

1. 비의 값이 $\frac{1}{3}$ 인 두 비를 비례식으로 나타내었더니 네 항이 다음과 같았습니다. 를 차례대로 구하시오.

$$\text{내항} : \square, 18 \text{ 외항} : 6, 27 \Rightarrow 6 : \square = \square : 27$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

▷ 정답 : 18

▷ 정답 : 9

해설

$$6 : (\text{내항}) = (\text{내항}) : 27$$

$$\textcircled{1} \frac{6}{(\text{내항})} = \frac{1}{3} \quad \text{내항} = 18$$

$$\textcircled{2} \frac{(\text{내항})}{27} = \frac{1}{3} \quad \text{내항} = 9$$

$$6 : 18 = 9 : 27$$

2. 다음 중 틀린 것은 어느 것입니까?

① $4 : 8$ 의 전항은 4입니다.

② $6 : 14 = 3 : 7$ 일 때 외항은 6과 7입니다.

③ $21 : 24 = 7 : 8$ 일 때 24는 내항입니다.

④ $9 : 11 = 27 : 33$ 일 때 내항은 9와 11입니다.

⑤ $2 : 3 = 40 : 60$ 에서 전항은 2와 40입니다.

해설

④ $9 : 11 = 27 : 33$ 일 때 내항은 11과 27입니다.

3. 다음 비례식을 보고, 알맞게 짝지어진 것은 어느 것입니까?

$$7 : 13 = 21 : 39$$

① $7 \Rightarrow$ 후항

② $13 \Rightarrow$ 외항

③ $21 \Rightarrow$ 외항

④ $39 \Rightarrow$ 전항

⑤ $13 \Rightarrow$ 후항

해설

전항 $\Rightarrow 7, 21$

후항 $\Rightarrow 13, 39$ 이며,

내항 (안쪽의 두 항) $\Rightarrow 13, 21$

외항 (바깥쪽의 두 항) $\Rightarrow 7, 39$

4. 다음 비례식에서 내항의 합과 외항의 합을 차례대로 구하시오.

$$12 : 28 = 3 : 7$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 31

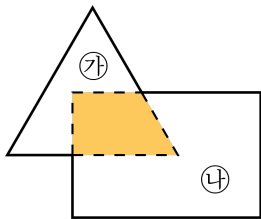
▷ 정답 : 19

해설

내항 : $28 + 3 = 31$

외항 : $12 + 7 = 19$

5. 삼각형과 사각형이 다음 그림과 같이 겹쳐 있습니다. 겹친 부분의 넓이는 삼각형 ㉮의 넓이의 $\frac{3}{5}$ 이고, 사각형 ㉬의 넓이의 $\frac{1}{4}$ 입니다. ㉮와 ㉬의 넓이를 가장 작은 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▶ 정답 : 5 : 12

해설

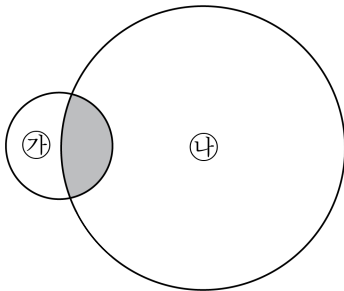
겹친 부분의 넓이를 등식으로 나타내면

$$\textcircled{㉮} \times \frac{3}{5} = \textcircled{㉬} \times \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{㉮} : \textcircled{㉬} = \frac{1}{4} : \frac{3}{5}$$

$$= \left(\frac{1}{4} \times 20 \right) : \left(\frac{3}{5} \times 20 \right) = 5 : 12$$

6. 두 원 ㉠, ㉡가 다음과 같이 겹쳐 있습니다. 겹친 부분의 넓이는 ㉠의 $\frac{3}{5}$ 이고, ㉡의 $\frac{1}{10}$ 입니다. ㉠과 ㉡의 넓이의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 1 : 6

해설

㉠의 $\frac{3}{5}$ 과 ㉡의 $\frac{1}{10}$ 이 같으므로,

$$\textcircled{㉠} \times \frac{3}{5} = \textcircled{㉡} \times \frac{1}{10} \rightarrow \textcircled{㉠} : \textcircled{㉡} = \frac{1}{10} : \frac{3}{5} = 1 : 6$$

7. 수영이는 가지고 있던 돈의 $\frac{1}{2}$ 로 인형을 사고, 남은 돈의 $\frac{2}{3}$ 로 동화책을 샀습니다. 인형값과 동화책값의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내면 몇 대 몇인지 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3 : 2

해설

수영이가 가지고 있던 돈을 $\square$ 원이라 하면

인형값은 $\left(\square \times \frac{1}{2}\right)$ 원이고,

동화책 값은 $\left\{\square \times \left(1 - \frac{1}{2}\right) \times \frac{2}{3}\right\}$ 원입니다.

(인형값) : (동화책값)

$$= \left(\square \times \frac{1}{2}\right) : \left(\square \times \frac{1}{2} \times \frac{2}{3}\right)$$

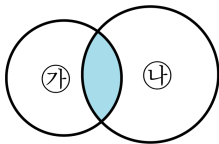
(인형값):(동화책값)

$$= \left(\square \times \frac{1}{2}\right) : \left(\square \times \frac{1}{2} \times \frac{2}{3}\right)$$

$$= \left(\square \times \frac{1}{2}\right) : \left(\square \times \frac{1}{3}\right)$$

$$= \frac{1}{2} : \frac{1}{3} = 3 : 2$$

8. 원 ㉠과 ㉡가 다음 그림과 같이 겹쳐 있습니다. 겹친 부분의 넓이는 ㉠의 $\frac{1}{4}$ 이고, ㉡의 $\frac{2}{5}$ 입니다. ㉠과 ㉡의 넓이의 비를 가장 작은 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▶ 정답 : 8 : 5

해설

$$\textcircled{\text{가}} \times \frac{1}{4} = \textcircled{\text{나}} \times \frac{2}{5}$$

$$\textcircled{\text{가}} : \textcircled{\text{나}} = \frac{2}{5} : \frac{1}{4} = \left(\frac{2}{5} \times 20 \right) : \left(\frac{1}{4} \times 20 \right) = 8 : 5$$

9. 다음에서 $\textcircled{\text{㉠}} : \textcircled{\text{㉡}} = 15 : 1$, $\textcircled{\text{㉢}} : \textcircled{\text{㉡}} = 12 : 1$, $\textcircled{\text{㉣}} : \textcircled{\text{㉤}} = 6 : 5$ 일 때 $\textcircled{\text{㉠}} : \textcircled{\text{㉥}}$ 을 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

$$6 : 5 = \textcircled{\text{㉠}} : 25$$

$$16 : \textcircled{\text{㉢}} = \textcircled{\text{㉡}} : \textcircled{\text{㉥}}$$

$$4 : \textcircled{\text{㉥}} = \textcircled{\text{㉢}} : \textcircled{\text{㉤}}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 2 : 1

해설

$$6 : 5 = \textcircled{\text{㉠}} : 25, \textcircled{\text{㉠}} = 6 \times 25 \div 5 = 30$$

$$\textcircled{\text{㉠}} : \textcircled{\text{㉡}} = 15 : 1 = 30 : \textcircled{\text{㉡}}, \textcircled{\text{㉡}} = 30 \div 15 = 2$$

$$\textcircled{\text{㉢}} : \textcircled{\text{㉡}} = 12 : 1 = \textcircled{\text{㉢}} : 2, \textcircled{\text{㉢}} = 12 \times 2 = 24$$

$$16 : \textcircled{\text{㉢}} = \textcircled{\text{㉡}} : \textcircled{\text{㉥}}, 16 : 24 = 2 : \textcircled{\text{㉥}}, \textcircled{\text{㉥}} = 24 \times 2 \div 16 = 3$$

$$\textcircled{\text{㉣}} : \textcircled{\text{㉤}} = 6 : 5 = 24 : \textcircled{\text{㉤}}, \textcircled{\text{㉤}} = 5 \times 24 \div 6 = 20$$

$$4 : \textcircled{\text{㉥}} = \textcircled{\text{㉢}} : \textcircled{\text{㉤}}, 4 : 3 = 20 : \textcircled{\text{㉤}}, \textcircled{\text{㉤}} = 3 \times 20 \div 4 = 15$$

$$\rightarrow \textcircled{\text{㉠}} : \textcircled{\text{㉤}} = 30 : 15 = 2 : 1$$

10. 다음 식을 만족하는 가와 나가 있습니다. 나에 대한 가의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

$$\text{가} \times 3\frac{3}{5} = \text{나} \times 5\frac{1}{4}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 35 : 24

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱이 같으므로

가 : 나 = $5\frac{1}{4}$: $3\frac{3}{5}$ 이다.

$$\begin{aligned} 5\frac{1}{4} : 3\frac{3}{5} &= \frac{21}{4} : \frac{18}{5} \\ &= \left(\frac{21}{4} \times 20\right) : \left(\frac{18}{5} \times 20\right) \\ &= (105 \div 3) : (72 \div 3) \\ &= 35 : 24 \end{aligned}$$

11. 다음 등식에서 ㉠ : ㉡를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

$$\textcircled{가} \times \frac{1}{3} = \textcircled{나} \times \frac{2}{5}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 6 : 5

해설

$$\textcircled{가} : \textcircled{나} = \frac{2}{5} : \frac{1}{3} = \left(\frac{2}{5} \times 15\right) : \left(\frac{1}{3} \times 15\right) = 6 : 5$$

12. 다음을 가장 간단한 자연수의 비로 나타내면 가 : 나가 된다고 합니다.
가 + 나 의 값을 구하시오.

$$0.28 : 2\frac{1}{10}$$

▶ 답 :

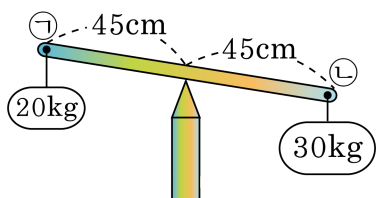
▷ 정답 : 17

해설

$$0.28 : 2\frac{1}{10} = 0.28 : 2.1 = 28 : 210 = 2 : 15$$

가 = 2 , 나 = 15 이므로 가 + 나 = 17 입니다.

13. 다음에서 수평이 되게 하려면, 받침대를 ㉠과 ㉡ 중 쪽으로 만큼 옮겨야 합니다. 안에 알맞은 수나 말을 차례대로 써넣으시오.



▶ 답 :

▶ 답 : cm

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : 9cm

해설

양 끝에 달린 추의 무게의 비는 지렛대의 중심에서부터의 거리의 비와 반대입니다.

㉠의 무게 : ㉡의 무게 = 20 : 30 = 2 : 3

지렛대의 중심에서부터의 거리의 비 $\Rightarrow$ 3 : 2

수평이 되었을 때, 중심에서부터 ㉠의 거리를 라 하면 ㉡의 거리는 $(90 - \text{)}$ 가 됩니다.

$$3 : 2 = \text{} : (90 - \text{)}$$

$$2 \times \text{} = 3 \times (90 - \text{)}$$

$$2 \times \text{} = 3 \times 90 - 3 \times \text{}$$

$$2 \times \text{} + 3 \times \text{} = 270$$

$$5 \times \text{} = 270$$

$$\text{} = 270 \div 5$$

$$\text{} = 54$$

중심에서부터 ㉠까지의 거리가 54 cm, ㉡까지의 거리가 36 cm입니다.

따라서 수평이 되기 위해서는 받침대를 ㉡쪽으로 $45 - 36 = 9$ (cm)만큼 옮겨야 합니다.

14. 승현이네 집에서 추수한 곡식의 $\frac{5}{9}$ 는 쌀이고, 나머지의 $\frac{1}{4}$ 은 콩이라고 합니다. 콩이 54kg이라면, 쌀은 몇 kg인지 구하시오.

▶ 답 : kg

▷ 정답 : 270 kg

해설

승현이네 집에서 추수한 곡식의 양을 비례식으로 나타내어보면

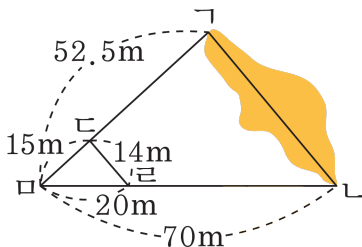
$$\frac{5}{9} : \left(\frac{4}{9} : \frac{1}{4} \right) = \square : 54, \quad \frac{5}{9} : \frac{1}{9} = \square : 54$$

쌀의 양을 구해보면

$$\frac{1}{9} \times \square = \frac{5}{9} \times 54, \quad \frac{1}{9} \times \square = 30,$$

$$\square = 30 \times 9 = 270(\text{kg})$$

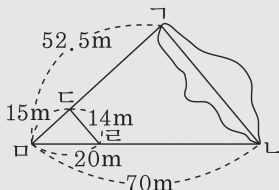
15. 직접 잴 수 없는 두 지점 ㄱ과 ㄴ 사이의 거리를 알아보기 위해 다음과 같이 그림을 그렸습니다. 선분 ㄱㄷ과 선분 ㄷㄴ은 서로 평행이고, 선분 ㄷㄴ의 길이가 14m 일 때, ㄱ과 ㄴ사이의 거리는 몇 m입니까?



▶ 답 : m

▶ 정답 : 49m

해설



삼각형 ㄷㄴㄷ과 삼각형 ㄱㄴㄴ은 서로 닮은 도형이고 닮음비는 $20 : 70 = 2 : 7$ 이다.

선분 ㄱㄴ의 길이를 라 하면

$$14 : \text{□} = 2 : 7$$

$$2 \times \text{□} = 14 \times 7$$

$$\text{□} = 49(\text{m})$$

16. 3 분 동안에 24km를 달리는 자동차가 있습니다. 이와 같은 빠르기로 18분 동안 달린다면, 몇 km를 갈 수 있는지 구하시오.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 144km

해설

$$(\text{시간}):(\text{거리}) = 3 : 24 = 1 : 8$$

18분동안 갈 수 있는 거리를 라 하면

$$1 : 8 = 18 : \text{}$$

$$\text{} = 8 \times 18$$

$$\text{} = 144(\text{km})$$