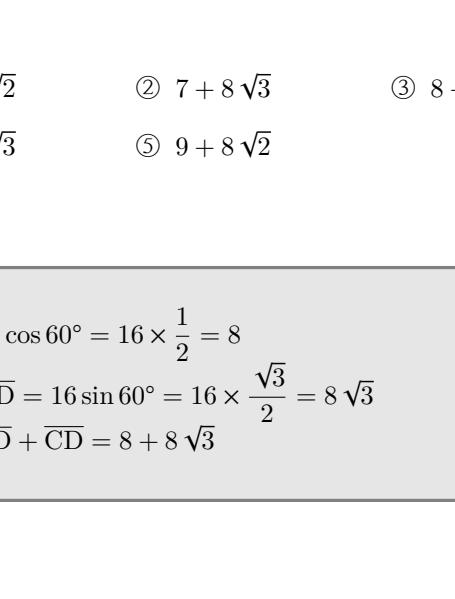


1. 다음 그림에서 x 의 값은?



- ① $7 + 8\sqrt{2}$ ② $7 + 8\sqrt{3}$ ③ $8 + 8\sqrt{2}$
④ $8 + 8\sqrt{3}$ ⑤ $9 + 8\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{BD} &= 16 \cos 60^\circ = 16 \times \frac{1}{2} = 8 \\ \overline{DC} &= \overline{AD} = 16 \sin 60^\circ = 16 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 8\sqrt{3} \\ \therefore x &= \overline{BD} + \overline{CD} = 8 + 8\sqrt{3}\end{aligned}$$

2. 다음 그림에서 $x + y$ 의 값은?

- ① $8\sqrt{3}$ ② $9\sqrt{3}$ ③ $10\sqrt{3}$

- ④ $11\sqrt{3}$ ⑤ $12\sqrt{3}$



해설

$$x = \frac{10}{\cos 30^\circ} = \frac{20\sqrt{3}}{3}$$

$$y = 10 \times \tan 30^\circ = 10 \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{10\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore x + y = 10\sqrt{3}$$

3. 다음과 같은 평행사변형의 넓이를 구하면?

- ① $41\sqrt{2}$ ② $42\sqrt{2}$ ③ $43\sqrt{2}$

- ④ $44\sqrt{2}$ ⑥ $45\sqrt{2}$

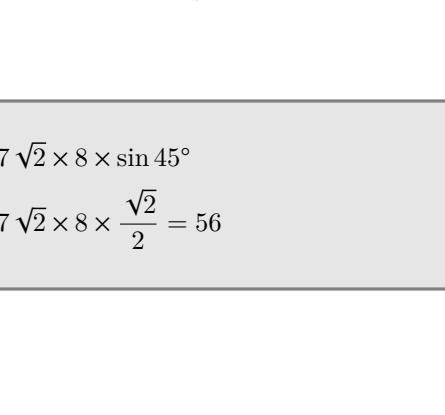


해설

$$9 \times 10 \times \sin 45^\circ = 9 \times 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 45\sqrt{2}$$

4. 다음과 같은 평행사변형의 넓이는?



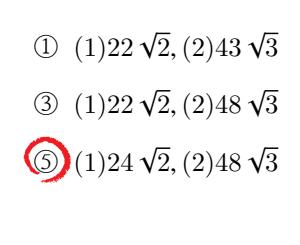
- ① 54 ② 46 ③ 56 ④ 48 ⑤ 60

해설

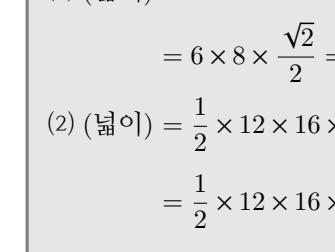
$$\begin{aligned}| \text{넓이} | &= 7\sqrt{2} \times 8 \times \sin 45^\circ \\&= 7\sqrt{2} \times 8 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 56\end{aligned}$$

5. 다음과 같은 두 사각형의 넓이는 각각 얼마인가?

(1)



(2)



① (1) $22\sqrt{2}$, (2) $43\sqrt{3}$

② (1) $22\sqrt{2}$, (2) $45\sqrt{3}$

③ (1) $22\sqrt{2}$, (2) $48\sqrt{3}$

④ (1) $24\sqrt{2}$, (2) $45\sqrt{3}$

⑤ (1) $24\sqrt{2}$, (2) $48\sqrt{3}$

해설

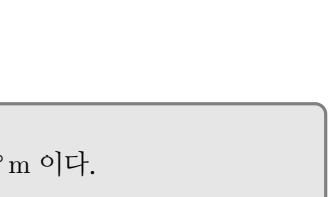
$$(1) [\text{넓이}] = 6 \times 8 \times \sin 45^\circ$$

$$= 6 \times 8 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 24\sqrt{2}$$

$$(2) [\text{넓이}] = \frac{1}{2} \times 12 \times 16 \times \sin(180^\circ - 120^\circ)$$

$$= \frac{1}{2} \times 12 \times 16 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 48\sqrt{3}$$

6. 다음 그림과 같이 바다를 항해하는 배와 등대 사이의 거리가 21 m이고, 배에서 등대의 꼭대기를 바라 본 각의 크기가 15° 이었다면, 등대의 높이는?



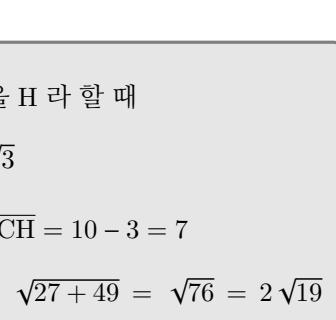
- ① $\tan 15^\circ \text{ m}$ ② $21 \tan 15^\circ \text{ m}$ ③ $\sin 15^\circ \text{ m}$
④ $21 \sin 15^\circ \text{ m}$ ⑤ $\cos 15^\circ \text{ m}$

해설

$$\tan 15^\circ = \frac{x}{21} \text{ } \circ\text{므로 } x = 21 \tan 15^\circ \text{ m } \circ\text{다.}$$

7. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서
 $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$, $\angle BCD = 120^\circ$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?

- ① $\sqrt{67}$ ② $\sqrt{71}$
 ③ $2\sqrt{19}$ ④ $\sqrt{86}$
 ⑤ $\sqrt{95}$



해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H라 할 때

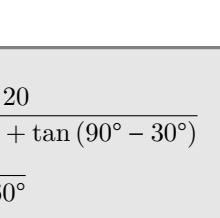
$$\overline{AH} = 6 \times \sin 60^\circ = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3}$$

$$\overline{BH} = 6 \times \cos 60^\circ = 6 \times \frac{1}{2} = 3 \quad \therefore \overline{CH} = 10 - 3 = 7$$

$$\overline{AC}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{CH}^2 \text{에서 } \overline{AC} = \sqrt{27+49} = \sqrt{76} = 2\sqrt{19}$$

이다.

8. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 를 구하면?

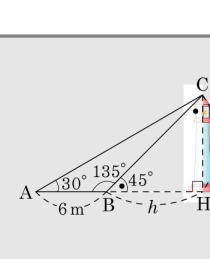


- ① $10(\sqrt{2} - 1)$ ② $10(\sqrt{3} - 1)$ ③ $10(\sqrt{3} - \sqrt{2})$
④ $10(2\sqrt{2} - 1)$ ⑤ $10(\sqrt{2} - 2)$

해설

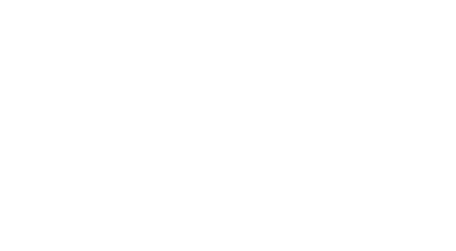
$$\begin{aligned} h &= \frac{20}{\tan(90^\circ - 45^\circ) + \tan(90^\circ - 30^\circ)} \\ &= \frac{20}{\tan 45^\circ + \tan 60^\circ} \\ &= \frac{1 + \sqrt{3}}{2} \\ &= \frac{20(\sqrt{3} - 1)}{3 - 1} \\ &= 10(\sqrt{3} - 1) \end{aligned}$$

9. 다음 그림은 등대의 높이를 알아보기 위해 측정한 결과이다. 등대의 높이는?



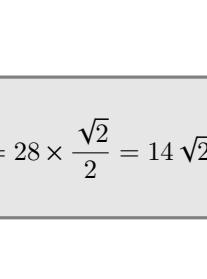
- ① $(3 - \sqrt{3})m$ ② $(3\sqrt{3} - 3)m$ ③ $(4\sqrt{3} - 1)m$
 ④ $(4\sqrt{3} + 1)m$ ⑤ $(3\sqrt{3} + 3)m$

해설



등대의 높이를 h 라 하면
 $\angle CBH = 45^\circ$ 이므로 $\overline{BH} = h$
 $\angle CAH = 30^\circ$ 이므로
 $6 + h : h = \sqrt{3} : 1$, $\sqrt{3}h = 6 + h$
 $(\sqrt{3} - 1)h = 6$
 $\therefore h = \frac{6}{\sqrt{3} - 1} = 3(\sqrt{3} + 1) = 3\sqrt{3} + 3(m)$

10. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 의 넓이를?



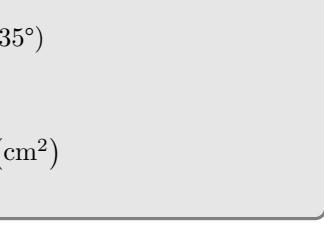
- ① $7\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ② $14\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ③ $21\sqrt{2} \text{ cm}^2$
④ $28\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ⑤ $56\sqrt{2} \text{ cm}^2$

해설

$$\frac{1}{2} \times 7 \times 8 \times \sin 45^\circ = 28 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 14\sqrt{2} (\text{cm}^2)$$

11. 다음 삼각형의 넓이를 구하면?

- ① $7\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ② $7\sqrt{3} \text{ cm}^2$
③ $8\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ④ $8\sqrt{3} \text{ cm}^2$
⑤ $9\sqrt{2} \text{ cm}^2$



해설

$$\begin{aligned}| \triangle ABC | &= \frac{1}{2} \times 2 \times 16 \times \sin(180^\circ - 135^\circ) \\&= \frac{1}{2} \times 2 \times 16 \times \sin 45^\circ \\&= \frac{1}{2} \times 2 \times 16 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 8\sqrt{2} (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

12. 다음 그림에서 $\overline{BC} = 20$, $\angle B = 120^\circ$
이고 $\triangle ABC$ 의 넓이가 $40\sqrt{3}$ 일 때, \overline{AB}
의 길이를 구하면?

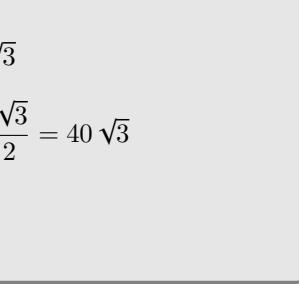
① 8

② 11

③ 12

④ 13

⑤ 14



해설

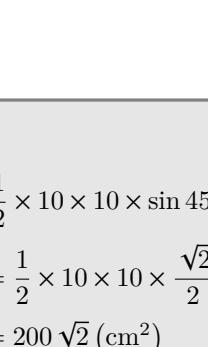
$$\frac{1}{2} \times x \times 20 \times \sin(180^\circ - 120^\circ) = 40\sqrt{3}$$

$$\frac{1}{2} \times x \times 20 \times \sin 60^\circ = 40\sqrt{3}, 10x \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 40\sqrt{3}$$

$$5\sqrt{3}x = 40\sqrt{3}$$

따라서 $x = 8$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 10cm인 원에 내접하는 정팔각형의 넓이를 구하여라.



- ① 200 cm^2 ② $200\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ③ $200\sqrt{3} \text{ cm}^2$
④ $202\sqrt{2} \text{ cm}^2$ ⑤ $202\sqrt{3} \text{ cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}360^\circ \div 8 &= 45^\circ \\(\triangle AOH \text{의 넓이}) &= \frac{1}{2} \times 10 \times 10 \times \sin 45^\circ \text{이므로} \\(\text{정팔각형의 넓이}) &= \frac{1}{2} \times 10 \times 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \times 8 \\&= 200\sqrt{2} (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

14. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의
넓판지 ABCD 가 수평면에 대하여
 45° 만큼 기울어져 있다. 이 때, 직
사각형 EBCF 의 넓이는?



- ① 48 ② $48\sqrt{2}$ ③ $48\sqrt{3}$ ④ $48\sqrt{5}$ ⑤ $48\sqrt{6}$

해설

$$\overline{BE} = 8 \times \cos 45^\circ = 4\sqrt{2},$$
$$[넓이] = 4\sqrt{2} \times 12 = 48\sqrt{2}$$

15. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 8cm이고,
모선과 밑면이 이루는 각의 크기가 60° 인
원뿔의 부피를 구하면?



$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad 32\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3 & \textcircled{2} \quad \frac{32\sqrt{3}}{3}\pi \text{ cm}^3 \\ \textcircled{4} \quad 64\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3 & \textcircled{5} \quad \frac{192\sqrt{3}}{3}\pi \text{ cm}^3 \end{array}$$

해설)

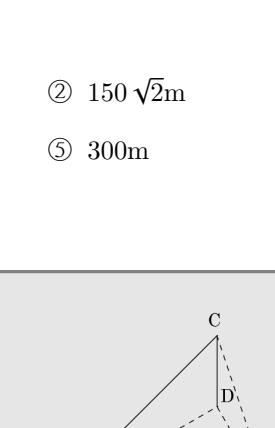
$$\overline{OB} = 8 \times \cos 60^\circ = 8 \times \frac{1}{2} = 4(\text{cm})$$

$$\overline{OA} = 8 \times \sin 60^\circ = 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}(\text{cm})$$

따라서 원뿔의 부피는

$$16\pi \times 4\sqrt{3} \times \frac{1}{3} = \frac{64\sqrt{3}}{3}\pi(\text{cm}^3) \text{이다.}$$

16. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 300\text{m}$ 이고, A 지점에서 산의 꼭대기 C 지점을 쳐다본 각이 45° 일 때, 산의 높이 \overline{CD} 를 구하면?



- ① $150\sqrt{3}\text{m}$ ② $150\sqrt{2}\text{m}$ ③ 150m
④ $300\sqrt{3}\text{m}$ ⑤ 300m

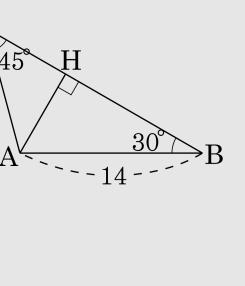
해설



$\triangle ABD$ 에서 $\overline{AB} = 300\text{m}$, $\overline{BD} = 150$, $\overline{AD} = 150\sqrt{3}\text{m}$
 $\triangle ADC$ 에서 $\overline{AD} = 150\sqrt{3}\text{m}$
따라서 $\overline{CD} = 150\sqrt{3}\text{m}$ 이다.

17. 다음과 같은 삼각형 ABC에서, $\overline{AB} = 14$ 일 때, \overline{AC} 의 길이로 알맞은 것은?

- ① $5\sqrt{2}$ ② $6\sqrt{2}$ ③ $7\sqrt{2}$
 ④ $8\sqrt{2}$ ⑤ $9\sqrt{2}$



해설

꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H라 하면



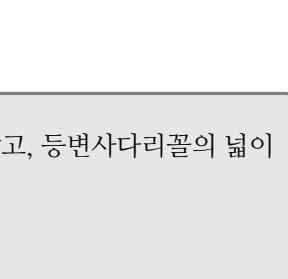
$$\overline{BH} = 14 \cos 30^\circ = 14 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 7\sqrt{3}$$

$$\overline{AH} = 14 \sin 30^\circ = 14 \times \frac{1}{2} = 7$$

$$\overline{CH} = \overline{AH} = 7$$

$$\overline{AC} = 7\sqrt{2}$$

18. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD에서 두 대각선이 이루는 각이 120° 이고 넓이가 $8\sqrt{3}\text{ cm}^2$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?



① 4 cm ② $4\sqrt{2}\text{ cm}$

④ $4\sqrt{6}\text{ cm}$ ⑤ 8 cm

해설

등변사다리꼴의 두 대각선의 길이가 같고, 등변사다리꼴의 넓이는 $8\sqrt{3}\text{ cm}^2$ 이므로

$\overline{AC} = \overline{BD} = x\text{ cm}$ 라 하면

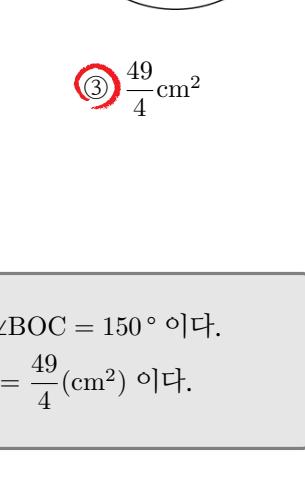
$$\frac{1}{2}x^2 \times \sin 60^\circ = 8\sqrt{3}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{4}x^2 = 8\sqrt{3}$$

$$x^2 = 32$$

$$\therefore x = 4\sqrt{2} (\because x > 0)$$

19. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 7cm인 원 O에 내접하는 삼각형 ABC에서 $\angle DAC = 105^\circ$ 일 때, $\triangle OBC$ 의 넓이는?



- ① $\frac{49}{2} \text{cm}^2$ ② $\frac{49}{3} \text{cm}^2$ ③ $\frac{49}{4} \text{cm}^2$
④ $\frac{49\sqrt{2}}{4} \text{cm}^2$ ⑤ $\frac{49\sqrt{2}}{3} \text{cm}^2$

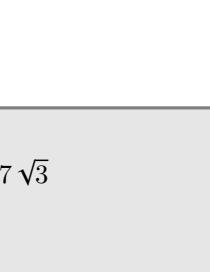
해설

원주각 $\angle BAC = 75^\circ$ [므로 중심각 $\angle BOC = 150^\circ$ 이다.

따라서 $\triangle BOC = \frac{1}{2} \times 7 \times 7 \times \sin 30^\circ = \frac{49}{4} (\text{cm}^2)$ 이다.

20. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 의 넓이가 $7\sqrt{3}\text{cm}^2$ 일 때, $\angle A$ 의 크기는?

(단, $0^\circ < \angle A \leq 90^\circ$)



- ① 30° ② 45° ③ 50° ④ 60° ⑤ 65°

해설

$$\frac{1}{2} \times 4 \times 7 \times \sin A = 7\sqrt{3}$$

$$\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

따라서 $\angle A = 60^\circ$ 이다.