

1. 기호  $[a]$  는  $a$  의 값을 넘지 않는 최대 정수를 나타낸다. 예를 들면  $[1.2] = 1$ ,  $[\sqrt{5}] = 2$  이다. 이차방정식  $x^2 - 4x - 7 = 0$  의 근 중 양수인 것을  $a$  라 할 때,  $(a - [a] + 3)^2$  의 값을 구하면?

① 5

② 7

③ 11

④ 13

⑤ 15

해설

$$x^2 - 4x - 7 = 0 \text{에서}$$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 + 28}}{2} = 2 \pm \sqrt{11}$$

따라서 양수인 근  $a$ 는  $2 + \sqrt{11}$

$$3 < \sqrt{11} < 4 \text{이므로 } 5 < 2 + \sqrt{11} < 6$$

$$\therefore [a] = 5$$

$$\begin{aligned}\therefore (a - [a] + 3)^2 &= (2 + \sqrt{11} - 5 + 3)^2 \\ &= (\sqrt{11})^2 = 11\end{aligned}$$

2. 주사위 한 개를 두 번 던져서 첫 번째 나온 눈의 수를  $a$ , 두 번째 나온 눈의 수를  $b$  라 할 때, 이차방정식  $x^2 - ax + b = 0$  의 두 근이 모두 정수가 되는 경우의 수는 얼마인지 구하여라. (단, 중근은 두 근으로 본다.)

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 7개

### 해설

이차방정식의 정수근을  $\alpha, \beta$  라 하면,

$$x^2 - ax + b = (x - \alpha)(x - \beta)$$

$a = 2$  일 때,  $b = 1$

$a = 3$  일 때,  $b = 2$

$a = 4$  일 때,  $b = 3, 4$

$a = 5$  일 때,  $b = 4, 6$

$a = 6$  일 때,  $b = 5$

그러므로 두 근이 모두 정수가 되는 순서쌍은

(2, 1), (3, 2), (4, 3), (4, 4), (5, 4), (5, 6), (6, 5)의 7개이다.

3. 이차방정식  $0.1x^2 = 1 - 0.3x$  의 해를 구하면?

①  $x = 2$  또는  $x = 5$

②  $x = 2$  또는  $x = -5$

③  $x = -1$  또는  $x = 5$

④  $x = -1$  또는  $x = -3$

⑤  $x = 1$  또는  $x = -3$

해설

$$0.1x^2 = 1 - 0.3x$$

각 항에 10 을 곱하여 정리하면

$$x^2 + 3x - 10 = 0$$

$$(x - 2)(x + 5) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = -5$$

4.  $\frac{5y-2}{2x} + \frac{x-2}{y} + \frac{5}{2xy} - 2 = 0$  을 만족하는 실수  $x, y$  의 값을 구하여라.(단,  $x^2 + y^2 \neq 0$  )

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 2$

▷ 정답:  $y = 1$

해설

$\frac{5y-2}{2x} + \frac{x-2}{y} + \frac{5}{2xy} - 2 = 0$  에서 양변에  $2xy$  를 곱하여 정리하면

$$2x^2 - 4xy + 5y^2 - 4x - 2y + 5 = 0$$

이 식을  $(\quad)^2 + (\quad)^2 + (\quad)^2 = 0$  의 꼴로 고치면

$$x^2 - 4xy + 4y^2 + x^2 - 4x + 4 + y^2 - 2y + 1 = 0$$

$$(x-2y)^2 + (x-2)^2 + (y-1)^2 = 0$$

따라서  $x = 2, y = 1$ 이다.

5.  $(x+y+4)(x+y) = 12$  일 때,  $x+y$  의 값의 합을 구하면?

- ① 2      ② -4      ③ -6      ④ -8      ⑤ 10

해설

$A = x+y$  라 하면

$$(A+4)A = 12$$

$$A^2 + 4A - 12 = 0$$

$$(A-2)(A+6) = 0$$

$$\therefore A = 2 \text{ 또는 } A = -6$$

따라서  $x+y$ 의 값의 합은  $2 + (-6) = -4$ 이다.

6. 서로 다른 수  $x, y$ 에 대하여  $2x^2 - 4xy + 2y^2 = 6x - 6y$  가 성립할 때,  
 $x - y$ 의 값을 구하여라. (단,  $x \neq y, xy \neq 0$ )

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$$2x^2 - 4xy + 2y^2 = 6x - 6y$$

$$x^2 - 2xy + y^2 - 3x + 3y = 0$$

$$(x - y)^2 - 3(x - y) = 0$$

$$(x - y)(x - y - 3) = 0$$

$x \neq y$  이므로  $x - y - 3 = 0, x - y = 3$  이다.

7. 서로 다른 수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 - 4xy + 4y^2 = 3x - 6y$  가 성립할 때,  
 $x - 2y$ 의 값을 구하여라. (단,  $x \neq 2y, xy \neq 0$ )

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$$x^2 - 4xy + 4y^2 = 3x - 6y$$

$$x^2 - 4xy + 4y^2 - 3x + 6y = 0$$

$$(x - 2y)^2 - 3(x - 2y) = 0$$

$$(x - 2y)(x - 2y - 3) = 0$$

$x \neq 2y$  이므로  $x - 2y - 3 = 0, x - 2y = 3$  이다.

8. 다음 두 식을 만족하는 정수  $a, b$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 3(a+b)^2 + 5(a+b) = 2 \\ 5(a-b)^2 - 29(a-b) = 6 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 2$

▷ 정답:  $b = -4$

### 해설

$$(i) 3(a+b)^2 + 5(a+b) = 2$$

$a+b = A$ 로 놓으면

$$3A^2 + 5A - 2 = 0$$

$$(3A-1)(A+2) = 0$$

$$\therefore A = \frac{1}{3} \text{ 또는 } A = -2$$

$a, b$ 는 정수이므로  $a+b = -2$

$$(ii) 5(a-b)^2 - 29(a-b) = 6$$

$a-b = B$ 로 놓으면

$$5B^2 - 29B - 6 = 0$$

$$(5B+1)(B-6) = 0$$

$$\therefore B = -\frac{1}{5} \text{ 또는 } B = 6$$

$a, b$ 는 정수이므로  $a-b = 6$

(i), (ii)에서

$$a+b = -2$$

$$+ \frac{a-b=6}{2a=4}$$

$$\therefore a = 2, b = -4$$

9. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 다른 하나는 어느 것인가?

①  $x^2 + 3x - 2 = 0$

②  $3x^2 + 2x + 10 = 0$

③  $3x^2 - 6x + 1 = 0$

④  $x^2 + 2x - 4 = 0$

⑤  $(x - 2)^2 = 3$

해설

②  $\frac{D}{4} = 1 - 3 \times 10 < 0$  : 근이 없다.

나머지는 근이 2개이다.

10. 직선  $y = ax + b$  의 그래프가 2, 3, 4 분면을 지날 때,  $x$ 에 대한 이차 방정식  $ax^2 + bx + 1 = 0$  근의 개수에 대한 설명으로 옳은 것은?

- ① 서로 다른 두 실근을 갖는다.
- ② 하나의 중근을 갖는다.
- ③ 근은 존재하지 않는다.
- ④ 근의 개수는 무한하다.
- ⑤ 알 수 없다.

해설

직선  $y = ax + b$  의 기울기와  $y$  절편이 모두 음수이므로  $a < 0$ ,  $b < 0$ ,

$ax^2 + bx + 1 = 0$  에서  $D = b^2 - 4a > 0$  이므로 서로 다른 두 실근을 갖는다.

11. 이차방정식  $\{1 + (a+b)^2\}x^2 - 2(1-a-b)x + 2 = 0$ 의 근이 실수일 때, 실수  $a+b+2$ 의 값을 구하면?

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

근이 실수이면  $D \geq 0$ 이므로

$$\frac{D}{4} = (1-a-b)^2 - 2\{1+(a+b)^2\} \geq 0$$

$$(a+b)^2 + 2(a+b) + 1 \leq 0$$

$$\therefore (a+b+1)^2 \leq 0$$

$$a, b \text{는 실수이므로 } a+b+1 = 0$$

$$\therefore a+b+2 = 1$$

12.  $x^2 - 8x + 4 = 2x - 3a^2$  가 중근을 갖게 하는  $a$ 의 값은?

① -7

② -5

③ 7

④ 5

⑤  $\pm \sqrt{7}$

해설

$x^2 - 10x + (4 + 3a^2) = 0$  이 중근을 가지려면

$$D = (-10)^2 - 4(4 + 3a^2) = 0$$

$$\therefore a = \pm \sqrt{7}$$

13. 이차방정식  $x^2 - 2(m-1)x + m^2 - 4 = 0$ 의 중근을 갖기 위한  $m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $\frac{5}{2}$

해설

$$D = 4(m-1)^2 - 4(m^2 - 4) = 0$$

$$m^2 - 2m + 1 - m^2 + 4 = 0$$

$$-2m + 5 = 0$$

$$\therefore m = \frac{5}{2}$$

14. 이차방정식  $x^2 + (1 - k)x + 1 = 0$ 의 중근을 가질 때의 상수  $k$ 의 값 중 작은 값이 이차방정식  $ax^2 - 2x + a^2 - 4 = 0$ 의 한 근일 때, 음수  $a$ 의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$x^2 + (1 - k)x + 1 = 0 \text{에서}$$

$$D = a^2 - 2k - 3 = 0$$

$$k = -1, 3$$

$$ax^2 - 2x + a^2 - 4 = 0 \text{에 } x = -1 \text{ 을 대입하면}$$

$$a^2 + a - 2 = 0$$

$$a = -2, 1$$

$$\therefore a = -2 (\because a < 0)$$

15. 이차방정식  $x^2 - 9x + k = x - 7$ 의 근의 개수가 1개일 때, 상수  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 18

해설

$$x^2 - 9x + k - x + 7 = 0$$

$$x^2 - 10x + k + 7 = 0$$

근이 1개이므로 중근을 갖는다.

$$k + 7 = 25$$

$$\therefore k = 18$$

16. 이차방정식  $2x^2 - ax + 5b = 0$  이 중근을 가질 때,  $a$ 의 값을 최소가 되게 하는  $b$ 의 값은?  
(단,  $a, b$ 는 양의 정수)

- ① 5      ② 10      ③ 15      ④ 20      ⑤ 25

해설

$$D = a^2 - 4 \times 2 \times 5 \times b = 0$$

$$a^2 = 2^2 \times 2 \times 5 \times b$$

따라서  $a$ 가 최소가 되게 하는  $b$ 의 값은  $2 \times 5 = 10$ 이다.

17. 이차방정식  $x^2 - 4x + k - 5 = 0$ 의 근이 없을 때, 상수  $k$ 의 값의 범위는?

①  $k \geq 9$

②  $k > 9$

③  $k \leq 9$

④  $k < 9$

⑤  $k > -9$

해설

이차방정식의 근이 없으므로

$$D = (-4)^2 - 4(k - 5) < 0$$

$$4 - k + 5 < 0$$

$$\therefore k > 9$$

18. 이차방정식  $3x^2 - 2x - k = 0$  은 해를 갖고, 이차방정식  $(k-1)x^2 + 4x - 5 = 0$  은 해가 없도록 하는 정수  $k$  의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$3x^2 - 2x - k = 0$  이를 해를 가질 조건은

$$D = (-2)^2 - 4 \times 3 \times (-k) = 4 + 12k \geq 0 \therefore k \geq -\frac{1}{3} \cdots \textcircled{\text{7}}$$

$(k-1)x^2 + 4x - 5 = 0$  이 해를 가지지 않을 조건은

$$D = 4^2 - 4 \times (k-1) \times (-5) = 16 + 20k - 20 < 0 \therefore k < \frac{1}{5} \cdots \textcircled{\text{L}}$$

㉠, ㉡에서  $-\frac{1}{3} \leq k < \frac{1}{5}$

$$\therefore k = 0$$

19. 이차방정식  $x^2 + (m - 4)x + 40 = 0$ 의 두 근의 차가 3일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 큰 근을  $\alpha$ 라 하고  $\alpha < 0$ 이면  $m = 17$ 이다.
- ② 주어진 식을 만족하는 해는 8, 5 또는 -5, -8이다.
- ③ 주어진 식을 만족하는 모든  $m$ 의 값의 합은 9이다.
- ④ 작은 근을  $\alpha$ 라 하고  $\alpha > 0$ 이면  $m < 0$ 이다.
- ⑤ 모든  $m$ 의 값의 곱은 0보다 작다.

해설

두 근을  $\alpha, \alpha - 3$ 이라 하면

$$\alpha(\alpha - 3) = 40$$

$$\alpha = 8 \text{ 또는 } \alpha = -5$$

따라서 두 근은 8, 5 또는 -5, -8이다.

$$\text{두 근의 합은 } 13 = 4 - m, m = -9 \text{ 또는 } -13 = 4 - m, m = 17$$

따라서 주어진 식을 만족하는 모든  $m$ 의 값의 합은 8이다.

20. 이차방정식  $4x^2 - 8ax + 8a - 3b = 0$  의 두 근이 일치할 때,  $a, b$ 의 값과 그 근의 합을 구하여라.  
(단,  $a$ 는  $a \geq 1$ 인 유리수,  $b$ 는 양의 정수)

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

중근을 갖는 것이므로,

$$(4a)^2 - 4(8a - 3b) = 0, \quad 4a^2 - 8a + 3b = 0$$

$$\Rightarrow 4(a-1)^2 = 4 - 3b, \quad 4 - 3b \geq 0$$

따라서  $b$ 는 양의 정수이므로  $b = 1$ 이다.

또한,  $a \geq 1$ 이므로  $a = \frac{3}{2}$ 이다.

$$\therefore x = \frac{3}{2}$$

$$\therefore a + b + x = \frac{3}{2} + 1 + \frac{3}{2} = 4$$

21. 100g 의 물이 들어 있는 그릇에서 일정 양의 물을 펴낸 다음 펴낸 물의 양과 같은 양의 설탕을 넣어 잘 저었다. 이 설탕물에서 처음 펴낸 물의 양보다 2 배 더 많은 설탕물을 펴내고 펴낸 설탕물의 양과 같은 양의 설탕을 넣었더니 88% 의 설탕물이 되었다면, 처음 펴낸 물의 양은 얼마인지 구하여라.

▶ 답 : g

▷ 정답 : 40g

### 해설

처음 펴낸 물의 양을  $xg$  ( $6 < x < 50$ ) 이라 하면 100g 의 물이 들어 있는 그릇에서  $xg$  의 물을 펴낸 다음  $xg$  의 설탕을 넣었으므로  $x\%$  의 설탕물 100g 이 된다.

또,  $2xg$  의 설탕물을 펴내고  $2xg$  의 설탕을 넣었으므로 이 설탕물 100g 에 녹아 있는 설탕의 양은

$$\frac{x}{100} \times 100 - \frac{x}{100} \times 2x + 2x = \frac{88}{100} \times 100$$

$$100x - 2x^2 + 200x = 8800$$

$$2x^2 - 300x + 8800 = 0$$

$$x^2 - 150x + 4400 = 0$$

$$(x - 40)(x - 110) = 0$$

$$x = 40 \text{ 또는 } 110$$

$$\therefore x = 40 (0 < x < 50)$$

22. 다음 식의 값을 구하여라.

$$5 - \frac{6}{5 - \frac{6}{5 - \frac{6}{5 - \dots}}}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $x = 2$

▷ 정답 :  $x = 3$

해설

주어진 식을  $x$  라고 하면  $x = 5 - \frac{6}{x}$

$x = 5 - \frac{6}{x}$  의 양변에  $x$  를 곱하면

$$x^2 = 5x - 6, \quad x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x - 2)(x - 3) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 3$$

23. 구청에서 매달 2째, 4째 주 수요일에만 컴퓨터 수업을 한다. 어느 달에 수업한 수요일의 날짜의 곱이 176 일 때, 이 달에 4째 주 수요일의 날짜는?

- ① 8 일      ② 15 일      ③ 18 일      ④ 22 일      ⑤ 29 일

해설

2째 주 수요일과 4째 주 수요일의 날짜를 각각  $x - 14$ ,  $x$  일이라 하면,

$$x(x - 14) = 176$$

$$x^2 - 14x - 176 = 0$$

$$(x - 22)(x + 8) = 0$$

$x > 0$  이므로 22 일이다.

24. 지면에서 초속 40m로 쏘아 올린 물체의  $t$ 초 후의 높이를  $h$ m라 할 때,  $h = 40t - 5t^2$ 인 관계가 성립한다. 지면으로 부터 높이가 60m일 때는 물체를 쏘아 올린지 몇 초 후인지 구하여라.

▶ 답: 초

▶ 답: 초

▷ 정답: 2 초

▷ 정답: 6 초

해설

$$60 = 40t - 5t^2$$

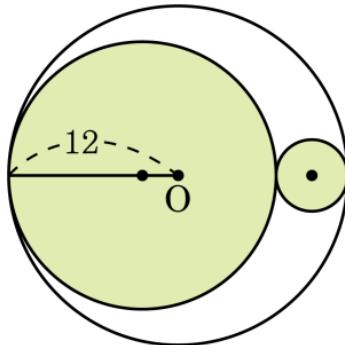
$$5t^2 - 40t + 60 = 0$$

$$t^2 - 8t + 12 = 0$$

$$(t - 2)(t - 6) = 0$$

$$t = 2 \text{ 또는 } t = 6$$

25. 다음 그림에서 색칠된 부분의 넓이가 원 O의 넓이의  $\frac{2}{3}$  가 될 때,  
색칠한 두 개의 원 중 큰 것의 반지름의 길이는?



- ①  $4 + 2\sqrt{3}$       ②  $6 + 2\sqrt{3}$       ③  $4 + 3\sqrt{2}$   
④  $3 + 2\sqrt{6}$       ⑤  $2 + 6\sqrt{3}$

해설

$$(\text{큰 원의 반지름}) = x$$

$$(\text{작은 원의 반지름}) = \frac{24 - 2x}{2} = 12 - x$$

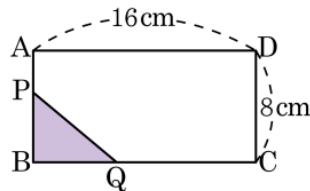
$$\pi \left\{ x^2 + (12 - x)^2 \right\} = 144\pi \times \frac{2}{3}$$

$$x^2 - 12x + 24 = 0$$

$$x = 6 \pm 2\sqrt{3}$$

$$\therefore x = 6 + 2\sqrt{3} (\because 6 < x < 12)$$

26. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 16 cm, 8 cm 인 직사각형 ABCD 에서 점 P 는  $\overline{AB}$  위를 점 A에서 B 까지 매초 1 cm 의 속력으로 움직이고, 점 Q 는  $\overline{BC}$  위를 점 B에서 점 C 까지 매초 2 cm 의 속력으로 움직인다. 두 점 P, Q 가 각각 점 A, B 를 동시에 출발할 때 몇 초 후에  $\triangle PBQ$  의 넓이가  $15 \text{ cm}^2$  가 되는지 모두 구하여라.



▶ 답: 초

▶ 답: 초

▷ 정답: 3초

▷ 정답: 5초

### 해설

$x$  초 후,  $\overline{BP}$ ,  $\overline{BQ}$  의 길이를 구하면

$$\overline{BP} = 8 - x, \overline{BQ} = 2x$$

$$\triangle PBQ = 2x(8 - x) \times \frac{1}{2} = 15$$

$$x^2 - 8x + 15 = 0$$

$$\therefore (x - 3)(x - 5) = 0$$

따라서  $x = 3$  또는  $x = 5$  이다.

27. 동서 방향으로 길이가 500 m, 남북방향으로 길이가 200 m 인 직사각형 모양의 땅에 동서 방향으로  $x$  개, 남북방향으로  $2x$  개의 길을 내려고 한다. 도로의 넓이가 전체 땅의 넓이의 8.8% 가 되도록 할 때,  $x$  의 값으로 알맞은 것은? (단 도로의 폭은 1 m 로 일정하다.)

① 8

② 10

③ 12

④ 14

⑤ 16

### 해설

동서방향으로 난 도로의 넓이는  $500 \times x = 500x(\text{m}^2)$ ,  
남북방향으로 난 도로의 넓이는  $200 \times 2x = 400x(\text{m}^2)$  이고,  
동서 방향과 남북 방향으로 난 도로가 겹치는 부분의 넓이는  
 $x \times 2x = 2x^2$  이므로

도로의 넓이는  $500x + 400x - 2x^2 = 500 \times 200 \times \frac{8.8}{100}$ ,  $900x - 2x^2 = 8800$ ,

$$x^2 - 450x + 4400 = 0, (x - 440)(x - 10) = 0$$
$$\therefore x = 10 (\because 0 < x < 200)$$

28. 원점을 꼭짓점으로 하고 점  $(1, -3)$  을 지나는 이차함수가 점  $(-2, m)$  을 지날 때, 상수  $m$  의 값은?

- ① -6      ② -8      ③ -10      ④ -12      ⑤ -14

해설

원점을 꼭짓점으로 하는 이차함수의 식은  $y = ax^2$  이고, 점  $(1, -3)$  을 지나므로

$$-3 = a \times 1^2, \quad a = -3 \quad \therefore y = -3x^2$$

점  $(-2, m)$  을 지나므로  $m = -3 \times (-2)^2 = -12 \quad \therefore m = -12$

29. 다음 중 원점을 꼭짓점,  $y$  축을 축으로 하고 점  $(-1, 3)$  을 지나는 포물선의 방정식은?

①  $y = (x - 1)^2 + 3$

②  $y = (x + 1)^2 + 3$

③  $y = x^2 + 2$

④  $y = x^2 + 3$

⑤  $y = 3x^2$

해설

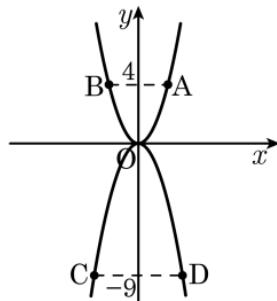
원점을 꼭짓점으로 하고  $y$  축을 축으로 하는 포물선의 식은

$y = ax^2$  이고, 점  $(-1, 3)$  을 지나므로

$$3 = a \times (-1)^2, a = 3$$

$$\therefore y = 3x^2$$

30. 다음 그림과 같이 이차함수  $y = x^2$  과  $y = -x^2$  의 그래프가 주어질 때, 점 A 와 점 B, 점 C 와 점 D 사이의 거리를 차례대로 써라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

▷ 정답 : 6

해설

점 A, B 는  $y$  의 값이 4 이므로 대입하면  $x$  의 값이 각각 2, -2 이다. 따라서 점 A, B 사이의 거리는 4이다. 점 C, D 는  $y$  의 값이 -9 이므로 대입하면  $x$  의 값이 각각 -3, 3 이다. 따라서 점 C, D 사이의 거리는 6 이다.

31. 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프가 두 점  $(4, 8)$ ,  $\left(b, \frac{9}{2}\right)$  를 지난다. 이 함수와  $x$  축 대칭인 이차함수가  $(b, c)$  를 지난 때,  $c$  의 값은?(단,  $b < 0$ )

①  $-2$

②  $-\frac{5}{2}$

③  $3$

④  $\frac{7}{2}$

⑤  $-\frac{9}{2}$

해설

$y = ax^2$  에  $(4, 8)$ ,  $\left(b, \frac{9}{2}\right)$  을 대입하면

$$a = \frac{1}{2}, b = -3 \text{ 이다.}$$

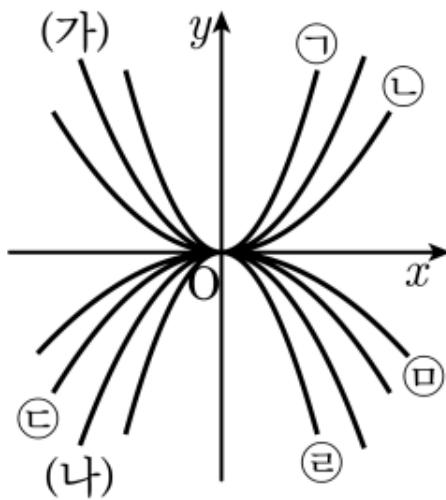
이 이차함수와  $x$  축 대칭인 이차함수는

$$y = -\frac{1}{2}x^2 \text{ 이고 } (-3, c) \text{ 를 지나므로}$$

$$\therefore c = -\frac{9}{2}$$

32. 다음 그림은 모두 꼭짓점이 원점인 포물선이고,  $y = x^2$  …(가),  $y = -x^2$  …(나)이다.  $-1 < a < 0$  일 때,  $y = -ax^2$  의 그래프로 알맞은 것은?

- ① ⑦      ② ⑧      ③ ⑤  
④ ⑥      ⑤ ⑨



해설

$0 < -a < 1$  이므로 (가)와  $x$  축 사이에 있는 그래프를 찾으면 ⑧이다.

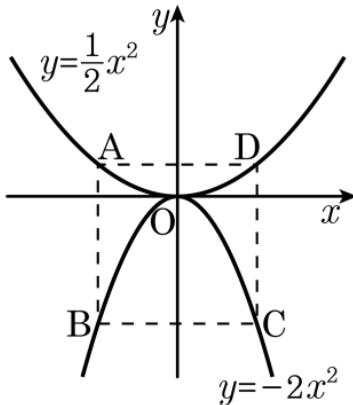
33. 이차함수  $y = x^2$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 꼭짓점의 좌표는  $(0, 0)$  이다.
- ② 대칭축은  $x$  축이다.
- ③ 이차함수  $y = -x^2$  과  $x$  축에 대하여 대칭이다.
- ④  $x < 0$  일 때,  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가한다.
- ⑤  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 0$  이다.

해설

② 대칭축은  $y$  축 ( $x = 0$ ) 이다. ④  $x < 0$  일 때,  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값은 감소한다.

34. 다음 그림과 같이 두 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2$ ,  $y = -2x^2$ 의 그래프 위에 네 점 A, B, C, D가 있다. 이 때,  $\square ABCD$ 는 정사각형일 때, 점 A의 y 좌표는?



- ①  $\frac{2}{25}$       ②  $\frac{4}{25}$       ③  $\frac{6}{25}$       ④  $\frac{8}{25}$       ⑤  $\frac{11}{25}$

해설

점 A의 좌표를  $\left(a, \frac{1}{2}a^2\right)$  이라고 하면 B  $(a, -2a^2)$  ,

D  $\left(-a, \frac{1}{2}a^2\right)$  이고  $\overline{AD} = \overline{AB}$  이므로

$$2a = \left\{ \frac{1}{2}a^2 - (-2a^2) \right\}, a = \frac{4}{5} (\because a \neq 0) \text{ 이다.}$$

따라서 점 A의 y 좌표는  $\frac{1}{2}a^2 = \frac{1}{2} \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{8}{25}$  이다.