

1. 세 자연수 A , 54, 126 의 최대공약수가 18 일 때, 다음 중 A 가 될 수 없는 것은?

① 18 ② 30 ③ 36 ④ 90 ⑤ 144

해설

세 자연수 A , 54, 126 의 최대공약수가 18 이므로 A 는 약수로 18 을 가진다.
따라서 18 을 약수로 갖지 않는 ② 30 은 A 가 될 수 없다.

2. 최대공약수와 최소공배수가 각각 6, 126 인 조건을 만족시키는 두 자연수로 옳은 것끼리 짝지어진 것을 모두 고르면? (정답 2개)
- ① 12, 126

② 14, 42

③ 6, 126

④ 18, 42

⑤ 28, 84

해설

두 수를 A, B (단, $A < B$)라 하면

$$6 \overline{) \begin{array}{cc} A & B \\ a & b \end{array}}$$

최소공배수 $126 = 6 \times 21 = 6 \times a \times b$
 $a \times b = 21$ ($a < b$, a, b 는 서로소)
 $\therefore (a, b) = (1, 21), (3, 7)$
따라서 $A = 6, B = 126$ 또는 $A = 18, b = 42$

3. $a < b$ 인 두 정수 a, b 에 대하여 a 와 b 의 절댓값의 합이 5일 때, 두 정수 (a, b) 의 순서쌍은 모두 몇 개인가?

- ① 5개 ② 7개 ③ 8개 ④ 9개 ⑤ 10개

해설

$a < b$ 인 두 정수 a, b 에 대하여 a 와 b 의 절댓값의 합이 5라면
경우의 수는 다음과 같이 나타낼 수 있다.
(1, 4), (2, 3), (-3, -2), (-4, -1), (-1, 4),
(-2, 3), (-3, 2), (-4, 1), (0, 5), (-5, 0)
즉, 10개가 된다.

4. -1 보다 작지 않고 1 보다 크지 않은 정수가 있다. 이 중에서 1 보다 작은 수는 모두 몇 개인가?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

-1 보다 작지 않고 1 보다 크지 않은 정수는 $-1, 0, 1$ 이다. 이 중 1 보다 작은 수는 $-1, 0$ 이다.

5. -4 보다 -2 만큼 큰 수를 a , $\frac{1}{3}$ 보다 3 만큼 작은 수를 b 라 할 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-\frac{26}{3}$

해설

$$a = (-4) + (-2) = -6$$

$$b = \left(+\frac{1}{3}\right) - (+3)$$

$$= \left(+\frac{1}{3}\right) + (-3)$$

$$= \left(+\frac{1}{3}\right) + \left(-\frac{9}{3}\right)$$

$$= -\frac{8}{3}$$

$$a+b = (-6) + \left(-\frac{8}{3}\right) = -\frac{26}{3}$$

6. A, B 두 대의 컴퓨터가 있다. 이 컴퓨터에는 아래와 같은 프로그램이 각각 입력되어 있다.

A : 들어온 수를 $\frac{2}{3}$ 로 나눈 다음 $(-1)^3$ 을 빼서 보낸다.
B : 들어온 수에 -2^2 을 더한 다음 $\frac{3}{2}$ 을 곱하여 보낸다.

「 $-2 \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow \square$ 」와 같은 과정을 거칠 때, $\square$ 의 값을 찾으려면?

- ① -12 ② -9 ③ -3 ④ 3 ⑤ 9

해설

$$\left\{(-2) \div \frac{2}{3}\right\} - (-1)^3 = -2 \times \frac{3}{2} + 1 = -2$$

$$\{-2 + (-2)^2\} \times \frac{3}{2} = -9$$

7. $7x - \{5x + 5y - (3x - 2y + 1)\}$ 을 간단히 할 때, x 와 y 의 계수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$\begin{aligned} & 7x - \{5x + 5y - (3x - 2y + 1)\} \\ &= 7x - (5x + 5y - 3x + 2y - 1) \\ &= 7x - (2x + 7y - 1) \\ &= 7x - 2x - 7y + 1 \\ &= 5x - 7y + 1 \end{aligned}$$

따라서 x 와 y 의 계수의 합은 $5 - 7 = -2$ 이다.

8. A와 B가 함께 일자리를 구했다. A는 4일간 일하고 하루 쉬고, B는 5일간 일하고 이틀간 쉬기로 하였다. 이와 같이 180일간 일한다면, 두 사람이 같이 쉬는 일수는?

① 5 일 ② 10 일 ③ 15 일 ④ 20 일 ⑤ 35 일

해설

5와 7의 최소공배수는 35,
35일 동안 B가 쉬는 날은 6, 7, 13, 14, 20, 21, 27, 28, 34, 35일,
이 중에 A가 쉬는 날은 20, 35일
따라서 180일 동안 두 사람이 함께 쉬는 날은
 $2 \times 5 = 10$ (일)이다.

9. 서로 다른 정수 A, B, C, D 가 다음을 만족할 때, A, B, C, D 의 대소 관계를 바르게 나타낸 것은?

- A 는 네 수 중 가장 작다.
 - B 는 음수이다.
 - A 와 C 는 수직선에 나타냈을 때, 원점까지의 거리가 같다.
 - D 는 B 보다 작다.

- ① $A < B < C < D$

② $A < D < B < C$

③ $A < C < B < D$

④ $A < D < C < B$

⑤ $D < B < C < A$

해설

- A 는 네 수 중 가장 작다.
 - B 는 음수이다. $\Rightarrow B < 0$
 - A 와 C 는 수직선에 나타냈을 때, 원점까지의 거리가 같다.
 $\Rightarrow A$ 가 가장 작으므로 B 보다 작은 음수이고, C 는 양수일 것이다.
 - D 는 B 보다 작다. $\Rightarrow D < B$

$A < D < B < C$

10. $[1.5]$ 는 1.5를 넘지 않는 가장 큰 정수이다. 이때 $[-1.6] + [5.6]$ 을 계산하면?

① -1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 8

해설

$$[-1.6] = -2, [5.6] = 5$$

$$[-1.6] + [5.6] = -2 + 5 = 3$$

11. 어떤 정수와 5의 합은 양수이고, 2의 합은 음수가 되는 모든 정수들의 합은?

① -9

② -7

③ -6

④ -3

⑤ -2

해설

어떤 수를 x 라 하면

$x + 5 > 0$ 이면 $x = -4, -3, -2,$

$x + 2 < 0$ 이면 $x = -3, -4, -5$

$\therefore x = -3, -4$

합은 -7

12. 사탕가게를 하는 지윤이는 도매시장에서 사탕을 6 개에 1800 원의 가격으로 사 왔다. 그 중의 $\frac{2}{3}$ 는 3 개에 1500 원의 가격으로 팔고, 나머지는 2 개에 900 원의 가격으로 팔아서 모두 27500 원의 이익이 남았다. 지윤이가 산 사탕은 모두 몇 개인지 구하면?

- ① 120 개 ② 150 개 ③ 180 개
④ 210 개 ⑤ 240 개

해설

지윤이가 산 사탕의 개수를 x 개라 하면

$$300x + 27500 = \frac{2}{3} \times x \times 500 + \frac{1}{3} \times x \times 450$$

$$300x + 27500 = \frac{1000}{3}x + 150x$$

$$150x - \frac{1000}{3}x = -27500$$

$$\therefore x = 150$$

13. A 비커에는 5 %의 소금물이 100 g이 들어있고, B 비커에는 10 %의 소금물이 300 g이 들어있다. A, B 비커에서 각각 20 g을 퍼내어 서로 바꾸어 넣으면 각 비커의 농도는 어떻게 되는가를 구하는 과정이다. 다음 과정에 빈칸에 들어가야 할 것이 바르게 되지 않은 것은?

(풀이)

A 비커의 5 % 소금물 100 g 속에 들어있는 소금의 양은 $\frac{5}{100} \times 100 = 5$ (g)

B 비커의 10 % 소금물 300 g 속에 들어있는 소금의 양은 ①(g)

A 비커에서 20 g을 퍼내면 A 비커 소금물의 양의 $\frac{1}{5}$ 이므로 소금의 양은 ②(g)이 퍼진다.

B 비커에서 20 g을 퍼내면 B 비커 소금물의 $\frac{1}{15}$ 이므로 소금의 양도 $\frac{1}{15}$ 인 $\frac{1}{15} \times$ ① = ③(g)이 퍼진다.

소금의 양을 서로 바꾸는 것이므로 A 비커는 ② g이 빠지고 ③ g이 들어온다.

반대로 B 비커는 ③ g이 빠지고 ② g이 들어온다.

(A 비커의 농도) = $(\frac{5 - ② + ③}{100}) \times 100 \% =$ ④ %

(B 비커의 농도) = $(\frac{① - ③ + ②}{300}) \times 100 \% =$ ⑤ %

① 30

② 1

③ 2

④ 6

⑤ 10

해설

A 비커의 5 % 소금물 100 g 속에 들어있는 소금의 양은 $\frac{5}{100} \times 100 = 5$ (g)

B 비커의 10 % 소금물 300 g 속에 들어있는 소금의 양은 $\frac{10}{100} \times 300 = 30$ (g)

A 비커에서 20 g을 퍼내면 A 비커 소금물의 양의 $\frac{1}{5}$ 이므로 소금의 양은 $5 \times \frac{1}{5} = 1$ (g)이 줄어든다.

B 비커에서 20 g을 퍼내면 B 비커 소금물의 $\frac{1}{15}$ 이므로 소금의 양도 $\frac{1}{15}$ 인 $\frac{1}{15} \times 30 = 2$ (g)이 줄어든다.

소금의 양을 서로 바꾸는 것이므로 A 비커는 1 g이 빠지고 2 g이 들어온다.

반대로 B 비커는 2 g이 빠지고 1 g이 들어온다.

$\therefore$ (A 비커의 농도) = $\frac{5 - 1 + 2}{100} \times 100 = 6$ (%)

(B 비커의 농도) = $\frac{30 - 2 + 1}{300} \times 100 \% = \frac{29}{3}$ (%)

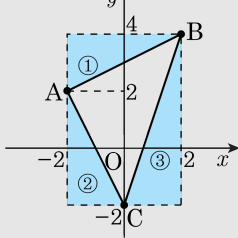
14. 좌표평면 위의 세 점 A,B,C의 좌표가 다음과 같을 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하면?

A(-2,2), B(2,4), C(0,-2)

- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

해설

A(-2,2), B(2,4), C(0,-2)를 좌표평면에 그리면 다음과 같다.



$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = (\text{사각형의 넓이}) - (\text{①} + \text{②} + \text{③})$
 $= 4 \times 6 - \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 2 + \frac{1}{2} \times 4 \times 2 + \frac{1}{2} \times 2 \times 6 \right)$
 $= 24 - 14 = 10$

15. 다음 설명 중 옳은 것은?

x	㉠	4	6	8	12
y	2	6	㉡	3	㉢

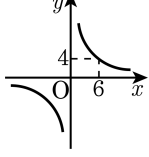
- ㉠ y 가 x 에 반비례하고 관계식은 $y = \frac{24}{x}$
㉡ y 가 x 에 정비례하고 관계식은 $y = 24x$
㉢ ㉠ = 12, ㉡ = 4, ㉢ = 48입니다.
㉣ x 의 값이 2배일 때, y 의 값도 2배가 된다.
㉤ $\frac{y}{x}$ 값은 항상 일정하다.

해설

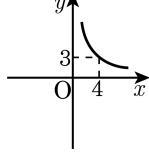
- ㉢ ㉠ = 12, ㉡ = 4, ㉢ = 2
㉣ x 의 값이 2배일 때 y 의 값은 $\frac{1}{2}$ 배가 된다.
㉤ xy 값이 항상 일정하다.

16. 밑변의 길이가 $x\text{cm}$, 높이가 $y\text{cm}$ 인 삼각형의 넓이가 12cm^2 일 때, x 와 y 사이의 관계를 나타내는 그래프를 골라라.

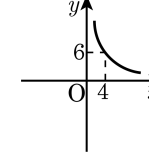
①



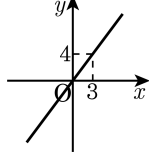
②



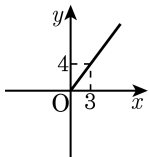
③



④



⑤



해설

$$\frac{1}{2}xy = 12 \text{ 이므로 } y = \frac{24}{x} (x > 0)$$

x 의 값이 0 보다 큰 수이므로 그래프는 제1 사분면에만 그려지

고 $f(4) = \frac{24}{4} = 6$ 이므로 점 (4, 6) 을 지난다.

17. 일곱 자리의 수 $80xy397$ 은 7 의 배수이고, $x \times y \neq 0$ 이다. 이를 만족하는 순서쌍 (x, y) 의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▶ 정답 : 11개

해설

7의 배수는 뒤에서부터 세 자리씩 끊어서 더하고 뺄 수가 0 이거나 7의 배수인 수이므로,

$$8 - xy + 397 = 7k$$

$$\rightarrow 405 - xy = 7k \text{ 이므로}$$

$$xy = 06, 13, 20, 27, 34, 41, 48, 55, 62, 69,$$

76, 83, 90, 97이다.

$x \times y \neq 0$ 이려면

$$xy = 13, 27, 34, 41, 48, 55, 62, 69, 76, 83, 97$$

∴ 만족하는 순서쌍 (x, y) 의 개수는 11 개이다.

18. 어떤 교차로의 신호등 A는 10초 동안 켜져 있다가 2초 동안 꺼지고, 신호등 B는 12초 동안 켜져 있다가 3초 동안 꺼지며, 신호등 C는 14초 동안 켜져 있다가 4초 동안 꺼진다. 이 세 신호등이 동시에 켜진 후 다시 처음으로 동시에 켜지기까지는 몇 초가 걸리겠는가?
- ① 90초 ② 180초 ③ 210초
④ 360초 ⑤ 420초

해설

$10 + 2$, $12 + 3$, $14 + 4$ 의 최소공배수는 180이므로 180초 후에 다시 처음으로 동시에 켜진다.

19. 자연수 x, y 에 대하여 x, y 의 최대공약수는 (x, y) , 최소공배수는 $[x, y]$ 로 나타내기로 한다. $(a, b, c) = 7$, $(a, b) = 14$, $[a, b] = 84$, $(b, c) = 21$, $[b, c] = 126$ 일 때, $[a, b, c]$ 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 252

해설

$(a, b, c) = 7 \rightarrow a, b, c$ 는 인수 7 을 가진다.
 $(a, b) = 14 \rightarrow a, b$ 는 인수 2, 7 을 가진다.
 $(b, c) = 21 \rightarrow b, c$ 는 인수 3, 7 을 가진다.
 $\rightarrow b$ 는 인수 2, 3, 7 을 가진다.
 $[b, c] = 126 \rightarrow b$ 의 인수 2 의 지수는 1 이다.
 $[a, b] = 84 \rightarrow a = 2^2 \times 7$, $b = 2 \times 3 \times 7$,
 $(b, c) = 21$, $[b, c] = 126 \rightarrow c = 3^2 \times 7$
 $\therefore [a, b, c] = 2^2 \times 3^2 \times 7 = 252$

20. 네 개의 유리수 $-2\frac{1}{2}, -0.375, \frac{4}{5}, 2.8$ 이 있다. 이 수들을 2 개씩 두 묶음으로 나누어, 한 묶음의 곱을 다른 묶음의 곱으로 나눈 값을 x 라 할 때, x 의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{70}{3}$

해설

$-2\frac{1}{2}, -0.375, \frac{4}{5}, 2.8$ 에서 음수가 두 개 있으므로,
한 묶음의 곱을 다른 묶음의 곱으로 나눈 값은 항상 양수가 된다.
따라서 한 묶음의 곱을 다른 묶음의 곱으로 나눈 값이
최대가 되기 위해서는 절댓값이 큰 두 수의 곱에서
절댓값이 작은 두 수의 곱을 나누면 된다.
따라서 x 의 최댓값은
 $\left(-2\frac{1}{2} \times 2.8\right) \div \left(-0.375 \times \frac{4}{5}\right) = \frac{70}{3}$ 이다.

21. 수직선 위의 점 A,B,C,D,E 는 왼쪽부터 차례대로 위치한다.

$A\left(-\frac{4}{3}\right), B(x), C(y), D\left(\frac{13}{6}\right), E(z)$

점 B,C 사이의 거리는 점 A,B 사이의 거리의 두 배이고, 점 C,D 사이의 거리는 점 B,C 사이의 거리의 두 배이고, 점 D,E 사이의 거리는 점 C,D 사이의 거리의 두 배일 때, $x+y+z$ 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{11}{2}$

해설

$B-A = k$ 라 두면, $C-B = 2k, D-C = 4k, E-D = 8k, D-A = 7k$ 이고,

$\frac{13}{6} - \left(-\frac{4}{3}\right) = 7k, k = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ 이다.

$$x = -\frac{4}{3} + \frac{1}{2} = -\frac{5}{6},$$

$$y = -\frac{5}{6} + 1 = \frac{1}{6},$$

$$z = \frac{13}{6} + 4 = \frac{37}{6}$$

$$\therefore x+y+z = -\frac{5}{6} + \frac{1}{6} + \frac{37}{6} = \frac{33}{6} = \frac{11}{2}$$

22. 다음 두 방정식의 해의 곱이 -16 일 때, 상수 a 의 값은?

$$\begin{aligned} 5x-7 &= 3x+a \\ \frac{x}{2}-\frac{x+1}{3} &= 1 \end{aligned}$$

- ① -11
- ② -10
- ③ 0
- ④ 10
- ⑤ 11

해설

먼저 미지수가 하나인 방정식의 해를 구한다.

$\frac{x}{2}-\frac{x+1}{3}=1$ 의 양변에 최소공배수 6 을 곱하면

$3x-2x=6+2, x=8$ 이므로 다른 방정식의 해는 -2이다.

$5x-7=3x+a$ 에 $x=-2$ 를 대입하면

$-10-7=-6+a, a=-11$ 이다.

23. 두 방정식 $-2x + 5 = 7x - 40$, $5x + a = 6x + 8$ 에 대하여 공통인 해가 존재할 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

집합 A 의 일차방정식을 풀면 $x = 5$ 이다.

$5x + a = 6x + 8$ 에서 $x = 5$ 를 대입하면

$25 + a = 30 + 8$

$\therefore a = 13$

24. 두 방정식 $0.3(x-2)+0.4(ax+2)=-0.1(x+2)$, $\frac{x+b}{2}-(x-1)=x+\frac{1}{2}$ 에 대해 공통인 해가 존재하고, 그 해가 방정식 $(x-3): \frac{3x-1}{2}=2:1$ 의 해가 된다고 한다. 이때, 상수 a, b 의 합 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$(x-3): \frac{3x-1}{2}=2:1$ 에서
 $3x-1=x-3$
 $\therefore x=-1$
i) $0.3(x-2)+0.4(ax+2)=-0.1(x+2)$
 $3x-6+4ax+8=-x-2$
 $4ax=-4x-4$ 에 $x=-1$ 을 대입하면
 $-4a=0$
 $\therefore a=0$
ii) $\frac{x+b}{2}-(x-1)=x+\frac{1}{2}$
 $x+b-2x+2=2x+1$ 에 $x=-1$ 을 대입하면
 $\therefore b=-4$
 $\therefore a+b=0+(-4)=-4$

25. 철호가 1분에 80 m 씩 걸으면 40분 걸려서 갈 수 있는 약수터가 있다. 철호가 1분에 걷는 속력을 x m, 걸리는 시간을 y 분이라고 할 때, x 와 y 의 관계식을 구하여, 철호가 25분에 약수터까지 가려면 1분에 몇 m의 빠르기로 걸어야 하는지 구하여라.

▶ 답 : m/분

▷ 정답 : 128 m/분

해설

관계식을 구하면

$$80 \times 40 = 3200(\text{m})$$

$$y = \frac{3200}{x}$$

$y = 25$ 를 대입하면,

$$25 = \frac{3200}{x}$$

$$x = \frac{3200}{25}$$

$$x = 128$$