직사각형의 넓이를 구하려고 합니다. ☐ 안에 알 맞은 수를 써넣으시오.

(넓이)= X = (cm²)

➢ 정답: 5

▶ 답:

- **2.** 다음은 $y = 2x^2$ 의 그래프에 대한 설명이다. 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?
 - ① 꼭짓점의 좌표는 (2, 0)이다.
 - ② y축에 대칭인 포물선이다.③ 아래로 볼록한 모양이다.
 - 4y의 값의 범위는 $y \le 0$ 이다.
 - ⑤ $y = -2x^2$ 과 x축에 대하여 대칭이다.

① 꼭짓점은 (0,0)

해설

- ④ y의 값의 범위는 y≥0

3. 이차함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 m만큼, y축의 방향으로 n만큼 평행이동하였더니 $y = -x^2 + 4x + 2$ 가 되었다. m + n의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 8

 $y = -x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 m만큼, y축의 방향으로 n만큼 평행이동한 그래프의 식은

 $y = -(x - m)^{2} + n$ $= -(x^{2} - 2mx + m^{2}) + n$ $= -x^{2} + 2mx - m^{2} + n$

2m=4 $\therefore m=2$

 $-m^2 + n = 2$ -4 + n = 2

 $\therefore n = 6$ m + n = 2 + 6 = 8

- **4.** 이차함수 $y = -x^2 + 2x 3$ 의 그래프에서 x의 값이 증가할 때, y 의 값이 감소하는 x 의 범위를 구하여라.
- 답:

▷ 정답: x > 1

02: ...

 $y = -x^{2} + 2x - 3$ $y = -(x - 1)^{2} - 2$

해설

따라서 꼭짓점이 (1, -2) 인 위로 볼록한 그래프이므로 x의 값이 증가할 때, y의 값이 감소하는 x의 범위는 x>1

- 이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x축에 대하여 대칭이동한 후 다시 x**5.** 축의 방향으로 -3 만큼, y 축의 방향으로 6 만큼 평행이동시켰더니 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프가 되었다. 이 때, apq 의 값은?
- ① 6 ② -6 ③ 8
- ⑤ -9

x축에 대하여 대칭이동하면

 $y = -\frac{1}{2}x^2$ x축의 방향으로 -3만큼, y축의 방향으로 6만큼 평행이동하면

 $y = -\frac{1}{2}(x+3)^2 + 6$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}, \ p = -3, \ q = 6$$

$$\therefore apq = \left(-\frac{1}{2}\right) \times (-3) \times 6 = 9$$

다음 중 주어진 조건을 모두 만족하는 포물선을 그래프로 하는 이차 6. 함수의 식은?

- ① 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와 폭이 같다.
- ⓒ 꼭짓점은 제 4 사분면 위에 있다.
- ◎ 아래로 볼록하다. ② y 절편이 양수이다.

① $y = \frac{1}{2}(x-2)^2 - 1$ ② $y = \frac{1}{2}(x+3)^2 + 1$ ③ $y = \frac{1}{2}(x-2)^2 - 3$ ④ $y = -\frac{1}{2}(x+2)^2 + 3$ ③ $y = -\frac{1}{2}(x-3)^2 - 3$

$$y = \frac{1}{2}(x-2) - \frac{1}{2}(x-3)^2$$

 \bigcirc 에서 $y=-rac{1}{2}x^2$ 의 그래프와 폭이 같은 것은 이차항의 계수가

- $\frac{1}{2}$, $-\frac{1}{2}$ 이다. © 꼭짓점의 x 좌표가 양수, y 좌표가 음수이다.
- ⓒ 아래로 볼록하므로 이차항의 계수가 양수이다. ② y 절편이 양수이다.
- 이 조건을 만족하는 이차함수식은 ①이다.

7. 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 3 을 y = a(x - p)^2 + q$ 의 꼴로 나타낼 때, *p* + *q* 의 값은?

① 6

- ②5 3 4 ④ 3 ⑤ 2

해설

$$y = -x^{2} + 2x + 3$$

$$= -(x^{2} - 2x + 1 - 1) + 3$$

$$= -(x - 1)^{2} + 4$$

$$\therefore p = 1, q = 4$$

$$\therefore p + q = 1 + 4 = 5$$

- 8. $y = -2x^2 4x + 10$ 의 그래프에서 x 의 값이 증가할 때, y 의 값은 감소하는 x의 값의 범위는?
 - $\bigcirc x > -1$ $\bigcirc x < -1$
- - ① x > 1 ② x < 1 ③ x > 0

 $y = -2x^2 - 4x + 10$

 $= -2(x+1)^2 + 12$ 위로 볼록한 모양의 포물선이고 축의 방정식 x=-1 이므로

따라서 x 의 값이 증가할 때, y 의 값은 감소하는 x 의 값의 범위는 $\{x \mid x > -1\}$ 이다.

9. 두 함수 $(a^2 - 3a + 2)y^2 + 2y - 4x^2 - 1 = 0$ 과 $y = (2a^2 - 8)x^2 - 3x + 1$ 이 모두 y 가 x 에 관한 이차함수가 되도록 상수 a 의 값을 정하여라.

답:

➢ 정답: 1

i) $(a^2-3a+2)y^2+2y-4x^2-1=0$ 이 x에 관한 이차함수가 되기

- 위해서는 $a^2-3a+2=0$ 이어야 하므로 (a-1)(a-2)=0 $\therefore a=1$ 또는 a=2 ii) $y=(2a^2-8)x^2-3x+1$ 이 x에 관한 이차함수가 되기 위해
- i), ii)에 의하여 a=1 이다.

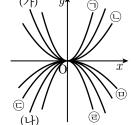
- **10.** 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 두 점 $(4, 8), (b, \frac{9}{2})$ 를 지난다. 이 함수와 x 축 대칭인 이차함수가 (b, c) 를 지날 때, c 의 값은?(단, b < 0)
 - ① -2 ② $-\frac{5}{2}$ ③ 3 ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $-\frac{9}{2}$
 - $y=ax^2$ 에 $(4, 8), \ \left(b, \frac{9}{2}\right)$ 을 대입하면 $a = \frac{1}{2}, b = -3$ 이다. 이 이차함수와 x 축 대칭인 이차함수는

 - $y = -\frac{1}{2}x^2$ 이고 (-3, c) 를 지나므로
 - $\therefore c = -\frac{9}{2}$

11. 다음 그림은 모두 꼭짓점이 원점인 포물선이고, $y = x^2$ …(가), $y = -x^2$ …(나)이다. -1 < a < 0일 때, $y = -ax^2$ 의 그래프로 알맞은 것은?



1 7



해설

이다.

0<-a<1 이므로 (개와 x 축 사이에 있는 그래프를 찾으면 \bigcirc

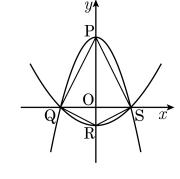
③ €

- 12. 이차함수 $y = -\frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 m 만큼 평행이동하면 점 $(\sqrt{3}, -5)$ 를 지난다고 할 때, m 의 값은?
- ① 4 ② 5 ③ -5 ④ -3 ⑤ -2

해설
$$y = -\frac{2}{3}x^2 + m \text{ 에 점 } (\sqrt{3}, -5) \equiv \text{ 대입하면}$$
$$-5 = -\frac{2}{3}(-\sqrt{3})^2 + m$$
$$\therefore m = -3$$

$$\therefore m = -3$$

13. 함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하고, $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다. 이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



- © $\overline{QS} = 8$ 이다.
- © Q5 = 6 ° [·
- ② △PRS = 5, △QPR = 8 이다.③ □PQRS = 12 이다.

①1 개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

함수 $y=\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=\frac{1}{4}x^2-1$

함수 $y=-x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y=-x^2+4$

 $y=-x^2+4$ 에 y=0 을 대입하면 점 Q(-2,0), S(2,0) 이다. $\overline{\mathrm{QS}}=4$ 또, P(0, 4)이고 R(0, -1)

 $\Delta PRS = \Delta QPR = 5$ 따라서 옳은 것은 \bigcirc 이므로 1 개이다.

- **14.** 이차함수 $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를 꼭짓점의 좌표가 (2, 0) 이 되도록 평행 이동하면 점 (k, 6) 을 지난다. 이 때, 상수 k 의 값을 모두 구하여라.
 - ▶ 답:
 - 답:
 - ➢ 정답: 5
 - ▷ 정답: -1

이차함수 $y = \frac{2}{3}x^2$ 의 그래프를 꼭짓점의 좌표가 (2, 0) 이 되도록

평행이동하면 $y = \frac{2}{3}(x-2)^2$ 이다. 점 (k, 6) 을 지나므로 대입하면 $6 - \frac{2}{3}(k-2)^2$ $0 - (k-2)^2$ k-2-43 따라서 k-5-1

면 $6 = \frac{2}{3}(k-2)^2$, $9 = (k-2)^2$, $k-2 = \pm 3$ 따라서 k = 5, -1

15. 이차함수 $y = 2(x+p)^2 + \frac{1}{2}$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동하면 꼭짓점의 좌표가 (2, a) 이고, 점 $\left(-\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지난다. 이 때, 상수 a, b, p 의 곱 abp 의 값은?

① $\frac{11}{3}$ ② 13 ③ $-\frac{11}{3}$ ④ $\frac{13}{2}$ ⑤ $-\frac{13}{2}$

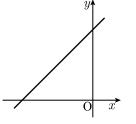
 $y=2(x+p-1)^2+\frac{1}{2}$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 $\left(1-p,\,\frac{1}{2}\right)$ 이므로 $1-p=2,\;p=-1,\;a=\frac{1}{2}$ 이다.

 $y = 2(x-2)^2 + \frac{1}{2}$ 의 좌표가 점 $\left(-\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지나므로 b =

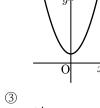
$$2\left(-\frac{1}{2}-2\right)^2+\frac{1}{2},\;\;b=13$$
이다.

 $\therefore abp = \frac{1}{2} \times 13 \times (-1) = -\frac{13}{2}$

16. 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 다음 그림 과 같을 때, 다음 중 이차함수 $y = ax^2 + b$ 의 그래프의 개형은?

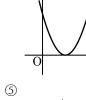


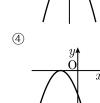


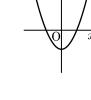












y = ax + b 의 그래프에서

17. 다음 이차함수의 그래프 중 4 번째로 폭이 좁은 것은?

- ① $y = -(x-2)^2$ ② $y = \frac{2x(x-1)(x+1)}{x-1}$ ③ $y = \frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{3}$ ④ $y = -3x^2 + x$ ⑤ $y = -\frac{5}{2}x^2$

- a 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다. a 의 절댓값을 각각 구하면
- 1 1
- 2 2
- $3 \frac{1}{3}$
- 43
- 이므로 폭이 좁은 순서는 ④, ⑤, ②, ①, ③이다. 따라서 네 번째
- 로 폭이 좁은 것은 ①이다.

18. 이차함수 $y = 3x^2 + 2x + a$ 의 그래프가 점 $(a, a^2 + 2)$ 를 지나고 x축과 두 점에서 만나도록 *a* 의 값을 정하여라.

▶ 답:

> 정답: *a* = −2

 $a^2 + 2 = 3a^2 + 2a + a$, $2a^2 + 3a - 2 = 0$, (2a - 1)(a + 2) = 0 $\therefore a = \frac{1}{2}, -2$ x 축과 두 점에서 만나므로 $D = 2^2 - 4 \cdot 3 \cdot a > 0, a < \frac{1}{3}$ $\therefore a = -2$

- **19.** 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (2, 3) 일 때, 이 그래프가 제 2 사분면을 지나지 않을 a의 값의 범위는? (단, $a \neq 0$ 임)
- ① $a < -\frac{4}{3}$ ② $a \le -\frac{4}{3}$ ③ $a < \frac{3}{4}$ ④ $a \le -\frac{3}{4}$

a 의 부호에 따라 그래프의 모양이 다르므로 양수인 경우와 음 수인 경우로 나누어 생각해야 한다면 a > 0 이면 항상 제 2 사분면을 지난다.

a < 0 이면 y 절편이 양수일 때에는 제 2 사분면을 지나고 y

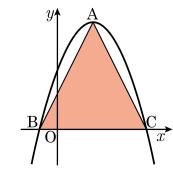
절편이 음수이거나 0 일 때 제 2 사분면을 지나지 않는다. 꼭짓점이 (2, 3) 이므로 $y = a(x-2)^2 + 3$ 이다.

즉, $y = ax^2 - 4ax + 4a + 3$ 이다. 여기서 y 절편은 4a + 3 이다.

 $4a + 3 \le 0$

 $\therefore a \le -\frac{3}{4}$

20. 다음은 $y = a(x-2)^2 + 6$ 의 그래프이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 18 일 때, a 의 값을 구하면?



- ① -2 ② $-\frac{5}{3}$ ③ $-\frac{4}{3}$ ④ -1 ⑤ $-\frac{2}{3}$

해설

 $18 = \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times 6$, $18 = 3 \overline{BC}$, $\overline{BC} = 6$

따라서 점 B 의 좌표는 (-1, 0) 이고, C 의 좌표는 (5, 0) 이다. $y = a(x-2)^2 + 6$ 에 (5, 0) 을 대입하면 9a + 6 = 0 이다. $\therefore a = -\frac{2}{3}$

- **21.** 다음 그림은 이차함수 $y = \frac{1}{2}(x+2)^2 + 2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 4만큼 평행이동 시킨 것이다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라. (단, 점 B와 C는 두 포물선의 꼭 짓점이다.)

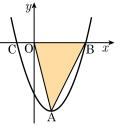
▷ 정답: 8

▶ 답:

 $y=rac{1}{2}(x+2)^2+2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 4만큼 평행이동 시키면 $y = \frac{1}{2}(x-2)^2 + 2$ 이다. 꼭짓점이 (-2, 2)에서 (2, 2)로 변하였고 점 A 의 좌표는 (0, 4) 이므로 평행사변형의 가로의 길이는 4, 높이는 2이다. 따라서 넓이는 $4 \times 2 = 8$ 이다.

- **22.** 다음 포물선 $y = x^2 2x 3$ 의 꼭짓점을 A 라하고, x 축과의 교점을 B, C 라 할 때, \triangle ABO 의 넓이는?
 - ① 16 **4**)6
- ② 8 ⑤ 10
- ③ 12





 $y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$ A 의 좌표는 (1, -4) 이다. x 축과 교점은 y = 0 일 때이므로

0 = (x - 1)² - 4 이다. 따라서 x = -1 또는 x = 3 이다. B 의 좌표는 (3, 0) 이다.

 $\therefore \triangle ABO = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$

23. 일차함수 y = 2x + 5 와 이차함수 $y = x^2 + 6x - 7$ 의 그래프의 교점과 이차함수의 꼭짓점이 이루는 삼각형의 넓이를 구하여라.

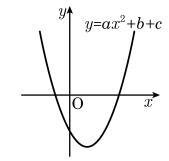
▶ 답:

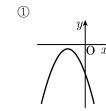
▷ 정답: 60

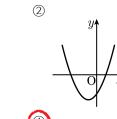
해설

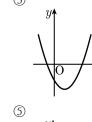
 $y = x^2 + 6x - 7$ 과 y = 2x + 5 의 교점의 좌표를 구하면 $2x + 5 = x^2 + 6x - 7$ $x^2 + 4x - 12 = 0$ (x + 6)(x - 2) = 0 $\therefore (-6, -7), (2, 9)$ $y = x^2 + 6x - 7 = (x + 3)^2 - 16$ 이므로 꼭짓점은 (-3, -16) 이다. 교점 (-6, -7), (2, 9) 과 꼭짓점 (-3, -16) 이 이루는 삼각형의 넓이는 60이다.

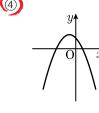
24. $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음과 같을 때, $y = cx^2 + bx + a$ 의 그래프의 모양은 어느 것인가?

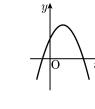












아래로 볼록한 포물선이므로 a > 0꼭짓점의 x 좌표 $-\frac{b}{2a} > 0$ 이므로 b < 0

y 절편 c < 0따라서 $y = cx^2 + bx + a$ 의 그래프는 위로 볼록하고 꼭짓점의 x

좌표 $-\frac{b}{2c} < 0$, y 절편 a > 0 인 포물선이다.

25. 이차함수 $f(x) = x^2 - 3$ 에 대하여 $f^1(x) = f(x), \ f^{n+1} = f(f^n(x))$ 라 할 때, $f^{1111}(1)$ 의 값을 구하여라.

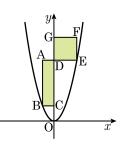
▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

 $f^1(1) = -2$ $f^2(1) = f(-2) = 1$ $f^3(1) = f(1) = -2$ $f^4(1) = f(-2) = 1$ $f^{1111}(1) = -2$

26. 다음 그림에서 포물선은 $y = 2x^2$ 이고, 직사 각형 ABCD의 넓이와 정사각형 DEFG의 넓이는 같다. $\overline{DE} = 2\overline{AD}$ 일 때, 점 E의 x좌표값을 구하여라.



ightharpoonup 정답: $rac{4}{3}$

해설

답:

점 E의 x 좌표값을 p라 하면 $\overline{\mathrm{DE}}=2\overline{\mathrm{AD}}=p$ 이다. $\Box ABCD = \Box DEFG$ 에서 $\overline{AD} \times \overline{CD} = \overline{DE}^2$,

 $\frac{1}{2}\overline{\rm DE}\times\overline{\rm CD}=\overline{\rm DE}^2$

 $\therefore \ \overline{\mathrm{DE}} = \frac{1}{2} \overline{\mathrm{CD}} \ , \ \overline{\mathrm{CD}} = 2p \ \cdots \bigcirc$

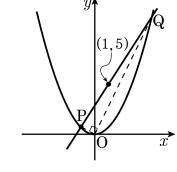
또, $\overline{\mathrm{BC}} = \overline{\mathrm{AD}} = \frac{p}{2}$ 이므로 점 $\mathrm{B}\left(-\frac{p}{2},\,\frac{p^2}{2}\right)$, $\overline{\mathrm{OC}} = \frac{p^2}{2}$,

 $\overline{
m DE}=p$ 에서 점 ${
m E}(p,\ 2p^2)$, $\overline{
m OD}=2p^2$ $\therefore \overline{\text{CD}} = \overline{\text{OD}} - \overline{\text{OC}} = 2p^2 - \frac{p^2}{2} = \frac{3}{2}p^2 \quad \cdots \Box$

①, ⓒ에서 $\frac{3}{2}p^2=2p$, p(3p-4)=0 $\therefore p = \frac{4}{3}(\because p > 0)$

따라서 점 \mathbf{E} 의 x 좌표값은 $\frac{4}{3}$ 이다.

27. 다음 그림과 같이 점 (1, 5)를 지나는 직선이 포물선 $y = x^2$ 과 원점이 아닌 두 점 P, Q에서 만난다. $\angle POQ = 90\,^{\circ}$ 일 때, 직선 PQ의 방정 식은?



- ① y = x + 4 ② y = 2x + 3 ③ y = 3x + 2② y = 4x + 1 ⑤ $y = \frac{1}{2}x + \frac{9}{2}$

직선 PQ의 기울기를 a라 하면 점 (1, 5)를 지나므로 y - 5 =

a(x-1) $\therefore y = ax - a + 5$ $y = x^2$, y = ax - a + 5의 교점의 x좌표를 α , β 라 할 때,

$$\therefore y = a$$

 α , β 는 방정식 $x^2 = ax - a + 5$, 즉 $x^2 - ax + a - 5 = 0 \cdots$ ①

점 P $\left(\alpha,\;\alpha^2\right),\;\mathrm{Q}\left(\beta,\;\beta^2\right)$ 이고, 직선 PO와 QO의 기울기는 각각

 $\frac{\alpha^2}{\alpha} = \alpha, \ \frac{\beta^2}{\beta} = \beta$ ोग्र, $\overline{\mathrm{PO}}$ \bot $\overline{\mathrm{QO}}$ 이므로 $lphaeta = -1 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot$ ©

 \bigcirc , \bigcirc 에 의하여 a-5=-1 (∵근과 계수관계)

따라서 구하는 직선의 방정식은 y = 4x + 1

28. 이차함수 $y = \frac{4}{3}x^2$ 의 그래프와 직선 y = 48 사이에 둘러싸인 도형 내 부의 좌표 중, x, y좌표의 값이 모두 자연수인 점의 개수를 구하여라.

개

답:

▷ 정답: 170<u>개</u>

 $y = \frac{4}{3}x^2$ 의 그래프와 직선 y = 48이 만나는 두 점은 각각 (-6, 48), (6, 48)

둘러싸인 부분의 x 좌표의 범위는 $-6 \le x \le 6$ 이므로 이 범위 안의 자연수는 1, 2, ..., 6 의 6개가 있다. (1) y = 16 위에 있는 자연수인 점은 $(1, 16), (2, 16), \cdots (6, 16)$

로 6 개가 있다.

(2) $y = \frac{4}{3}x^2$ 의 그래프 위에 있는 자연수인 점은 (3, 12)(6, 48)

의 2 개가 있다. 따라서

x 좌표가 6 일 때: 1 개 x 좌표가 5 일 때:

y 좌표는 34 부터 48 까지이므로 15 개

x 좌표가 4 일 때:

y 좌표는 12 부터 48 까지이므로 37 개 x 좌표가 2 일 때: y 좌표는 6 부터 48 까지이므로 43 개

y 좌표는 2 부터 48 까지이므로 47 개 $\therefore 1 + 15 + 27 + 37 + 43 + 47 = 170 (7)$

y 좌표는 22 부터 48 까지이므로 27 개

x 좌표가 3 일 때:

x 좌표가 1 일 때:

29. f(-3) = 15, $f(x^2) \cdot (x^2 + x + 3) = f(x)$ 를 만족하는 함수 f(x) 에 대하여 f(-9) 의 값을 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{125}{93}$

 $f(x^2)\cdot(x^2+x+3)=f(x)$ 에서 x=-3 을 대입하면 9f(9)=

 $\therefore f(9) = \frac{5}{3}$

따라서

 $f(x^2)\cdot(x^2+x+3) = f(x)$ 에서 $f(x^2) = \frac{f(x)}{(x^2+x+3)}$ 이고 $f(x^2) \cdot (x^2 - x + 3) = f(-x)$ 이므로

$$f(-x) = f(x^2) \cdot (x^2 - x + 3)$$

$$= \frac{f(x)}{(x^2 + x + 3)} \cdot (x^2 - x + 3)$$

이 식에 x = 9 를 대입하면 $f(-9) = \frac{\frac{5}{3}}{93} \times 75 = \frac{125}{93}$ 이다.

30. 이차함수 $y = -x^2 - 2x + p$ 의 그래프에서 x축과의 두 교점을 A, B라 하자. $\overline{AB} = 4$ 일 때, 꼭짓점의 x 좌표는?

 $y = -x^2 - 2x + p = -(x+1)^2 + p + 1$ 축의 방정식이 x = -1 이고 $\overline{AB} = 4$ 이므로

해설

 \therefore A(-3, 0), B(1, 0) B(1, 0) 을 $y = -x^2 - 2x + p$ 에 대입하면 $-1^2 - 2 + p = 0$, $\therefore p = 3$

 $\therefore y = -(x+1)^2 + 4$ 따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, 4) 이므로 꼭짓점의 x 좌표는 -1

따라서 꼭짓점의 좌표는 (-1, 4) 이므로 꼭짓점의 *x* 이다.

, i.

31. 이차함수 $y = x^2 - 6kx + 9k^2 - 4$ 의 그래프의 꼭짓점을 A, y 절편을 B, x 절편을 각각 C, D 라 할 때, 사각형 ABCD 의 넓이가 36 가 되는 모든 k 의 값의 곱을 구하여라.

답:

▷ 정답: -2

 $y = x^2 - 6kx + 9k^2 - 4 = (x - 3k)^2 - 4$ \therefore A(3k, -4), B(0, 9k² - 4) $y = x^2 - 6kx + 9k^2 - 4$ 에서 x = 3k - 2 또는 3k + 2 $\therefore C(3k-2, 0), D(3k+2, 0)$

k > 0 이므로 y 절편, 두 개의 x 절편 모두 0 보다 크다.

∴ □ABCD = △CAD + △BCD = $\frac{1}{2} \times 4 \times (3k + 2 - 3k + 2)$ + $\frac{1}{2} \times (9k^2 - 4)(3k + 2 - 3k + 2)$ = 36

이 식을 정리하면 $8 + 2 \times (9k^2 - 4) = 36$

 $k^2 = 2$ $\therefore k = \pm \sqrt{2}$ 따라서 k 값의 곱은 $\sqrt{2} \times (-\sqrt{2}) = -2$ 이다.

32. 다음 중 이차함수에 대한 설명이 옳지 <u>않는</u> 것은?

- ① $y = x^2$ 에서 x > 0일 때, x값이 증가하면 y값도 증가한다.
- ② y = ax² + b(a ≠ 0)는 x = b를 축으로 하고 점 (0, b)를 꼭짓점으로 하는 포물선이다.
 ③ y = ax²과 y = -ax²의 그래프는 x축에 대하여 대칭이다.
- ④ $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 에서 |a|의 값이 같으면 폭도 같다.
- ⑤ $y = ax^2$ 에서 a < 0일 때, a가 커지면 폭이 넓어진다.

① 아래로 볼록이므로 축의 오른쪽(축보다 큰 범위)에서 x 값이

- 증가하면 y 값도 증가한다. ② $x = 0(y^{\frac{1}{3}})$ 을 축으로 하고, (0, b)를 꼭짓점으로 한다. ③ $y = ax^2$ 과 $y = -ax^2$ 의 그래프는 $x^{\frac{1}{3}}$ 에 대하여 대칭이다.
- ④ $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 에서의 |a|의 값이 같으면 폭도 같다. ⑤ $y = ax^2$ 에서 a < 0일 때 a가 커지면 |a|이 작아지므로 폭은
- 넓어진다.