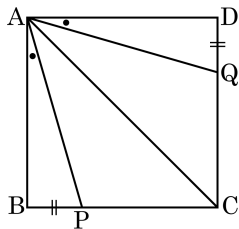


1. 다음 그림의 정사각형에서 $\angle BAP = \angle DAQ$ 이면 $\overline{AP} = \overline{AQ}$ 이다.'를 증명할 때 사용되는 삼각형의 합동조건을 구하면?

- ① SSS 합동 ② SAS 합동
③ ASA 합동 ④ RHA 합동
⑤ RHS 합동



해설

$\triangle ABP$ 와 $\triangle ADQ$ 에서
 $\overline{AB} = \overline{AD}$, $\angle BAP = \angle DAQ$ 이고
 $\angle ABP = \angle ADQ = 90^\circ$ 이므로
 $\triangle ABP \equiv \triangle ADQ$ (ASA 합동)
 $\therefore \overline{AP} = \overline{AQ}$

2. 다음 표는 어느 반 학생들의 수학 성적을 나타낸 도수분포표이다. 계급값이 75 점인 계급의 학생 수는 수학 성적이 70 점 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$ 이라 할 때, b 의 값은?

계급 (점)	도수 (명)
50 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	4
60 ^{이상} ~ 70 ^{미만}	10
70 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	
80 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	16
90 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	b
합계	50

① 9

② 10

③ 11

④ 12

⑤ 13

해설

70 이상 80 미만인 학생 수는

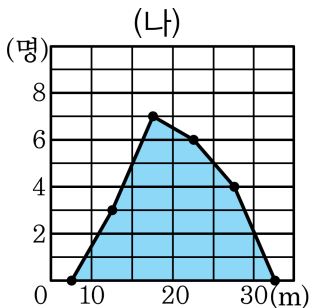
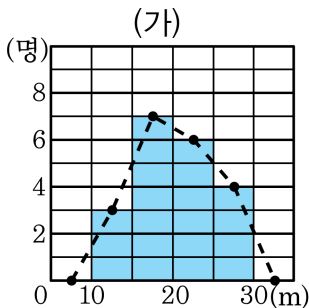
$$a = 50 - (4 + 10 + 16 + b) = 20 - b$$

계급값이 75 점인 계급의 학생 수는 70 점 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$

$$\text{이므로 } 20 - b = \frac{1}{4} \times 36$$

$$\therefore b = 11$$

3. 다음 그래프는 수희네 반 학생의 공 던지기 기록에 대한 도수분포다각형이다. 옳지 않은 것은?

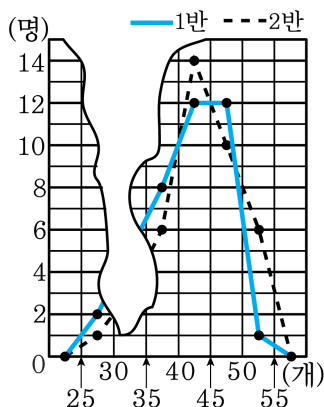


- ① 공 던지기에 참여한 학생 수는 20명이다.
- ② 그래프 (가)와 (나)에서 색칠한 부분의 넓이는 서로 같다.
- ③ 그래프 (나)를 도수분포다각형이라 한다.
- ④ 그래프 (가)의 계급의 크기는 10m 이고, 그래프 (나)의 계급의 크기는 5m 이다.
- ⑤ 도수가 가장 큰 계급의 계급값은 17.5m 이다.

해설

④ 그래프 (가)와 (나)의 모두 계급의 크기는 5m 로 같다.

4. 다음은 1 반과 2 반 학생들의 1분 동안 윗몸일으키기를 한 횟수를 나타낸 도수분포다각형인데 찢어져 다음과 같이 보이지 않는다. 다음과 같은 조건을 만족할 때, 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 3개)



[조건]

- (1) 1 반 전체 학생은 30 회 이상 35 회 미만인 학생의 8 배이다.
 (2) 2 반에서 45 회 이상 50 회 미만인 학생은 전체의 25% 이다.

- ① 1 반 학생과 2 반 학생의 차이는 5 명이다.
 ② 30 회 이상 35 회 미만인 학생은 1반은 2 명이고, 2 반은 4 명이다.
 ③ 45 회 이상 50 회 미만인 1반 학생은 전체의 20% 이다.
 ④ 40 회 미만인 2 반 학생은 전체의 $\frac{1}{4}$ 이다.
 ⑤ 1 반과 2 반 학생 수의 차가 가장 크게 나는 구간의 계급값은 52.5 이다.

해설

1 반 학생 수를 구하기 위해서 30 회 이상 35 회 미만인 학생을 x 명이라고 두면, $2 + x + 8 + 12 + 12 + 1 = 8x$, $7x = 35$, $x = 5$ 이다.

따라서 1 반 전체 학생은 40 명이다.

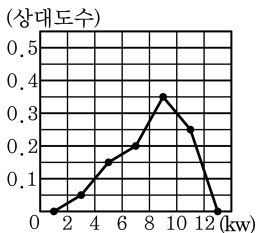
2 반에서 전체 학생수 $\square$ 를 구하면 $\frac{10}{\square} \times 100 = 25$, $\square = 40$ 이고,

30 회 이상 35 회 미만인 학생은 $40 - 1 - 6 - 14 - 10 - 6 = 3$ (명) 이다.

따라서 30 회 이상 35 회 미만인 학생은 1 반은 5 명이고, 2 반은 3 명이다.

45 회 이상 50 회 미만인 학생은 전체의 $\frac{12}{40} \times 100 = 30(\%)$ 이다.

5. 다음 표는 민서네 마을 40 가구에서 일주일 전기 사용량을 조사하여 나타낸 상대도수의 그래프이다. 전기 사용량이 5 번째로 적은 가구가 속한 계급의 가구 수를 구하여라.



▶ 답 : 가구

▷ 정답 : 6 가구

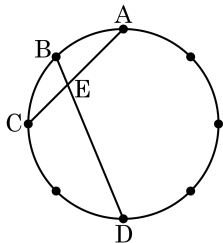
해설

전기 사용량이 2kw 이상 4kw 미만인 가구 수는 $0.05 \times 40 = 2$ (가구)이다.

전기 사용량이 4kw 이상 6kw 미만인 가구 수는 $0.15 \times 40 = 6$ (가구)이다.

따라서 전기 사용량이 5 번째로 적은 가구가 속한 계급은 전기 사용량이 4kw 이상 6kw 미만인 계급이고, 가구 수는 6 가구이다.

6. 다음은 원의 둘레를 8 등분한 그림이다. $\angle CED$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}^{\circ}$

▷ 정답: 67.5°

해설

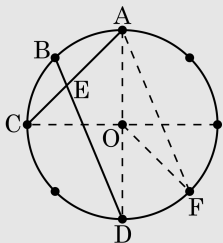
오른쪽 그림과 같이 $\overline{BD}$ 에 평행한 보조선 $\overline{AF}$ 를 그으면 $\angle CED = \angle CAF$ (동위각)이다. $\triangle AOC$ 와 $\triangle AOF$ 는 이등변삼각형이고

$\angle AOC = 90^{\circ}$, $\angle AOF = 135^{\circ}$ 이므로

$$\angle CAF = \frac{(180^{\circ} - 90^{\circ})}{2} +$$

$$\frac{180^{\circ} - 135^{\circ}}{2} = 67.5^{\circ}$$

따라서 $\angle CED = 67.5^{\circ}$



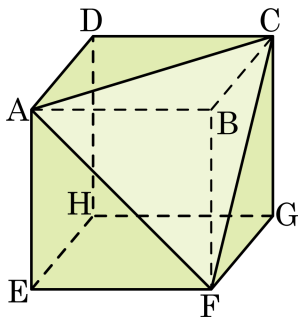
7. 다음 중 항상 평행이 되는 것을 모두 고르면?

- ① 한 직선에 수직인 두 평면 ② 한 직선에 평행한 두 평면
- ③ 한 평면에 수직인 두 직선 ④ 한 평면에 수직인 두 평면
- ⑤ 한 평면에 평행한 두 평면

해설

② 한 직선에 평행한 두 평면이 항상 평행이 되진 않는다. ④ 한 평면에 수직인 두 평면은 항상 평행이 되진 않는다.

8. 다음 그림은 정육면체의 세 꼭짓점 A, F, C를 지나는 평면으로 자른 입체도형이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?



- ① 모서리 AE와 평행한 모서리는 2 개이다.
- ② 모서리 AD와 한 점에서 만나는 모서리는 5 개이다.
- ③ 면 ACF와 평행한 모서리는 3 개이다.
- ④ 면 ACD와 수직인 모서리는 3 개이다.
- ⑤ 면 AEF와 평행한 모서리는 4 개이다.

해설

- ① $\overline{AE}$ 와 평행인 모서리 : $\overline{DH}$, $\overline{CG}$
- ② $\overline{AD}$ 와 한 점에서 만나는 모서리 : $\overline{DC}$, $\overline{DH}$, $\overline{AC}$, $\overline{AF}$, $\overline{AE}$
- ③ 면 ACF와 평행한 모서리는 없다.
- ④ 면 ACD와 수직인 모서리 : $\overline{AE}$, $\overline{DH}$, $\overline{CG}$
- ⑤ 면 AEF와 평행한 모서리 : $\overline{DH}$, $\overline{CG}$, $\overline{DC}$, $\overline{HG}$

9. 삼각형 세 변의 길이 a, b, c 에 대하여 $a+b+c=15$ 일 때, $a \geq b, a \geq c$ 인 a 값의 범위를 구하면 $m \leq a < n$ 이다. 이 때, $m+2n$ 의 값을 구하면?

① 10

② 15

③ 20

④ 25

⑤ 30

해설

i) $a+b+c=15$ 일 때, $a \geq b, a \geq c$

이므로 $\therefore a \geq 5$

ii) 가장 긴 변 $a, a < b+c$

$a+b+c=15, b+c=15-a$ 이므로

$a < 15-a, 2a < 15$

$\therefore a < \frac{15}{2}$

iii) $5 \leq a < \frac{15}{2}$

$\therefore m+2n=5+15=20$

10. 다음 중 주어진 세 변으로 삼각형을 작도할 수 없는 것은?

① 4, 6, 9

② 6, 8, 10

③ 10, 12, 25

④ 5, 5, 5

⑤ 8, 8, 12

해설

가장 긴 변의 길이는 나머지 두 변의 길이의 합보다 작아야 한다.

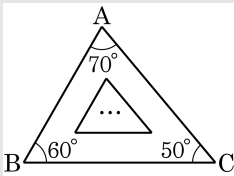
$$25 > 10 + 12$$

11. 다음과 같이 주어진 변의 길이와 각의 크기를 알 때, 삼각형을 무수히 많이 작도할 수 있는 것은?

- ① $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ ② $\overline{AB}$, $\angle A$, $\overline{AC}$ ③ $\overline{AB}$, $\overline{AC}$, $\angle B$
 ④ $\angle A$, $\angle B$, $\overline{AB}$ ⑤ $\overline{AB}$, $\overline{AC}$, $\overline{BC}$

해설

① 삼각형을 무수히 많이 작도할 수 있는 경우는 세 각의 크기를 알 때이다.



12. 다음 중 $\triangle ABC$ 가 하나로 결정되는 것을 모두 고르면?

① $\angle B = 30^\circ$, $\overline{BC} = 6\text{cm}$, $\angle C = 70^\circ$

② $\overline{AB} = 3\text{cm}$, $\overline{BC} = 3\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$

③ $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = 5\text{cm}$, $\angle C = 70^\circ$

④ $\overline{AB} = 3\text{cm}$, $\overline{AC} = 4\text{cm}$, $\overline{BC} = 7\text{cm}$

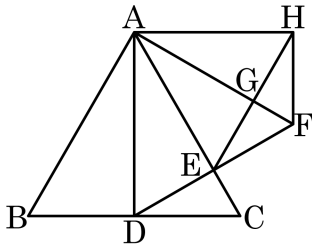
⑤ $\angle A = 35^\circ$, $\angle B = 90^\circ$, $\angle C = 55^\circ$

해설

④ 삼각형을 이루지 않는다.

⑤ 모양은 같지만 크기가 다른 삼각형을 여러 개 그릴 수 있다.

13. 다음 그림에서 삼각형 ABC, ADF, AEH 는 정삼각형이고, 점 D 는 변 BC 의 중점이다. $\frac{\overline{FH}}{\overline{DE}}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$\triangle ADE$ 와 $\triangle AFE$ 에서

$\overline{AD} = \overline{AF}$, $\overline{AE}$ 는 공통, $\angle DAE = \angle FAE = 30^\circ$ 이므로

$\therefore \triangle ADE \equiv \triangle AFE$ (SAS 합동)

$\triangle AFE$ 와 $\triangle AFH$ 에서

$\overline{AE} = \overline{AH}$, $\overline{AF}$ 는 공통, $\angle EAF = \angle HAF = 30^\circ$

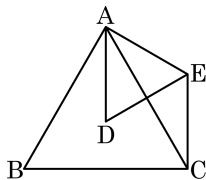
$\therefore \triangle AFE \equiv \triangle AFH$ (SAS 합동)

따라서 $\triangle ADE \equiv \triangle AFE \equiv \triangle AFH$ (SAS 합동)

$\triangle ADE \equiv \triangle AFH$ 이므로 $\overline{DE} = \overline{FH}$

$\therefore \frac{\overline{FH}}{\overline{DE}} = 1$

14. 한 변의 길이가 a 인 정삼각형 ABC 와 한 변의 길이가 b 인 정삼각형 ADE 가 꼭짓점 A 를 공유한 상태로 다음 그림과 같이 겹쳐져 있다. 꼭짓점 B 와 D 의 거리가 c 만큼 떨어져 있고, 꼭짓점 B 와 D 를 이은 직선이 변 DE 를 포함한다고 할 때, $\overline{AE} + \overline{EC}$ 의 길이를 a, b, c 로 나타내어라.



▶ 답:

▷ 정답: $b + c$

해설

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACE$ 에서

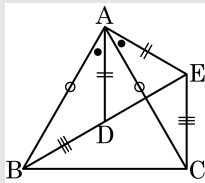
$$\overline{AB} = \overline{AC}, \overline{AD} = \overline{AE},$$

$$\angle BAD = 60^\circ - \angle DAC = \angle CAE$$

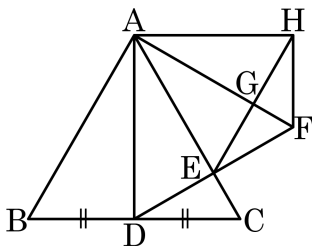
$\therefore \triangle ABD \cong \triangle ACE$ (SAS 합동)

따라서 $\overline{BD} = \overline{CE}$ 이므로

$$\overline{AE} + \overline{EC} = \overline{AD} + \overline{DB} = \overline{DE} + \overline{DB} = b + c$$



15. 다음 그림은 정삼각형 ABC의 한 변 BC 위에 중점 D를 정하고, $\overline{AD}$ 를 한 변으로 하는 정삼각형 ADF를 그리고, $\overline{AC}$ 와 $\overline{DF}$ 의 교점을 E라 하고 $\overline{AE}$ 를 한 변으로 하는 정삼각형 AEH를 그린 것이다. 이때, 생기는 정삼각형의 넓이를 차례대로 $a\text{cm}^2, b\text{cm}^2, c\text{cm}^2$ 라 할 때, $\triangle AFH$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : $\frac{1}{2}b\text{cm}^2$

해설

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACD$ 에서
 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{BD} = \overline{CD}$, $\overline{AD}$ 는 공통
 $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$ (SSS 합동)이므로

$$\therefore \angle DAC = \frac{1}{2} \times 60^\circ = 30^\circ$$

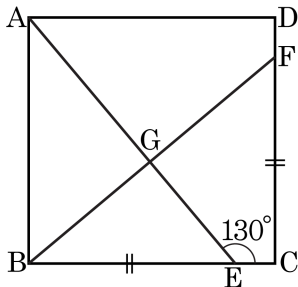
$\triangle ADE$ 와 $\triangle AFE$ 에서
 $\overline{AD} = \overline{AF}$, $\angle DAE = \angle FAE = 30^\circ$, $\overline{AE}$ 는 공통
 $\therefore \triangle ADE \equiv \triangle AFE$ (SAS 합동)

또한 $\triangle AEF$ 와 $\triangle AHF$ 에서
 $\overline{AE} = \overline{AH}$, $\angle FAE = \angle FAH = 30^\circ$, $\overline{AF}$ 는 공통
 $\therefore \triangle AEF \equiv \triangle AFH$ (SAS 합동)

따라서 $\triangle ADE \equiv \triangle AFE \equiv \triangle AFH$ (SAS 합동)

$$\begin{aligned} \therefore \triangle AFH &= \triangle ADE \\ &= \frac{1}{2} \times \triangle ADF \\ &= \frac{1}{2} \times b \\ &= \frac{1}{2}b(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

16. 아래 그림은 정사각형 ABCD 에서 선분 BC 와 선분 CD 위에 $\overline{BE} = \overline{CF}$ 가 되도록 점 E 와 F 를 잡은 것이다. $\angle CEG = 130^\circ$ 일 때, $\angle AGB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

—°

▷ 정답 : 90—

해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle BCF$ 에서

$\overline{AB} = \overline{BC}$, $\overline{BE} = \overline{CF}$, $\angle ABE = \angle BCF = 90^\circ$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle BCF$ (SAS 합동)

$\angle BEG = 180^\circ - \angle CEG = 50^\circ$ 이므로

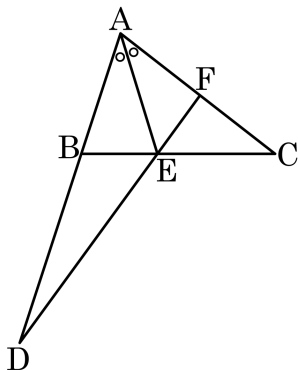
$\angle GBE = \angle BAE = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$

$\triangle BEG$ 에서

$\angle BGE = 180^\circ - 50^\circ - 40^\circ = 90^\circ$

$\therefore \angle AGB = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$

17. 다음 그림에서 $\overline{AE}$ 와 $\overline{EF}$ 는 각각 $\angle BAC$ 와 $\angle AEC$ 의 이등분선이고 점 D 는 $\overline{AB}$, $\overline{EF}$ 의 연장선의 교점이다. $\angle C = 36^\circ$, $\angle D = 18^\circ$ 일 때, $\angle ABC$ 의 크기는?



① 60°

② 68°

③ 72°

④ 75°

⑤ 78°

해설

$\angle DAE = a$ 라고 하면

$$\angle AEF = a + 18^\circ = \angle CEF$$

$$\angle CFE = 2a + 18^\circ$$

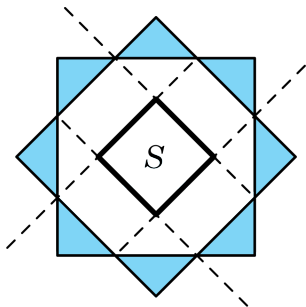
$\triangle CEF$ 에서

$$a + 18^\circ + 2a + 18^\circ + 36^\circ = 180^\circ$$

$$3a = 108^\circ, a = 36^\circ$$

$$\therefore \angle ABC = 180^\circ - (72^\circ + 36^\circ) = 72^\circ$$

18. 다음은 정사각형과 그 정사각형을 대각선의 교점을 중심으로 45° 회전시킨 도형으로 만든 모양이다. 색칠된 부분의 넓이의 합이 4 일 때, S 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

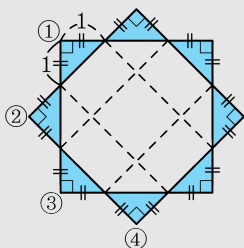
▷ 정답 : 2

해설

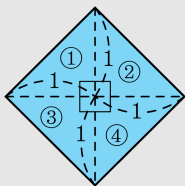
색칠된 부분은 작은 직각이등변삼각형 8 개로 이루어져 있으므로

$$\text{직각이등변삼각형의 넓이는 } 4 \times \frac{1}{8} = \frac{1}{2}$$

따라서 직각이등변삼각형은 빗변이 아닌 두 변의 길이가 1 로 같다.

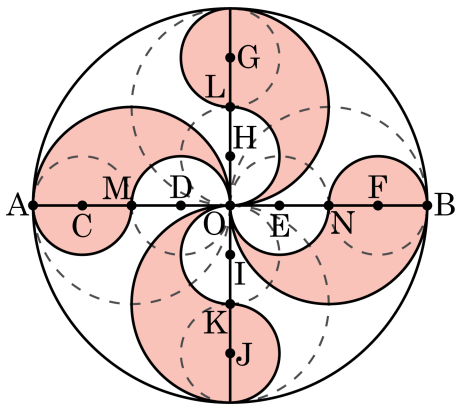


직각이등변삼각형의 빗변이 아닌 두 변의 길이가 1 로 같을 때, 빗변을 한 변으로 하는 마름모 (①, ②, ③, ④) 의 넓이는 2 이다.



주어진 조건에서 S 는 색칠된 부분의 작은 직각이등변삼각형의 빗변을 한 변으로 하는 도형의 넓이이므로 $S = 2$

19. 다음 도형에서 원 O의 지름 AB의 길이가 16cm, 원 M, N, L, K가 합동이고, 원 C, D, E, F, G, H, I, J가 합동이다. 이 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면? (단, 점 O, M, N, L, K, C, D, E, F, G, H, I, J는 원의 중심이다.)



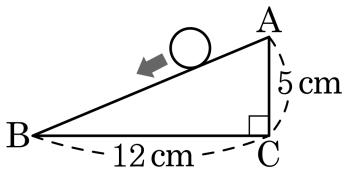
- ① $2\pi\text{cm}^2$ ② $8\pi\text{cm}^2$ ③ $16\pi\text{cm}^2$
 ④ $32\pi\text{cm}^2$ ⑤ $64\pi\text{cm}^2$

해설

색칠한 부분의 넓이는 반지름 4cm 인 원 2 개의 넓이와 같다.

$$\pi \times 4^2 \times 2 = 32\pi(\text{cm}^2)$$

20. 다음 직각삼각형 ABC의 변 위로 반지름의 길이가 1cm인 원을 굴려서 삼각형의 둘레를 한 바퀴 돌 때, 원이 지나간 부분의 넓이를 구하여라. (단, $\overline{AB} = 13\text{cm}$)

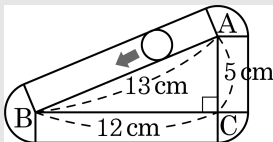


▶ 답 : cm²

▷ 정답 : $60 + 4\pi \text{ cm}^2$

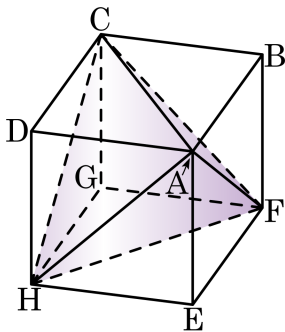
해설

원이 지나간 부분을 그림으로 나타내면



따라서 (원이 지나간 부분의 넓이) $= 2 \times (12 + 13 + 5) + \pi \times 2^2 = 60 + 4\pi (\text{cm}^2)$ 이다.

21. 다음의 그림과 같은 한 모서리의 길이가 9cm 인 정육면체가 있다.
삼각뿔 A - HFC 의 부피를 구하여라.



▶ 답 : cm³

▷ 정답 : 243cm³

해설

(삼각뿔 A - HFC의 부피)

= (정육면체 ABCD - EFGH의 부피) - 4 × (삼각뿔 A - HEF의 부피)

구하는 부피를 V 라 하면,

$$\begin{aligned} V &= 9 \times 9 \times 9 - 4 \times \left(\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 9 \times 9 \times 9 \right) \\ &= 729 - 486 = 243(\text{cm}^3) \end{aligned}$$

22. 다음 도수분포표는 어느 학교 학생들의 수학 성적이다. 상위 5%의 성적을 낸 학생은 바로 시도 수학경시대회에 출전하고 그 다음 5%는 다시 한 번 시험을 치러 일부만 수학경시대회에 나간다고 한다. 다시 시험을 치러야 하는 학생 중 가장 낮은 수학성적을 얻은 학생이 속한 계급의 도수를 구하여라.

성적(점)	도수(명)
75 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	8
80 ^{이상} ~ 85 ^{미만}	18
85 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	40
90 ^{이상} ~ 95 ^{미만}	10
95 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	4
합계	80

▶ 답 : 명

▶ 정답 : 10 명

해설

$$80 \times 5 \div 100 = 4$$

상위 5%의 성적을 낸 학생은 4 명이고 그 다음 5%의 성적을 낸 학생은 누적해서 8 명이다.

따라서 시험을 치러야 하는 가장 낮은 점수를 받은 학생은 90 ~ 95 계급에 속한다.

∴ 10 (명)

23. 어떤 도수분포표에서 변량 x 의 값의 범위가 $a \leq x < b$ 이고 계급값이 $a + 2.5$ 이다. 이때, $b - a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

계급값은 변량 x 의 값의 범위의 중간값이므로,
계급값이 $a + 2.5$ 일 때, 계급의 크기는 5
따라서, $b = a + 5$ 이다.

$$\therefore b - a = 5$$

24. 히스토그램에 대한 다음의 설명 중 옳은 것을 모두 고르면 ? (정답 2개)

- ㉠ 세로축은 도수를 나타낸다.
- ㉡ 가로축에는 계급값이 쓰여져 있다.
- ㉢ 각 계급의 직사각형의 가로의 길이는 일정하다.
- ㉣ 각 계급의 직사각형의 세로의 길이는 계급의 크기에 비례한다.
- ㉤ 히스토그램은 자료를 한눈에 알기가 어렵다.
- ㉥ 계급값이 커질수록 각 직사각형의 넓이도 커진다.

▶ 답 :

▶ 답 :

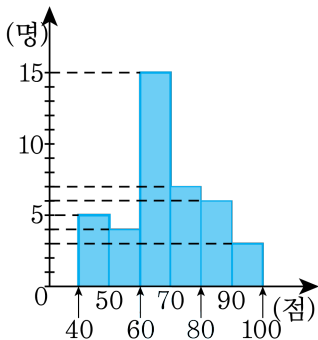
▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉣

해설

- ㉠ 세로축은 도수를 나타낸다. → 옳다.
- ㉡ 가로축에는 계급값이 쓰여져 있다. → 계급값이 아니라 계급의 끝값이 나타나 있다.
- ㉢ 각 계급의 직사각형의 가로의 길이는 일정하다. → 옳다.
- ㉣ 각 계급의 직사각형의 세로의 길이는 계급의 크기에 비례한다. → 직사각형의 세로의 길이는 도수에 비례한다.
- ㉤ 도수분포표는 자료를 한눈에 알기가 어렵다. → 히스토그램은 자료를 한눈에 알기 쉽게 표현한 것이다.
- ㉥ 계급값이 커질수록 각 직사각형의 넓이도 커진다. → 각 직사각형의 가로의 길이는 고정되어 있으므로, 넓이는 도수에 비례한다.

25. 다음 그림은 선영이네 반 학생들의 영어 점수를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 상위 10% 이내에 들려면 최소 몇 점 이상을 받아야 하는지 구하여라.



▶ 답 : 점

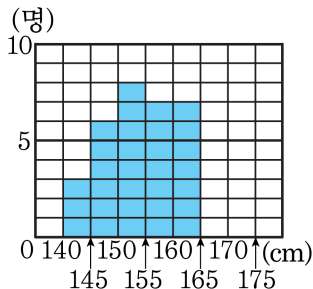
▷ 정답 : 80점

해설

전체도수 : $5 + 4 + 15 + 7 + 6 + 3 = 40$, 상위 10% 이내의 학생 수 : $40 \times 0.1 = 4$ (명)

따라서 상위 10% 이내에 속하기 위해서는 최소 80점 이상을 받아야 한다.

26. 다음은 어느 학급 학생 40 명의 키를 히스토그램으로 나타낸 것이다. 그런데 실수로 165cm 와 175cm 사이의 기록이 지워졌다. 165cm 이상 170cm 미만의 직사각형의 넓이가 25 일 때, 170cm 이상 175cm 미만인 계급의 도수를 구하여라.



▶ 답 : 명

▷ 정답 : 4 명

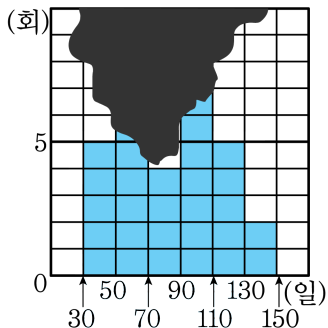
해설

(직사각형 넓이의 총합) = (계급의 크기) × (도수의 총합) → $5 \times 40 = 200$

색칠된 부분의 넓이가 155 이고 165cm 이상 170cm 미만의 직사각형의 넓이가 25 이므로, 170cm 이상 175cm 미만의 직사각형 넓이는 20 이다.

따라서 170cm 이상 175cm 미만인 계급의 도수는 4 명이다.

27. 다음은 어느 지역의 연간 교통사고 발생일 수를 조사하여 나타낸 히스토그램인데 일부분에 얼룩이 묻었다. 연간 교통사고 발생일 수가 50 일 이상 70 일 미만인 경우를 a 회, 90 일 이상 110 일 미만인 경우를 b 회라고 하면, $a : b = 3 : 4$ 이고, 90 일 미만인 경우가 전체 조사한 해의 50% 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 14

해설

전체 조사한 경우는 $5 + a + 4 + b + 5 + 2 = a + b + 16$ 이고, 90 일 미만인 해가 전체 조사한 해의 50% 이므로

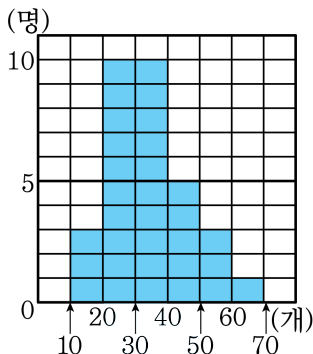
$$\frac{5 + a + 4}{a + b + 16} \times 100 = 50, a - b = -2 \dots \textcircled{1}$$

$$a : b = 3 : 4, b = \frac{4}{3}a \dots \textcircled{2}$$

② 를 ① 에 대입하면, $a = 6, b = 8$

$$\therefore a + b = 14$$

28. 다음은 어느 학급의 학생들의 1 분 동안 윗몸일으키기 개수에 대한 히스토그램인데, 20 개 이상 30 개 미만인 계급의 도수가 잘못 기록되었다. 바르게 기록했을 때, 1 분 동안 윗몸일으키기를 40 개보다 적게 한 학생이 전체의 70 % 이상이라면 이 학급의 전체 학생 수는 최소 몇 명인지 구하여라.



▶ 답 : 명

▷ 정답 : 30명

해설

20 개 이상 30 개 미만인 계급의 도수를 바르게 기록했을 때의 값을 A 라고 하면,

전체 학생 수는 $A + 22$, 40 개 미만인 계급의 도수는 $A + 13$

$$\frac{A + 13}{A + 22} \times 100 \geq 70$$

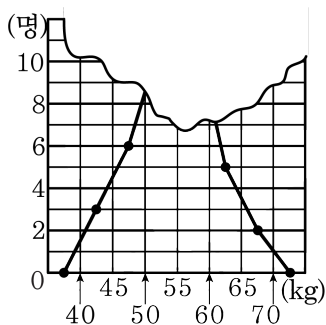
$$\frac{A + 13}{A + 22} \geq \frac{7}{10}$$

$$3A \geq 24$$

$$\therefore A \geq 8$$

따라서 A 의 최솟값이 8 명이므로 전체 학생 수의 최솟값은 30 명이다.

29. 다음 그래프는 어느 학교 학생 40명의 몸무게를 나타낸 도수분포다각형이다. 55kg 이상인 학생과 55kg 미만인 학생의 수가 같을 때, 계급 55kg 이상 60kg 미만인 도수를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

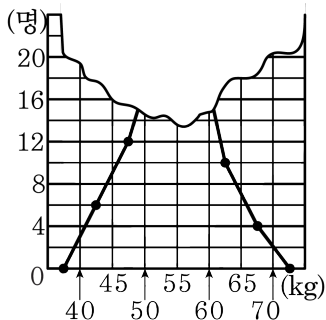
50kg 이상 55kg 미만인 도수를 a , 55kg 이상 60kg 미만인 도수를 b 라 하면

$$40 - (3 + 6 + 5 + 2) = 24 = a + b \cdots \textcircled{㉠}$$

$$3 + 6 + a = b + 5 + 2, a - b = -2 \cdots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 에서 $a = 11$, $b = 13$ 이다.

30. 다음 그래프는 민수네반 학생 80 명의 몸무게를 나타낸 도수분포다각형이다. 55kg 이상인 학생 수와 55kg 미만인 학생 수의 비가 1 : 1 일 때, 계급값이 52.5 인 도수를 구하여라.



▶ 답 : 명

▷ 정답 : 22명

해설

50kg 이상 55kg 미만인 도수를 a , 55kg 이상 60kg 미만인 도수를 b 라고 하면

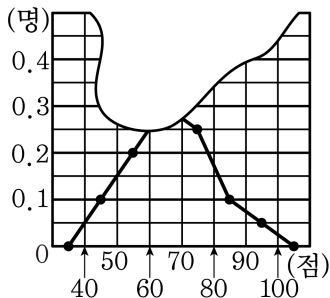
$$80 - (6 + 12 + 10 + 4) = 48 = a + b \cdots \textcircled{㉠}$$

$$6 + 12 + a = b + 10 + 4, a - b = -4 \cdots \textcircled{㉡}$$

㉠, ㉡에서 $a = 22$, $b = 26$ 이다.

따라서 계급값이 52.5 인 도수는 22 이다.

31. 다음 그림은 어느 학급 학생들의 국어 점수를 조사하여 나타낸 상대도수의 분포다각형이다. 전체 도수가 40 일 때, 60점 이상 70점 미만인 학생은 몇 명인지 구하여라.



답 :

명



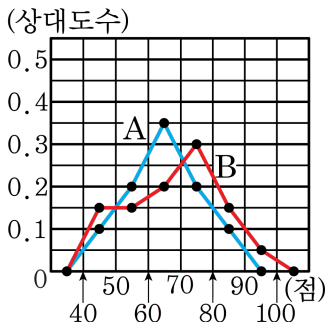
정답 : 12명

해설

계급값이 65 인 계급의 상대도수는 $1 - (0.1 + 0.2 + 0.25 + 0.1 + 0.05) = 0.3$ 이다.

따라서 계급 60점 이상 70점 미만의 도수는 $40 \times 0.3 = 12(\text{명})$ 이다.

32. 다음 그래프는 A 중학교와 B 중학교의 중간고사 평균 성적을 조사하여 상대도수의 그래프로 나타낸 것이다. A 중학교에서는 상위 30% 이내에 들려면 x 점 이상을 맞아야 하고 B 중학교에서는 하위 30% 이내에 들지 않으려면 적어도 y 점 이상을 맞아야 할 때 $x \times y$ 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4200

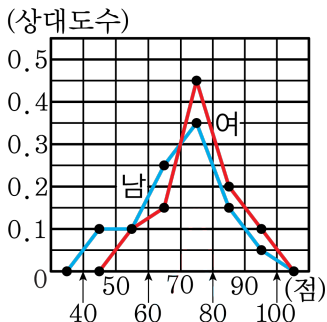
해설

A 중학교에서 상위 30% 이내에 들려면 $0.1 + 0.2 = 0.3$ 이므로 70점 이상을 맞아야 한다.

B 중학교에서 하위 30% 이내에 들지 않으려면 $0.15 + 0.15 = 0.3$ 이므로 적어도 60 점 이상을 맞아야 한다.

따라서 $x \times y = 70 \times 60 = 4200$

33. 다음은 어느 학교 남학생과 여학생의 국어 성적을 상대도수의 그래프로 나타낸 것이다. 국어 성적이 70 점 이상 80 점 미만인 계급에서 남학생의 수와 여학생의 수가 같고, 전체 남학생 수와 여학생 수의 최대공약수가 40 일 때, 이 학교 남학생 중 국어 성적이 80 점 이상인 학생 수를 구하여라.



▶ 답 : 명

▷ 정답 : 72명

해설

남학생을 x , 여학생을 y 라 하면 계급값이 75 인 곳에서 국어 성적이 같으므로 $0.35x = 0.45y$ $x : y = 9 : 7$

$$x = 9k, \quad y = 7k \quad (k > 0)$$

$$9 \times 7 \times k = (\text{최소공배수})$$

$$\therefore k = (\text{최대공약수}) = 40$$

따라서 전체 남학생 수는 $40 \times 9 = 360$ 이다.

남학생 중 남학생 수와 여학생 수가 80 점 이상인 학생은

$$360 \times 0.15 = 54$$

$$360 \times 0.05 = 18$$

$$\therefore 54 + 18 = 72(\text{명})$$