, y = 3$ 이다. 따라서 $x + y = 19$ 이다.

17. 다음 그림에서 \overline{DE} 의 길이를 구하면?



- ① 8 ② 12 ③ 16 ④ 20 ⑤ 24

해설

$$\overline{AC} : \overline{CD} = 7 : 14 = 1 : 2$$

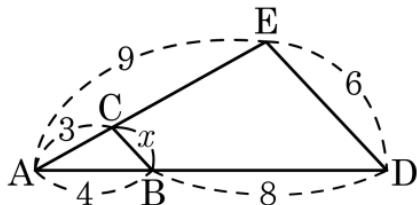
$$\overline{BC} : \overline{CE} = 6 : 12 = 1 : 2$$

$\angle ACB = \angle DCE$ (\because 맞꼭지각)

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle DEC$

따라서 $\overline{AB} : \overline{DE} = 1 : 2 = 10 : x$, $x = 20$ 이다.

18. 다음 그림에서 x 의 값을 구하시오.



▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$\triangle ABC$ 와 $\triangle ADE$ 에서

$$\overline{AC} : \overline{AE} = 3 : 9 = 1 : 3$$

$$\overline{AB} : \overline{AD} = 4 : (4 + 8) = 1 : 3$$

$\angle A$ 는 공통

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle ADE$ (SAS 닮음)

$$\overline{BC} : \overline{DE} = 1 : 3 \text{ 이므로}$$

$$x : 6 = 1 : 3$$

$$\therefore x = 2$$

19. 다음 순환소수 중 0.2 와 같은 것은?

① $0.1\dot{5}$

② $0.\dot{2}$

③ $0.1\dot{9}$

④ $0.\dot{1}\dot{9}$

⑤ $0.\dot{2}\dot{0}$

해설

$$\textcircled{3} \quad 0.1\dot{9} = \frac{19 - 1}{90} = \frac{18}{90} = \frac{1}{5} = 0.2$$

20. 부등식 $3^{10} < x^{10} < 4^{20}$ 을 만족하는 자연수 x 의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 12 개

해설

$$3^{10} < x^{10} < (4^2)^{10}$$

$$3 < x < 4^2$$

따라서 만족하는 자연수는 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15
로 12개이다.

21. $\frac{7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3}{49}$ 의 값은?

- ① 7^5
- ② 7^4
- ③ 7^3
- ④ 7^2
- ⑤ 7

해설

$$\frac{7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3}{49} = \frac{7^3 \times 7}{7^2} = \frac{7^4}{7^2} = 7^2$$

22. $-3 \leq x < 1$ 일 때, $5 - 2x$ 의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $3 < 5 - 2x \leq 11$

해설

$-3 \leq x < 1$ 의 각각의 변에 -2 를 곱하면 $-2 < -2x \leq 6$, 각각의
변에 5 를 더하면 $3 < 5 - 2x \leq 11$ 이다.

23. 70 원 짜리 우표와 50 원 짜리 우표를 합하여 14장을 사려고 한다.
전체 가격을 850 원 이하로 하면서 70 원 짜리 우표를 가능한 많이
사려고 한다. 70 원짜리 우표는 몇 장 살 수 있는지 구하여라.

▶ 답: 장

▶ 정답: 7 장

해설

70 원 짜리 우표를 x 장 산다고 하면

50 원 짜리 우표는 $14 - x$ 장이다.

$$70x + 50(14 - x) \leq 850$$

$$20x \leq 150$$

$$x \leq 7.5$$

24. 어느 박물관의 입장료는 5000 원인데, 30 명 이상의 단체에게는 1 할을 할인해 주고 100 명 이상의 단체에게는 2 할을 할인해 준다고 한다. 학생 수가 30 명 이상 100 명 미만인 단체는 학생 수가 몇 명 이상일 때, 100 명의 단체 입장료를 지불하는 것이 더 유리한지 구하여라.

▶ 답 : 명이상

▶ 정답 : 89 명이상

해설

학생 수를 x 명이라 하면

$$30 \text{ 명 이상 일 때} : 0.9 \times 5000 \times x$$

$$100 \text{ 명 이상 일 때} : 0.8 \times 5000 \times 100$$

$$0.9 \times 5000 \times x > 0.8 \times 5000 \times 100$$

$$x > 88.8 \dots \therefore x = 89 \text{ 명 이상}$$

25. 90L 물탱크에 물을 채우는데 경심이가 1분에 3L씩 5분 동안 물을 부은 후 경준이가 15분 이내에 물탱크에 물을 가득 채우려 한다. 1분에 몇 L 이상씩 물을 부어야 하는지 구하여라.

▶ 답 : L

▷ 정답 : 5L

해설

90L 물통에서 $3L \times 5$ 를 제외한 양을 15분 이내에 1분에 x L씩 채워서 총 90L를 만들어야 한다.

$$3 \times 5 + 15 \times x \geq 90, \quad x \geq 5$$

26. 희재는 완규와 역전에서 만나기로 했는데 30 분 일찍 도착하여 그 사이 서점에서 책을 보러 가려고 한다. 서점에 책을 보는 시간은 15분이고 희재는 시속 4km로 걸어간다고 할 때, 희재는 몇 km 이내의 서점을 가야 하는지 구하여라.

▶ 답 : km

▶ 정답 : 0.5 km

해설

책을 보는 데 15 분이므로 이동시간이 15 분 이하이어야 한다.
역전에서 서점까지의 거리를 x km 라고 할 때 왕복 $2x$ km이다.

$$\frac{2x}{4} \leq \frac{1}{4}, x \leq \frac{1}{2}$$

0.5 km 이내의 서점을 이용해야 한다.

27. 다음 일차방정식 중에서 순서쌍 $(2, -1)$ 이 해가 되는 것은?

① $5x - 2y = 8$

② $3x - 2y = 8$

③ $4x - y = 8$

④ $2x + 3y = 8$

⑤ $-2x - 4y = 8$

해설

② $x = 2, y = -1$ 을 대입하면 $6 + 2 = 8$ 이다.

28. 연립방정식 $\begin{cases} x = -2y + 5 & \cdots \textcircled{①} \\ 2x - 5y = 1 & \cdots \textcircled{②} \end{cases}$ 을 풀기 위해 $\textcircled{①}$ 을 $\textcircled{②}$ 에 대입하여

$ay = b$ 의 꼴로 만들었다. 이 때, a, b 의 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $a = -9$

▶ 정답: $b = -9$

해설

$x = -2y + 5$ 를 $2x - 5y = 1$ 에 대입하면

$$2(-2y + 5) - 5y = 1$$

$$-9y = -9$$

$$\therefore a = -9, b = -9$$

29. 연립방정식 $\begin{cases} 2x = 3y - 1 \dots ① \\ 2x - 3y = -4(y - 2) + 3 \dots ② \end{cases}$ 를 풀기 위해 ①을 ②에 대입하여 x 를 소거한 $ay = b$ 꼴로 만들었다. 이때, $2a - b$ 의 값을 구하여라. (단, a 와 b 는 서로소의 관계이다.)

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

②를 풀면

$$2x - 3y = -4y + 8 + 3$$

$$2x + y = 11$$

①을 ②에 대입하면

$$3y - 1 + y = 11$$

$$4y = 12$$

$$y = 3$$

그러므로 $a = 1, b = 3$

$$\therefore 2a - b = 2 - 3 = -1$$

30. 다음 연립방정식을 풀면?

$$\begin{cases} 0.06x - 0.05y = 0.18 \\ \frac{x}{4} + \frac{2}{3}y = 6 \end{cases}$$

① $x = 8, y = 6$

② $x = -8, y = 6$

③ $x = 8, y = -6$

④ $x = -8, y = -6$

⑤ $x = -\frac{26}{3}, y = -14$

해설

첫 번째 식에는 100을 곱하고, 두 번째 식에는 12를 곱하면

$$\begin{cases} 6x - 5y = 18 \\ 3x + 8y = 72 \end{cases}$$

두 번째 식에 2를 곱하면

$$\begin{cases} 6x - 5y = 18 \\ 6x + 16y = 144 \end{cases}$$

두식을 빼면

$$21y = 126 \quad \therefore y = 6$$

$$\therefore x = 8$$

31. 연립방정식 $(a - 1)x - 3y = 9$, $-2x + 3y = 0$ 의 해가 없게 되는 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 3

해설

$$\frac{-2}{a-1} = \frac{3}{-3} \neq \frac{0}{9} \text{에서 } a = 3 \text{이다.}$$

32. 형과 동생의 나이의 합이 22살이고 형은 동생보다 4살이 많다. 형의 나이는?

- ① 11살 ② 12살 ③ 13살 ④ 14살 ⑤ 15살

해설

형의 나이를 x 살, 동생의 나이를 y 살이라 하면

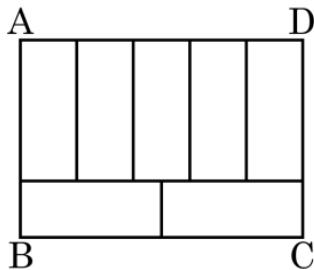
$$\begin{cases} x + y = 22 & \cdots (1) \\ x = y + 4 & \cdots (2) \end{cases}$$

(2)를 (1)에 대입하면 $y + 4 + y = 22$

$$y = 9, x = y + 4 = 13$$

따라서 형의 나이는 13살이다.

33. 다음 그림은 모양과 크기가 같은 7 장의 카드를 붙여서 둘레가 68 인 직사각형 ABCD 를 만들었다. 카드 한 장의 가로와 세로의 길이를 각각 x , y 라고 할 때, x , y 의 값을 고르면?



- ① $x = 4, y = 10$ ② $x = 5, y = 9$ ③ $x = 6, y = 10$
④ $x = 5, y = 8$ ⑤ $x = 4, y = 9$

해설

카드의 짧은 변의 길이를 x , 긴 변의 길이를 y 라 하면
직사각형 ABCD 의 둘레의 길이 : $7x + 4y = 68$

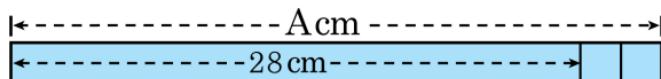
변 AB 와 변 CD 의 길이 : $5x = 2y \rightarrow y = \frac{5}{2}x$

$y = \frac{5}{2}x$ 를 $7x + 4y = 68$ 에 대입하면

$$7x + 4 \times \frac{5}{2}x = 17x = 68$$

$$\therefore x = 4, y = 10$$

34. 다음 그림에서 A는 정사각형 모양의 타일 2 개와 28cm 길이의 타일로 이루어져 있고 B는 정사각형 모양의 타일 5 개와 6cm 길이의 타일로 구성되어 있다. A의 길이가 B 길이의 2 배일 때, A + B의 값은?



- ① 42 ② 44 ③ 46 ④ 48 ⑤ 50

해설

B의 길이를 y cm, 작은 블록의 한 변의 길이를 x cm라고 하자.
A의 길이는 B의 2배이므로 A는 $2y$ 가 된다.

즉, $A : 2y = 28 + 2x$, $B : y = 6 + 5x$ 이므로

$$\text{연립방정식} \begin{cases} 2y = 28 + 2x \cdots \textcircled{\text{I}} \\ y = 6 + 5x \quad \cdots \textcircled{\text{II}} \end{cases}$$

□을 ▨에 대입하면

$$2 \times (6 + 5x) = 28 + 2x$$

$$12 + 10x = 28 + 2x$$

$$8x = 16$$

$$x = 2 \cdots \textcircled{\text{III}}$$

▨을 ▨에 대입하면 $y = 6 + 5 \times 2 = 16$

따라서 B의 길이 $y = 16(\text{cm})$ 이고,

A의 길이 $2y = 2 \times 16 = 32(\text{cm})$ 이다.

$$\therefore 16 + 32 = 48$$

35. A 는 구리를 15% , 주석을 15% 포함한 합금이고, B 는 구리를 10% , 주석을 30% 포함한 합금이다. 이 두 종류의 합금을 녹여서 구리를 250 g , 주석을 450 g 포함한 합금 C 를 만들었다. A , B 는 각각 몇 g 씩 필요한지 차례대로 구하여라.

▶ 답 : g

▶ 답 : g

▶ 정답 : 1000 g

▶ 정답 : 1000 g

해설

합금 A, B 의 양을 각각 x g, y g 이라 하면

$$\begin{cases} 0.15x + 0.1y = 250 \\ 0.15x + 0.3y = 450 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 15x + 10y = 25000 \\ 15x + 30y = 45000 \end{cases}$$

$$\therefore x = 1000, y = 1000$$

36. 구리와 아연이 반씩 든 합금 A 와 구리와 아연의 포함 비율이 3 : 1 인 합금 B 를 합하여 구리와 아연의 포함 비율이 3 : 2 인 합금 450kg 을 만들었다. 합금B 의 무게는?

① 45kg

② 135kg

③ 180kg

④ 200kg

⑤ 300kg

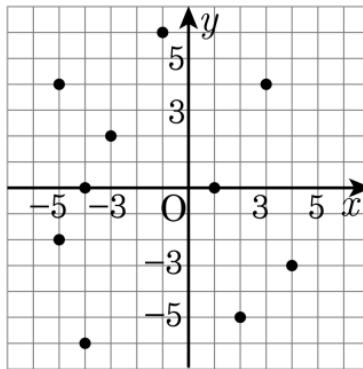
해설

A 의 무게를 $x\text{kg}$, B 의 무게를 $y\text{kg}$ 이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 450 \\ \frac{1}{2}x + \frac{3}{4}y = \frac{3}{5} \times 450 \end{cases}$$

$$\therefore x = 270, y = 180$$

37. 다음 그림과 같이 좌표평면 위에 점들이 주어질 때, 가장 많은 점을 지나는 일차함수의 기울기와 y 절편을 짹지은 것은?



- ① $-2, -8$ ② $-1, 6$ ③ $1, 7$
④ $1, 9$ ⑤ $2, 8$

해설

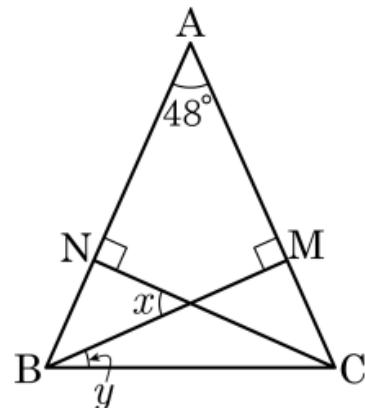
가장 많은 점을 지나는 일차함수는 $(-5, -2)$, $(-3, 2)$, $(-1, 6)$ 을 지나는 직선이므로 기울기는 $\frac{6-2}{-1-(-3)} = 2$ 이다.

$y = ax + b$ 에서 $y = 2x + b$ 이므로 $(-1, 6)$ 을 대입해 보면 $b = 8$ 이다.

따라서 일차함수의 식은 $y = 2x + 8$ 이고 기울기는 2, y 절편은 8 이다.

38. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\angle A = 48^\circ$ 인 이등변삼각형이다. 점 B, C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 M, N이라 할 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

- ① 72°
- ② 76°
- ③ 80°
- ④ 84°
- ⑤ 88°



해설

$\triangle BNC \cong \triangle CMB$ (RHA 합동)

$\triangle BMC$ 에서, $\angle MCB = 66^\circ$, $y = 24^\circ$,

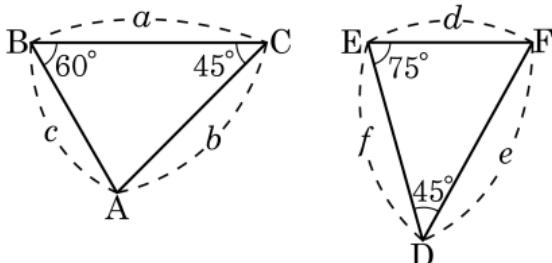
$$\angle MCN = 66^\circ - 24^\circ = 42^\circ \therefore x = 180^\circ - (42^\circ + 90^\circ) = 48^\circ$$

따라서 $\angle x + \angle y = 48^\circ + 24^\circ = 72^\circ$ 이다.

39. 다음 두 삼각형을 보고

□ 안에 들어갈 기호를 차례대로 구하여라.

닮음비는 $a : e = b : \square = c : \square$ 이다.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : f

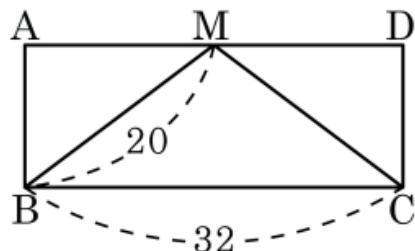
▷ 정답 : d

해설

$\triangle ABC \sim \triangle EFD$ 이므로

닮음비는 $a : e = b : f = c : d$

40. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 점 M은 선분 AD의 중점이고, $\overline{BM} = 20$, $\overline{BC} = 32$ 일 때, □ABCD의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 384

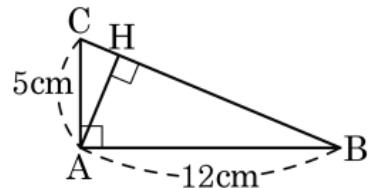
해설

$$\overline{AM} = 16, \triangle ABM \text{에서 } 20^2 = 16^2 + \overline{AB}^2 \text{ 이므로}$$

$$\overline{AB} = 12$$

$$\therefore \square ABCD = 32 \times 12 = 384$$

41. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발이 H 라 할 때, \overline{BH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $\frac{144}{13} \text{ cm}$

해설

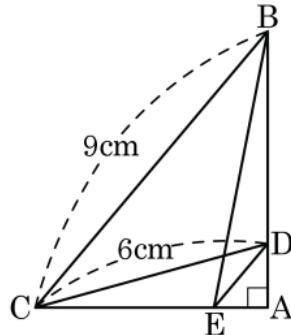
$\triangle ABC$ 는 직각삼각형이므로 피타고拉斯 정리를 적용하면 $BC = 13 \text{ cm}$

$\overline{BH} = x$ 라 하자.

닮은 삼각형의 성질을 이용하면

$$12^2 = 13x \text{ 이므로 } x = \frac{144}{13} (\text{ cm}) \text{ 이다.}$$

42. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\overline{CD} = 6\text{ cm}$, $\overline{BC} = 9\text{ cm}$ 일 때,
 $\overline{BE}^2 - \overline{DE}^2$ 의 값을 구하여라.(단, 단위는 생략)



▶ 답 :

▷ 정답 : 45

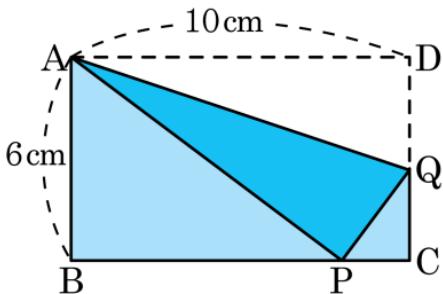
해설

$$\overline{BE}^2 = \overline{AE}^2 + \left\{ (9^2 - \overline{AC}^2) \right\},$$

$$\overline{DE}^2 = \overline{AE}^2 + \left\{ (6^2 - \overline{AC}^2) \right\}$$

$$\overline{BE}^2 - \overline{DE}^2 = 9^2 - 6^2 = 45$$

43. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 를 선분 AQ 를 접는 선으로 하여 꼭짓점 D 가 변 BC 위의 점 P 에 오도록 접었다. $\triangle ABP$ 와 $\triangle PCQ$ 가 직각삼각형이 되기 위한 \overline{PQ} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\frac{10}{3} \text{ cm}$

해설

$\overline{AD} = \overline{AP} = 10\text{cm}$ 이므로 삼각형 ABP 는 $10^2 = 6^2 + \overline{BP}^2$ 이 된다. $\overline{BP} = 8(\text{cm})$

그러므로 $\overline{PC} = 2\text{cm}$

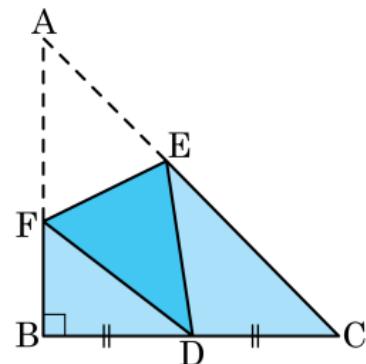
$\overline{PQ} = x$ 라 놓으면 $\overline{DQ} = x$ 가 되고, $\overline{CQ} = 6 - x$ 가 된다.

삼각형 QCP 는 $x^2 = 2^2 + (6 - x)^2$

$$\therefore x = \frac{10}{3} \text{ cm}$$

44. 다음 그림은 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형의 종이를 \overline{EF} 를 접는 선으로 하여 점 A가 \overline{BC} 의 중점 D에 겹치게 접은 것이다. 다음 중 옳은 것은?

- ① $\angle AEF = 90^\circ$
- ② $\triangle AEF \cong \triangle DEF$
- ③ $\overline{AE} = \overline{EC}$
- ④ $\overline{AF} = \overline{AE}$
- ⑤ $\angle A \neq \angle C$



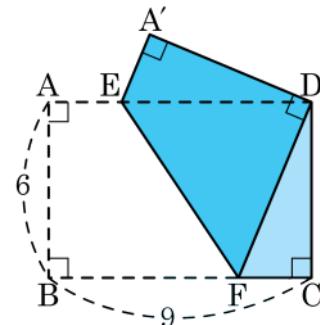
해설

- ① $\angle AEF = \angle DEF$ 이지만 90° 는 아니다.
- ③ $\overline{AE} \neq \overline{EC}$, ④ $\overline{AF} \neq \overline{AE}$, ⑤ $\angle A = \angle C = 45^\circ$ 이다.

45. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 꼭짓점 B 가 점 D 에 오도록 접었다. $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 9$ 일 때, $\triangle DEF$ 의 넓이는?

- ① 18 ② 18.5 ③ 19

- ④ 19.5 ⑤ 20



해설

\overline{DE} 를 x 라고 하면,

$\triangle A'ED$ 에서

$$6^2 + (9 - x)^2 = x^2$$

$$18x = 36 + 81$$

$$x = \frac{117}{18} = \frac{13}{2}$$

따라서 $\triangle EDF$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times \frac{13}{2} \times 6 = \frac{39}{2} = 19.5$ 이다.

46. 1에서 25 까지의 수가 각각 적힌 25 장의 카드 중에서 한 장의 카드를 뽑을 때, 3의 배수가 나오는 경우의 수는?

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- ④ 8
- ⑤ 9

해설

3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24의 8 가지이다.

47. 동전 다섯 개를 동시에 던질 때, 일어날 수 있는 모든 경우의 수를 구하면?

- ① 5 가지
- ② 10 가지
- ③ 25 가지
- ④ 32 가지
- ⑤ 40 가지

해설

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32 \text{ (가지)}$$

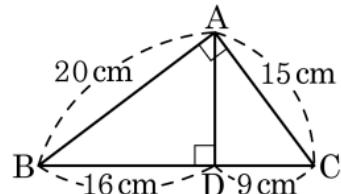
48. 주사위 3 개를 동시에 던질 때, 나올 수 있는 모든 경우의 수는?

- ① 18 가지
- ② 36 가지
- ③ 108 가지
- ④ 180 가지
- ⑤ 216 가지

해설

$$6 \times 6 \times 6 = 216 \text{ (가지)}$$

49. 다음 그림에서 \overline{AD} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 12cm

해설

$\triangle ABD$ 와 $\triangle CBA$ 에서

$$\overline{AB} : \overline{CB} = \overline{BD} : \overline{BA} = 4 : 5$$

$$\angle ABD = \angle CBA$$

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle CBA$ (SAS 닮음)

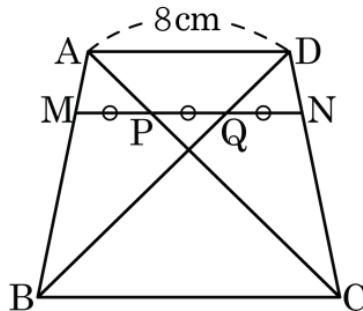
$$\overline{AB} : \overline{CB} = \overline{AD} : \overline{CA}$$

$$4 : 5 = \overline{AD} : 15$$

$$5\overline{AD} = 60, \overline{AD} = 12(\text{cm})$$

50. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AM} : \overline{MB} = \overline{DN} : \overline{NC} = 1 : 3$ 이다.

$\overline{MP} = \overline{PQ} = \overline{QN}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



- ① 9cm ② 12cm ③ 15cm ④ 18cm ⑤ 21cm

해설

$\overline{AM} : \overline{MB} = \overline{DN} : \overline{NC} = 1 : 3$ 에서 $3 : 4 = \overline{MQ} : 8$ 이다.

따라서 $\overline{MQ} = 6$ 이다.

$\overline{MQ} = 2\overline{MP}$ 이므로 $\overline{MP} = 3$ cm 이다.

$1 : 4 = 3 : \overline{BC}$ 이므로 $\overline{BC} = 12$ 이다.