

1. 다음 식 중에서 등식이 아닌 것은?

① $x - 5x = 7$

② $x + 2x = 3x$

③ $7x - 9 = 0$

④ $2x - 3$

⑤ $4 + 3 = 7$

해설

등식은 등호로 연결된 식이다. 따라서 등식이 아닌 것은 ④이다.

2. 어떤 수와 12의 합의 4배는 그 어떤 수의 3배보다 5가 크다고 한다.
어떤 수를 구하는 식으로 옳은 것은?

① $3(x + 12) = 3x + 5$

② $4(x - 12) = 3x + 5$

③ $4(x + 12) = 3x - 5$

④ $4(x + 12) = 3x + 5$

⑤ $5(x - 4) > x + 12$

해설

등식으로 나타내면 ④ $4(x + 12) = 3x + 5$ 이다.

3. 다음 등식 중 항등식을 찾으면?

① $x + 10 = x$

② $4x - 3 = 5x - 2$

③ $-4x - 2 = -2(2x + 1)$

④ $x - 5 = 2x + 5$

⑤ $3(2x + 1) = 2x + 1$

해설

③ $-4x - 2 = -2(2x + 1)$ 은 x 의 값에 상관없이 항상 참이므로 항등식이다.

4. 등식 $6 - ax = 4x + b$ 가 항등식일 때, $a + b$ 는?

- ① -2
- ② -1
- ③ 0
- ④ 1
- ⑤ 2

해설

$6 - ax = 4x + b$ 가 항등식이므로

$$-a = 4, a = -4, b = 6$$

$$a + b = -4 + 6 = 2$$

5. 다음 방정식의 풀이 과정 중 등식의 성질 $[x = y \circ]$ 면 $x - z = y - z$ ($z > 0$)이다.]가 사용된 곳은?

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}(3x+8) &= -5 \\ 3x+8 &= -10 \\ 3x &= -18 \\ x &= -6 \end{aligned}$$

(㉠)
(㉡)
(㉢)
(㉣)

- ① ⑦ ② ⑧ ③ ④ ④ ⑤, ⑥ ⑤ ⑦, ⑧

해설

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}(3x+8) &= -5 \\ 3x+8 &= -10 \\ 3x &= -18 \\ x &= -6 \end{aligned}$$

양변에 2를 곱한다.
양변에서 8을 뺀다.
양변을 3으로 나눈다.

6. $\frac{2t+1}{3} = 1.25t - 2$ 를 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $t = 4$

해설

$$\frac{2t+1}{3} = 1.25t - 2$$

$$\frac{2t+1}{3} = \frac{5}{4}t - 2$$

양변에 12를 곱하면,

$$4(2t+1) = 15t - 24$$

$$8t + 4 = 15t - 24$$

$$4 + 24 = 15t - 8t$$

$$7t = 28$$

$$\therefore t = 4$$

7. x 가 0, 1, 2, 3 중 하나일 때, $x + 1 = 3$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

해설

$0 + 1 \neq 3$ (거짓), $1 + 1 \neq 3$ (거짓),
 $2 + 1 = 3$ (참), $3 + 1 \neq 3$ (거짓) 이므로
식 $x + 1 = 3$ 을 참이 되게 하는 $x = 2$
따라서 해(또는 근)는 $x = 2$ 이다.

8. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a = b$ 이면 $a - c = b - c$ 이다.
- ② $3a + 4 = 4 - 6b$ 이면 $a = -2b$ 이다.
- ③ $\frac{a}{2} = \frac{b}{3}$ 이면 $2a = 3b$ 이다.
- ④ $ac = bc$ 이면 $a = b$ 이다.(단, $c \neq 0$)
- ⑤ $a + b = c + b$ 이면 $a = c$ 이다.

해설

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} \text{ 이면 } 3a = 2b \text{ 이다.}$$

9. 다음 중 일차방정식은?

- ① $2(1 - x) - 3x = 0$ ② $4x + 8 = 4(x + 2)$
- ③ $2 + x - 2x^2 = 1 + 2x^2$ ④ $-2x = 3x + 4x^2$
- ⑤ $3x + 2 + 4 = x + 6 + 2x$

해설

① $2(1 - x) - 3x = 0$ 은 일차방정식이다.

10. 다음 일차방정식을 푼 다음, 다음 표에서 각각의 해에 해당하는 글자를 찾아 문제 순서에 맞게 나열하여라.

해	글자
1	방
2	식
3	차
4	일
5	정

$$\begin{array}{l} \textcircled{\text{L}} \quad \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{5}{6} \\ \textcircled{\text{E}} \quad \frac{x}{4} - \frac{1}{20} = \frac{x}{5} \\ \textcircled{\text{D}} \quad \frac{x-1}{2} = \frac{1}{2} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{\text{L}} \quad \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = 1 \\ \textcircled{\text{E}} \quad \frac{2}{5}x + 1 = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} \end{array}$$

▶ 답:

▷ 정답: 일차방정식

해설

① $\frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{5}{6}$ 의 양변에 6을 곱하면

$$2x - 3 = 5, 2x = 8$$

$$\therefore x = 4 \rightarrow \text{일}$$

② $\frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = 1$ 의 양변에 2를 곱하면

$$x - 1 = 2$$

$$\therefore x = 3 \rightarrow \text{차}$$

③ $\frac{x}{4} - \frac{1}{20} = \frac{x}{5}$ 의 양변에 20을 곱하면

$$5x - 1 = 4x$$

$$\therefore x = 1 \rightarrow \text{방}$$

④ $\frac{2}{5}x + 1 = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ 의 양변에 10을 곱하면

$$4x + 10 = 5x + 5$$

$$\therefore x = 5 \rightarrow \text{정}$$

⑤ $\frac{x-1}{2} = \frac{1}{2}$ 의 양변에 2를 곱하면

$$x - 1 = 1$$

$$\therefore x = 2 \rightarrow \text{식}$$

11. 일차방정식의 활용 문제를 푸는 순서로 옳지 않은 것은?

- ① 문제의 뜻을 이해하고, 구하려는 것을 x 로 놓는다.
- ② 문제에 나오는 수량을 x 의 식으로 나타낸다.
- ③ 문제의 뜻에 따라 이차방정식을 세운다.
- ④ 방정식을 푼다.
- ⑤ 구한 해가 문제의 뜻에 맞는지 확인하다.

해설

문제의 뜻을 이해하고, 구하려는 것을 x 로 놓는다.

→ 문제에 나오는 수량을 x 의 식으로 나타낸다.

→ 문제의 뜻에 따라 방정식을 세운다.

→ 방정식을 푼다.

→ 구한 해가 문제의 뜻에 맞는지 확인한다.

12. 방정식 $3x - 5 = 2.8 - 3x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, x 에 관한 일차방정식 $ax + \frac{3}{5} = -2$ 의 해를 구하면?

① $-\frac{13}{10}$

② $-\frac{13}{5}$

③ -2

④ -5

⑤ -11

해설

$$3x - 5 = 2.8 - 3x$$

$$30x - 50 = 28 - 30x$$

$$60x = 78, \quad x = \frac{13}{10}$$

$$\therefore a = \frac{13}{10}$$

$ax + \frac{3}{5} = -2$ 이 $a = \frac{13}{10}$ 을 대입하면

$$\frac{13}{10}x + \frac{3}{5} = -2$$

$$\frac{13}{10}x = -\frac{13}{5}$$

$$\therefore x = -2$$

13. 다음 일차 방정식이 한 개의 해를 가질 조건은?

$$4x + b = -ax + 3$$

- ① $a = 2$ ② $a = 3$ ③ $a = 4$
④ $a \neq 3$ ⑤ $a \neq -4$

해설

$$4x + ax = 3 - b$$

$$(4 + a)x = 3 - b$$

한 개의 해를 갖기 위해서는 $4 + a \neq 0$

$$\therefore a \neq -4$$

14. 등식 $7x - 2 = 7(ax - b) + 5$ 이 항등식일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$7x - 2 = 7(ax - b) + 5 = 7ax - 7b + 5$ 이므로 $a = 1$, $-7b + 5 = -2$, $b = 1$ 이다. 따라서 $a + b = 2$ 이다.

15. 다음 등식이 성립하기 위하여 (가), (나)에 알맞은 식을 각각 구하면?

㉠ $3a = 2b$ 이면 $a - 1 =$ (가)

㉡ $2a - 2 = 8b$ 이면 $a =$ (나)

① (가) : $\frac{b}{3}$, (나) : b

② (가) : $\frac{b}{3}$, (나) : $b - 1$

③ (가) : $\frac{b}{3} - 1$, (나) : $b + 1$

④ (가) : $\frac{2b}{3}$, (나) : $b + 1$

⑤ (가) : $\frac{2b}{3} - 1$, (나) : $4b + 1$

해설

㉠ $3a = 2b$ 에서 양변을 3으로 나누면 $a = \frac{2b}{3}$ 이다. 다시 1을

빼면 $a - 1 = \frac{2b}{3} - 1$ 이다.

㉡ $2a - 2 = 8b$ 에서 양변에 2를 더하면 $2a = 8b + 2$ 이다. 다시 2로 양변을 나누면 $a = 4b + 1$ 이다.

16. $3a + b + 7 = -a - 7b - 13$ 일 때, $a + 2b$ 의 값은?

① -1

② -2

③ -3

④ -4

⑤ -5

해설

$$3a + b + 7 = -a - 7b - 13$$

$$3a + a + b + 7b = -13 - 7$$

$$4a + 8b = -20, \quad 4(a + 2b) = -20$$

$$\therefore a + 2b = -5$$

17. 다음 두 방정식의 해가 같을 때, a 의 값은?

$$0.3 + \frac{x}{2} = x + \frac{4}{5}, \quad -ax + \frac{1}{3} = -5x - 3$$

- ① $\frac{2}{5}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{5}{3}$ ④ $\frac{5}{4}$ ⑤ 1

해설

$$0.3 + \frac{x}{2} = x + \frac{4}{5}$$

$$3 + 5x = 10x + 8$$

$$-5x = 5$$

$$\therefore x = -1$$

$$-ax + \frac{1}{3} = -5x - 3$$

$$-3ax + 1 = -15x - 9$$

$$(-3a + 15)x = -10$$

$$\therefore x = -\frac{10}{15 - 3a}$$

두방정식의해가같으므로

$$-1 = -\frac{10}{15 - 3a}$$

$$10 = 15 - 3a, \quad 3a = 5$$

$$\therefore a = \frac{5}{3}$$

18. 일차방정식 $3(2x+1) - 4 = 2(x+1)$ 를 이항하여 정리한 후 $ax = b$ 의 꼴로 고쳤을 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.(단, a, b 는 서로소인 자연수)

▶ 답 :

▶ 정답 : $a + b = 7$

해설

$$3(2x+1) - 4 = 2(x+1)$$

$$6x + 3 - 4 = 2x + 2$$

$$6x - 2x = 2 - 3 + 4$$

$$4x = 3$$

$$\therefore a = 4, b = 3$$

$$\therefore a + b = 7$$

19. 방정식 $5(x+3) = 2x - (x+13)$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a^2 - \frac{7}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 50

해설

$$5(x+3) = 2x - (x+13)$$

$$5x + 15 = 2x - x - 13$$

$$4x = -28$$

$$\therefore x = -7$$

$a = -7$ ◎]므로

$$\begin{aligned} a^2 - \frac{7}{a} &= (-7)^2 - \frac{7}{(-7)} \\ &= 49 + 1 \\ &= 50 \end{aligned}$$

20. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$2.5 : \frac{3}{10} (x - 0.8) = 5 : 3 (x - 0.44)$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{7}{20}$

해설

비례식은 외항의 곱과 내항의 곱이 같으므로

$$7.5(x - 0.44) = \frac{3}{2}(x - 0.8)$$

양변에 20을 곱하면

$$150x - 66 = 30x - 24$$

$$\therefore x = \frac{7}{20}$$