

1. 다음 중  $x$ 에 대한 이차다항식은?

①  $2x + 2$

④  $x^3 - x$

②  $x^2y + x - y$

⑤  $xy^2 + y^2$

해설

①, ⑤는  $x$ 에 대한 일차식

③, ④는  $x$ 에 대한 삼차식

2.  $A = 2x^2 + 5xy - 3y^2$ ,  $B = 4x^2 - 5xy + y^2$ ,  $C = -x^2 + 4y^2$  일 때,  
 $2A - \{B - (2C - 3A)\}$  를 간단히 하면?

- ①  $8x^2 + 30xy - 24y^2$       ②  $8x^2 - 30xy - 24y^2$   
③  $-8x^2 + 30xy - 24y^2$       ④  $-8x^2 + 10y^2$   
⑤  $-8x^2 - 10y^2$

해설

$$\begin{aligned}2A - \{B - (2C - 3A)\} &= 2A - B + 2C - 3A \\&= -A - B + 2C \\&= -8x^2 + 10y^2\end{aligned}$$

3. 다항식  $A = x^2 - x + 1$ ,  $B = 3x^2 - 2x - 1$ 에 대하여  $X + 2A = B$ 를 만족하는 다항식  $X$ 를 구하면?

- ①  $x^2 + 3x + 1$       ②  $x^2 - 1$       ③  $x^2 - 3$   
④  $x^2 + 1$       ⑤  $2x^2 - x + 1$

해설

$$\begin{aligned} X &= B - 2A \\ &= (3x^2 - 2x - 1) - 2(x^2 - x + 1) \\ &= x^2 - 3 \end{aligned}$$

해설

4.  $\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\}$  를 간단히 하면?

- ①  $2y$       ②  $2z$       ③  $-2y$       ④  $-2z$       ⑤  $0$

해설

$$\begin{aligned}\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\} \\= (x - y + z) - (x - y - z) \\= x - y + z - x + y + z \\= 2z\end{aligned}$$

해설

5.  $x^2y(-xy)^3$  을 간단히 하면?

- ①  $-x^4y^5$     ②  $xy^5$     ③  $-x^5y^4$     ④  $-xy^5$     ⑤  $x^2y^5$

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

6. 다항식  $x^3 - 3x - 3$ 을 다항식  $x^2 - 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫이  $ax + b$ 이고, 나머지가  $cx + d$ 이었다. 이 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^3 - 3x - 3 = (x^2 - 2x - 1)(ax + b) + cx + d$$

에서 계수를 비교하면

$$a = 1, -b + d = -3, -a - 2b + c = -3, b - 2a = 0$$

에서  $a = 1, b = 2, d = -1, c = 2$

$$\therefore a + b + c + d = 1 + 2 + (-1) + 2 = 4$$

7. 다항식  $2x^3 + x^2 + 3x$ 를  $x^2 + 1$ 로 나눈 나머지는?

- ①  $x - 1$       ②  $x$       ③ 1  
④  $x + 3$       ⑤  $3x - 1$

해설

직접 나누어보면

$$(2x + 1) + \frac{x - 1}{x^2 + 1}$$

몫 :  $2x + 1$ , 나머지 :  $x - 1$

8. 다항식  $f(x)$ 를  $x+1$ 로 나눈 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 이라고 할 때,  
 $xf(x) - 3$ 을  $x+1$ 로 나눈 몫과 나머지는?

- ①  $xQ(x), -R - 3$   
②  $xQ(x), -R + 3$   
③  $xQ(x), -R - 6$   
④  $xQ(x) + R, -R - 3$   
⑤  $xQ(x) + R, -R + 3$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x+1)Q(x) + R \\ \therefore xf(x) &= x(x+1)Q(x) + xR \\ \therefore xf(x) - 3 &= x(x+1)Q(x) + xR - 3 \\ &= (x+1)\{xQ(x)\} + (x+1)R - R - 3 \\ &= (x+1)\{xQ(x) + R\} - R - 3\end{aligned}$$

9. 다항식  $f(x)$ 를  $x - \frac{1}{2}$ 으로 나눌 때의 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 라고 할 때,  $f(x)$ 를  $2x - 1$ 으로 나눌 때의 몫과 나머지는?

① 몫 :  $2Q(x)$  나머지 :  $\frac{1}{2}R$       ② 몫 :  $2Q(x)$  나머지 :  $R$

③ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $\frac{1}{2}R$       ④ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $R$

⑤ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $2R$

해설

$$x - \frac{1}{2} \parallel 2\text{를 곱하면 } 2x - 1$$

$$f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)Q(x) + R = (2x - 1)\frac{1}{2}Q(x) + R$$

10.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x+y)(y+z)(z+x)$ 의 값을 구하면?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}x + y + z &= 1 \quad | \cdot xyz \\x + y &= 1 - z \\y + z &= 1 - x \\z + x &= 1 - y \\(x + y)(y + z)(z + x) &= (1 - z)(1 - x)(1 - y) \\&= 1 - (x + y + z) + (xy + yz + zx) - xyz \\&= 1 - 1 + 2 - 3 = -1\end{aligned}$$

11. 다음 중 식의 전개가 바르지 않은 것을 고르면?

- ①  $(1 - x)(1 + x + x^2) = 1 - x^3$   
②  $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^4 + x^2y^2 + y^4$   
③  $(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) = x^4 - 8x^2 + 12$   
④  $(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) = a^8 - b^8$   
⑤  $(a + b - c)(a - b + c) = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned} & (x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) \\ &= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2) \\ & x^2 - x = Y \text{ 라 놓자.} \\ & (Y - 6)(Y - 2) = Y^2 - 8Y + 12 \\ &= (x^2 - x)^2 - 8(x^2 - x) + 12 \\ &= x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 8x + 12 \end{aligned}$$

12. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것을 고르면?

- ①  $(x - y - z)^2 = x^2 - y^2 - z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$
- ②  $(3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 18xy^2 - 8y^3$
- ③  $(x + y)(x - y)(x^2 + xy - y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^9 - y^9$
- ④  $(x^2 - 2xy + 2y^2)(x^2 + 2xy + 2y^2) = x^4 + 4y^4$
- ⑤  $(x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + 2x + 2y + 1) = x^3 + y^3 - 3xy - 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & (x - y - z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 - 2xy - 2yz - 2zx \\ \textcircled{2} \quad & (3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 36xy^2 - 8y^3 \\ \textcircled{3} \quad & (x + y)(x - y)(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) \\ & \quad = x^6 - y^6 \\ \textcircled{5} \quad & (x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + x + y + 1) \\ & \quad = x^3 + y^3 - 3xy - 1 \end{aligned}$$

13.  $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$  의 값을 구하면?

- ①  $2^{32}-1$       ②  $2^{32}+1$       ③  $2^{31}-1$   
④  $2^{31}+1$       ⑤  $2^{17}-1$

해설

주어진 식에  $(2-1)=1$  을 곱해도 식은 성립하므로

$$P = (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$$

$$= \vdots$$

$$= (2^{16}-1)(2^{16}+1)$$

$$= 2^{32}-1$$

14.  $(1 + 2x - 3x^2 + 4x^3 - 5x^4 + 6x^5 + 7x^6)^2$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는?

- ① 0      ② 2      ③ -2      ④ 4      ⑤ -4

해설

$x^3$ 을 만들 수 있는 것은  
(3차항)  $\times$  (상수항), (2차항)  $\times$  (1차항)  
2쌍씩이다.

$$4 \times 1 \times 2 + (-3) \times 2 \times 2 = 8 + (-12) = -4$$

15.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

- ① 15      ② 18      ③ 21      ④ 26      ⑤ 28

해설

$$\begin{aligned} \text{준식을 전개하면} \\ & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5(10^5 + 2) \\ & = 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ & = 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore & 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

16. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 겉넓이는 52이고, 모서리의 길이의 합은 36이다. 이 상자의 대각선의 길이는?

- ① 5      ②  $\sqrt{29}$       ③  $\sqrt{33}$       ④ 6      ⑤  $\sqrt{42}$

해설

세 모서리의 길이를  $a, b, c$  라 하면  
 $2(ab + bc + ca) = 52$   
 $4(a + b + c) = 36 \rightarrow a + b + c = 9$   
(직육면체 대각선의 길이)  
 $= \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$   
 $= \sqrt{(a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)}$   
 $= \sqrt{81 - 52} = \sqrt{29}$

17.  $a+b+c = 0$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 1$  일 때,  $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = -\frac{1}{2}$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$= 4[(ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c)]$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = 1$$

18. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의  
겉넓이는?

- ① 144      ② 196      ③ 288      ④ 308      ⑤ 496

해설

세 모서리를  $x, y, z$ 라 하면

$$x + y + z = 22 \dots\dots \textcircled{1}$$

$$\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \dots\dots \textcircled{2}$$

겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$ 이다.

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{에서 } 22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$$

19.  $a = (3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) \cdots (3^{1024}+1)$ 이라고 할 때 곱셈  
공식을 이용하여  $a$ 의 값을 지수의 형태로 나타내면  $\frac{1}{k}(3^l+m)$ 이다.  
○] 때,  $k+l+m$ 의 값을 구하면?

- ① 2046    ② 2047    ③ 2048    ④ 2049    ⑤ 2050

해설

$$\begin{aligned} a &= (3+1)(3^2+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ \text{양변에 } (3-1) &\text{ 을 곱하면} \\ (3-1)a &= (3-1)(3+1)(3^2+1)(3^4+1) \\ &\quad \cdots (3^{1024}+1) \\ 2a &= (3^2-1)(3^2+1)(3^4+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &= (3^4-1)(3^4+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &= (3^8-1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &\quad \vdots \\ &= (3^{2048}-1) \end{aligned}$$

양변을 2로 나누면

$$\begin{aligned} a &= \frac{1}{2}(3^{2048}-1) \\ \therefore k &= 2, l = 2048, m = -1 \\ \therefore k+l+m &= 2049 \end{aligned}$$

20. 다음 식의 분모를 0으로 만들지 않는 모든 실수  $x$ 에 대하여 다음 식이 성립할 때,  $a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$ 의 값은?

$$\frac{1}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)} = \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{10}}{x-10}$$

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -10      ⑤ 10

해설

우변을 통분하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면,

$$(우변) = \frac{(a_1 + a_2 + \cdots + a_{10})x^9 + \cdots}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)}$$

양변의 계수를 비교하면

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_{10} = 0$$

21.  $x^2 + x + 1 = 0$  일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$x^2 + x + 1 = 0$ 에서 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = -1$$

$$\begin{aligned}\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right) \\ &= -1 - 3 \cdot (-1) = 2\end{aligned}$$

22. 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + b + c = 6$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 12$ 를 만족할 때,  
 $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

- ① 8      ② 16      ③ 24      ④ 36      ⑤ 42

해설

공식  $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$ 에 주어진  
수를 대입하여

$(ab + bc + ca)$ 의 값을 구하면  $(ab + bc + ca) = 12$

$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$

에서

$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$ 으로

$$\frac{1}{2} \{(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2\} = 0$$

$$\therefore a = b = c = 2$$
으로  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$

23.  $x - \frac{1}{x} = 1$  일 때,  $x^5 + \frac{1}{x^5}$ 의 값은?

①  $\pm 6\sqrt{5}$       ②  $\pm 5\sqrt{5}$       ③  $\pm 3\sqrt{5}$

④  $\pm 2\sqrt{5}$       ⑤  $\pm \sqrt{5}$

해설

$$x^5 + \frac{1}{x^5} = \left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) \left(x^3 + \frac{1}{x^3}\right) - \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 = 3$$

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 5$$

$$\therefore x + \frac{1}{x} = \pm \sqrt{5}$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) \\ = \pm 5\sqrt{5} - 3(\pm \sqrt{5}) = \pm 2\sqrt{5}$$

$$\therefore x^5 + \frac{1}{x^5} = 3(\pm 2\sqrt{5}) - (\pm \sqrt{5}) = \pm 5\sqrt{5}$$

24. 다음 그림에서 색칠한 직사각형의 넓이는?



①  $6a^2 - 7ab + 2b^2$       ②  $36a^2 - 42ab + 12b^2$

③  $48a^2 - 48ab + 12b^2$       ④  $12a^2 - 12ab + 3b^2$

⑤  $48a^2 + 48ab + 12b^2$

해설

$$(6a - 3b)(8a - 4b) = 48a^2 - 48ab + 12b^2$$

25. 다항식  $f(x)$ 는 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x^2 + 1) = x^4 + 5x^2 + 3$ 을 만족시킨다.  $f(x^2 - 1)$ 을 구한 것은?

- ①  $x^4 + 5x^2 + 1$       ②  $x^4 + x^2 - 3$       ③  $x^4 - 5x^2 + 1$   
④  $x^4 + x^2 + 3$       ⑤ 답 없음

해설

$$x^2 + 1 = t \text{ 라 하면 } x^2 = t - 1$$

주어진 식에 대입하면

$$f(t) = (t - 1)^2 + 5(t - 1) + 3$$

$$\therefore f(t) = t^2 + 3t - 1$$

$$f(x^2 - 1) = (x^2 - 1)^2 + 3(x^2 - 1) - 1 \\ = x^4 + x^2 - 3$$