

1. 다음 중  $x$ 에 대한 이차다항식은?

①  $2x + 2$

②  $x^2y + x - y$

③  $2x^3 + x - 2$

④  $x^3 - x$

⑤  $xy^2 + y^2$

해설

①, ⑤는  $x$ 에 대한 일차식

③, ④는  $x$ 에 대한 삼차식

2.  $A = 2x^2 + 5xy - 3y^2$ ,  $B = 4x^2 - 5xy + y^2$ ,  $C = -x^2 + 4y^2$  일 때,  
 $2A - \{B - (2C - 3A)\}$  를 간단히 하면?

- ①  $8x^2 + 30xy - 24y^2$
- ②  $8x^2 - 30xy - 24y^2$
- ③  $-8x^2 + 30xy - 24y^2$
- ④  $-8x^2 + 10y^2$
- ⑤  $-8x^2 - 10y^2$

해설

$$\begin{aligned}2A - \{B - (2C - 3A)\} &= 2A - B + 2C - 3A \\&= -A - B + 2C \\&= -8x^2 + 10y^2\end{aligned}$$

3. 다항식  $A = x^2 - x + 1$ ,  $B = 3x^2 - 2x - 1$ 에 대하여  $X + 2A = B$ 를 만족하는 다항식  $X$ 를 구하면?

①  $x^2 + 3x + 1$

②  $x^2 - 1$

③  $x^2 - 3$

④  $x^2 + 1$

⑤  $2x^2 - x + 1$

해설

$$\begin{aligned}X &= B - 2A \\&= (3x^2 - 2x - 1) - 2(x^2 - x + 1) \\&= x^2 - 3\end{aligned}$$

해설

4.  $\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\}$ 를 간단히 하면?

- ①  $2y$       ②  $2z$       ③  $-2y$       ④  $-2z$       ⑤  $0$

해설

$$\begin{aligned}\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\} \\&= (x - y + z) - (x - y - z) \\&= x - y + z - x + y + z \\&= 2z\end{aligned}$$

해설

5.  $x^2y(-xy)^3$  을 간단히 하면?

- ①  $-x^4y^5$     ②  $xy^5$     ③  $-x^5y^4$     ④  $-xy^5$     ⑤  $x^2y^5$

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

6. 다항식  $x^3 - 3x - 3$ 을 다항식  $x^2 - 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫이  $ax + b$ 이고, 나머지가  $cx + d$ 이었다. 이 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^3 - 3x - 3 = (x^2 - 2x - 1)(ax + b) + cx + d$$

에서 계수를 비교하면

$$a = 1, -b + d = -3, -a - 2b + c = -3, b - 2a = 0$$

에서  $a = 1, b = 2, d = -1, c = 2$

$$\therefore a + b + c + d = 1 + 2 + (-1) + 2 = 4$$

7. 다항식  $2x^3 + x^2 + 3x$ 를  $x^2 + 1$ 로 나눈 나머지는?

①  $x - 1$

②  $x$

③ 1

④  $x + 3$

⑤  $3x - 1$

해설

직접 나누어보면

$$(2x + 1) + \frac{x - 1}{x^2 + 1}$$

몫 :  $2x + 1$ , 나머지 :  $x - 1$

8. 다항식  $f(x)$ 를  $x + 1$ 로 나눈 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 이라고 할 때,  
 $xf(x) - 3$ 을  $x + 1$ 로 나눈 몫과 나머지는?

①  $xQ(x), -R - 3$

②  $xQ(x), -R + 3$

③  $xQ(x), -R - 6$

④  $xQ(x) + R, -R - 3$

⑤  $xQ(x) + R, -R + 3$

해설

$$f(x) = (x + 1)Q(x) + R$$

$$\therefore xf(x) = x(x + 1)Q(x) + xR$$

$$\therefore xf(x) - 3 = x(x + 1)Q(x) + xR - 3$$

$$= (x + 1) \{xQ(x)\} + (x + 1)R - R - 3$$

$$= (x + 1) \{xQ(x) + R\} - R - 3$$

9. 다항식  $f(x)$ 를  $x - \frac{1}{2}$ 으로 나눌 때의 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 라고 할 때,  $f(x)$ 를  $2x - 1$ 으로 나눌 때의 몫과 나머지는?

- ① 몫 :  $2Q(x)$  나머지 :  $\frac{1}{2}R$       ② 몫 :  $2Q(x)$  나머지 :  $R$
- ③ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $\frac{1}{2}R$       ④ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $R$
- ⑤ 몫 :  $\frac{1}{2}Q(x)$  나머지 :  $2R$

해설

$x - \frac{1}{2}$ 에 2를 곱하면  $2x - 1$

$$f(x) = \left( x - \frac{1}{2} \right) Q(x) + R = (2x - 1) \frac{1}{2} Q(x) + R$$

10.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x+y)(y+z)(z+x)$ 의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$x + y + z = 1 \text{에서}$$

$$x + y = 1 - z$$

$$y + z = 1 - x$$

$$z + x = 1 - y$$

$$(x+y)(y+z)(z+x) = (1-z)(1-x)(1-y)$$

$$= 1 - (x + y + z) + (xy + yz + zx) - xyz$$

$$= 1 - 1 + 2 - 3 = -1$$

# 11. 다음 중 식의 전개가 바르지 않은 것을 고르면?

①  $(1 - x)(1 + x + x^2) = 1 - x^3$

②  $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^4 + x^2y^2 + y^4$

③  $(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) = x^4 - 8x^2 + 12$

④  $(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) = a^8 - b^8$

⑤  $(a + b - c)(a - b + c) = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

해설

$$(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2)$$

$$= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2)$$

$x^2 - x = Y$  라 놓자.

$$(Y - 6)(Y - 2) = Y^2 - 8Y + 12$$

$$= (x^2 - x)^2 - 8(x^2 - x) + 12$$

$$= x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 8x + 12$$

## 12. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것을 고르면?

①  $(x - y - z)^2 = x^2 - y^2 - z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$

②  $(3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 18xy^2 - 8y^3$

③  $(x + y)(x - y)(x^2 + xy - y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^9 - y^9$

④  $(x^2 - 2xy + 2y^2)(x^2 + 2xy + 2y^2) = x^4 + 4y^4$

⑤  $(x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + 2x + 2y + 1) = x^3 + y^3 - 3xy - 1$

해설

①  $(x - y - z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$

②  $(3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 36xy^2 - 8y^3$

③  $(x + y)(x - y)(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2)$   
 $= x^6 - y^6$

⑤  $(x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + x + y + 1)$   
 $= x^3 + y^3 - 3xy - 1$

13.  $P = (2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1)$  의 값을 구하면?

- ①  $2^{32}-1$       ②  $2^{32}+1$       ③  $2^{31}-1$   
④  $2^{31}+1$       ⑤  $2^{17}-1$

해설

주어진 식에  $(2-1)=1$  을 곱해도 식은 성립하므로

$$\begin{aligned}P &= (2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= (2^2-1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= (2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)(2^{16}+1) \\&= \dots \\&= (2^{16}-1)(2^{16}+1) \\&= 2^{32}-1\end{aligned}$$

14.  $(1 + 2x - 3x^2 + 4x^3 - 5x^4 + 6x^5 + 7x^6)^2$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는?

① 0

② 2

③ -2

④ 4

⑤ -4

해설

$x^3$ 을 만들 수 있는 것은

(3차항)  $\times$  (상수항), (2차항)  $\times$  (1차항)

2쌍씩이다.

$$4 \times 1 \times 2 + (-3) \times 2 \times 2 = 8 + (-12) = -4$$

15.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

① 15

② 18

③ 21

④ 26

⑤ 28

해설

준식을 전개하면

$$\begin{aligned} & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5 (10^5 + 2) \\ &= 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ &= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore & 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

16. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 겉넓이는 52이고, 모서리의 길이의 합은 36이다. 이 상자의 대각선의 길이는?

① 5

②  $\sqrt{29}$

③  $\sqrt{33}$

④ 6

⑤  $\sqrt{42}$

해설

세 모서리의 길이를  $a, b, c$  라 하면

$$2(ab + bc + ca) = 52$$

$$4(a + b + c) = 36 \rightarrow a + b + c = 9$$

(직육면체 대각선의 길이)

$$= \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

$$= \sqrt{(a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)}$$

$$= \sqrt{81 - 52} = \sqrt{29}$$

17.  $a+b+c = 0$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 1$  일 때,  $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = -\frac{1}{2}$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$= 4\{(ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c)\}$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = 1$$

18. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의  
겉넓이는?

- ① 144      ② 196      ③ 288      ④ 308      ⑤ 496

해설

세 모서리를  $x, y, z$ 라 하면

$$x + y + z = 22 \cdots \cdots ①$$

$$\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdots \cdots ② \text{이고}$$

겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$ 이다.

$$①, ② \text{에서 } 22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$$

$$\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$$

19.  $a = (3+1)(3^2+1)(3^4+1)(3^8+1) \cdots (3^{1024}+1)$  이라고 할 때 곱셈 공식을 이용하여  $a$ 의 값을 지수의 형태로 나타내면  $\frac{1}{k}(3^l+m)$ 이다.  
이 때,  $k+l+m$ 의 값을 구하면?

- ① 2046      ② 2047      ③ 2048      ④ 2049      ⑤ 2050

해설

$$a = (3+1)(3^2+1) \cdots (3^{1024}+1)$$

양변에  $(3-1)$ 을 곱하면

$$\begin{aligned}(3-1)a &= (3-1)(3+1)(3^2+1)(3^4+1) \\ &\quad \cdots (3^{1024}+1)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2a &= (3^2-1)(3^2+1)(3^4+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &= (3^4-1)(3^4+1) \cdots (3^{1024}+1) \\ &= (3^8-1) \cdots (3^{1024}+1)\end{aligned}$$

⋮

$$= (3^{2048}-1)$$

양변을 2로 나누면

$$a = \frac{1}{2}(3^{2048}-1)$$

$$\therefore k = 2, l = 2048, m = -1$$

$$\therefore k+l+m = 2049$$

20. 다음 식의 분모를 0으로 만들지 않는 모든 실수  $x$ 에 대하여 다음 식이 성립할 때,  $a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$ 의 값은?

$$\frac{1}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)} = \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{10}}{x-10}$$

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -10      ⑤ 10

해설

우변을 통분하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면,

$$(우변) = \frac{(a_1 + a_2 + \cdots + a_{10})x^9 + \cdots}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)}$$

양변의 계수를 비교하면

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_{10} = 0$$

21.  $x^2 + x + 1 = 0$  일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$x^2 + x + 1 = 0$ 에서 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = -1$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= -1 - 3 \cdot (-1) = 2$$

22. 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + b + c = 6$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 12$ 를 만족할 때,  
 $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

① 8

② 16

③ 24

④ 36

⑤ 42

해설

공식  $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$ 에 주어진  
수를 대입하여

$(ab + bc + ca)$ 의 값을 구하면  $(ab + bc + ca) = 12$

$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$   
에서

$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$  이므로

$$\frac{1}{2} \{(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2\} = 0$$

$$\therefore a = b = c = 2$$
 이므로  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$

23.  $x - \frac{1}{x} = 1$  일 때,  $x^5 + \frac{1}{x^5}$  의 값은?

①  $\pm 6\sqrt{5}$

②  $\pm 5\sqrt{5}$

③  $\pm 3\sqrt{5}$

④  $\pm 2\sqrt{5}$

⑤  $\pm \sqrt{5}$

해설

$$x^5 + \frac{1}{x^5} = \left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right)\left(x^3 + \frac{1}{x^3}\right) - \left(x + \frac{1}{x}\right) \text{에서}$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2 = 3 \text{에서}$$

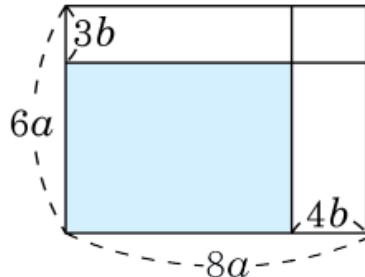
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 5$$

$$\therefore x + \frac{1}{x} = \pm \sqrt{5}$$

$$\begin{aligned}x^3 + \frac{1}{x^3} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) \\&= \pm 5\sqrt{5} - 3(\pm \sqrt{5}) = \pm 2\sqrt{5}\end{aligned}$$

$$\therefore x^5 + \frac{1}{x^5} = 3(\pm 2\sqrt{5}) - (\pm \sqrt{5}) = \pm 5\sqrt{5}$$

24. 다음 그림에서 색칠한 직사각형의 넓이는?



- ①  $6a^2 - 7ab + 2b^2$
- ②  $36a^2 - 42ab + 12b^2$
- ③  $48a^2 - 48ab + 12b^2$
- ④  $12a^2 - 12ab + 3b^2$
- ⑤  $48a^2 + 48ab + 12b^2$

해설

$$(6a - 3b)(8a - 4b) = 48a^2 - 48ab + 12b^2$$

25. 다항식  $f(x)$ 는 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x^2 + 1) = x^4 + 5x^2 + 3$  을 만족시킨다.  $f(x^2 - 1)$  을 구한 것은?

- ①  $x^4 + 5x^2 + 1$       ②  $x^4 + x^2 - 3$       ③  $x^4 - 5x^2 + 1$   
④  $x^4 + x^2 + 3$       ⑤ 답 없음

해설

$$x^2 + 1 = t \text{ 라 하면 } x^2 = t - 1$$

주어진 식에 대입하면

$$f(t) = (t - 1)^2 + 5(t - 1) + 3$$

$$\therefore f(t) = t^2 + 3t - 1$$

$$\begin{aligned}f(x^2 - 1) &= (x^2 - 1)^2 + 3(x^2 - 1) - 1 \\&= x^4 + x^2 - 3\end{aligned}$$