

1. 다음 $\boxed{\quad}$ 안에 공통으로 들어갈 수 있는 수는?

$$x^2 - 2x + \boxed{\quad} = (x - \boxed{\quad})^2$$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2$$

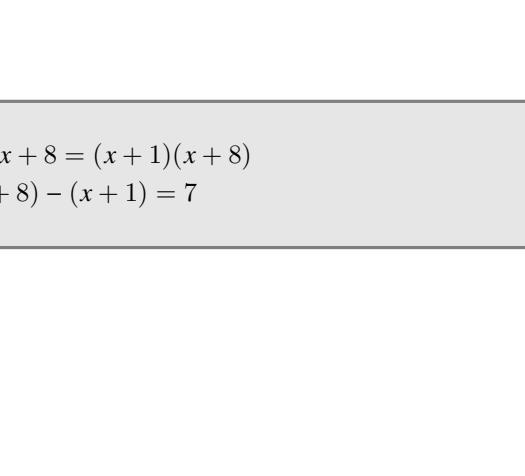
2. $x^2 - 7x - 8$ 를 인수분해하면?

- ① $(x + 1)(x + 8)$ ② $(x - 1)(x - 8)$ ③ $(x + 1)(x - 8)$
④ $(x - 1)(x + 8)$ ⑤ $(x - 2)(x - 4)$

해설

$$x^2 - 7x - 8 = (x + 1)(x - 8)$$

3. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 x 인 정사각형이 1 개, 가로의 길이가 1이고 세로의 길이가 x 인 직사각형이 9 개, 한 변의 길이가 1인 정사각형이 8 개가 있다. 이 도형들로 하나의 직사각형을 만들 때, 가로 길이와 세로 길이의 차를 구하면?



- ① 2 ② 2 또는 4
④ 7 ⑤ 8

해설

$$x^2 + 9x + 8 = (x+1)(x+8)$$
$$\therefore (x+8) - (x+1) = 7$$

4. 다음 중 $8x^2y - 4xy$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $xy(2x - 1)$ ② $4x$ ③ $4y$
④ $x(2x - 1)$ ⑤ $y(2x + 1)$

해설

$$8x^2y - 4xy = 4xy(2x - 1)$$

5. 인수분해공식을 이용하여 $13^2 - 12^2 = 13 + 12$ 로 계산하였다. 이 때, 이용된 공식은?

- ① $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$
- ② $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$
- ③ $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$
- ④ $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$
- ⑤ $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$

해설

$13^2 - 12^2 = (13 + 12)(13 - 12) = 13 + 12 = 25$
따라서 이용된 공식은 $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$ 이다.

6. $9a^2 - 16b^2 = -12$ 이고 $3a - 4b = 4$ 일 때, $3a + 4b$ 의 값을 구하면?

- ① 2 ② 3 ③ -2 ④ -3 ⑤ -5

해설

$$(3a + 4b)(3a - 4b) = -12$$

$$\therefore 3a + 4b = -3$$

7. 다음 보기 중 $a^2(x-y) + 2ab(y-x)$ 의 인수를 모두 고른 것은?

[보기]

Ⓐ $a(y+x)$ Ⓑ $a(x-y)(a-b)$

Ⓒ $a(a-2b)$ Ⓛ $x(a-2b)$

Ⓓ $x-y$ Ⓣ $(x-y)(a-2b)$

Ⓐ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

Ⓑ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

Ⓒ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

Ⓓ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

Ⓔ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

[해설]

$$\begin{aligned} a^2(x-y) + 2ab(y-x) &= a^2(x-y) - 2ab(x-y) \\ &= a(x-y)(a-2b) \end{aligned}$$

8. 다음 중 $27ax^2 - 12ay^2$ 을 바르게 인수분해 한 것은?

- ① $(3ax - 3y)^2$ ② $3^2(3ax - 4ay)^2$
③ $3a(3^2ax - 4ay)^2$ ④ $\textcircled{4} 3a(3x + 2y)(3x - 2y)$
⑤ $3(9ax^2 - 4ay^2)$

해설

$$27ax^2 - 12ay^2 = 3a(9x^2 - 4y^2) \\ = 3a(3x + 2y)(3x - 2y)$$

9. 다음 중 인수분해가 바르게 된 것은?

- ① $4a^2 - 2ab = 2a(a - b)$
- ② $x^2 + 20x - 100 = (x + 10)^2$
- ③ $-x^2 + 1 = -(x + 1)(x - 1)$
- ④ $x^2 - 7x + 12 = (x - 2)(x - 6)$
- ⑤ $10x^2 + 23x - 21 = (x + 3)(10x - 7)$

해설

- ① $4a^2 - 2ab = 2a(2a - b)$
- ② $x^2 + 20x - 100 = (x + 10)^2$
- ③ $-x^2 + 1 = -(x + 1)(x - 1)$
- ④ $x^2 - 7x + 12 = (x - 3)(x - 4)$

10. 두 식 $x^2 - 4x + 3$ 과 $2x^2 - 3x - 9$ 의 공통인 인수는?

- ① $2x + 3$ ② $2x + 1$ ③ $x - 1$
④ $x - 5$ ⑤ $x - 3$

해설

$$x^2 - 4x + 3 = (x - 3)(x - 1)$$

$$2x^2 - 3x - 9 = (2x + 3)(x - 3)$$

11. 다항식 $2x^2 - xy - Ay^2$ 中 $x = 2y$ 를 인수로 가질 때, 다음 중 이 다항식의 인수는? (단, A 는 상수)

- ① $2x - 3y$ ② $2x - y$ ③ $2x + y$
④ $2x + 3y$ ⑤ $2x + 5y$

해설

$$2x^2 - xy - Ay^2 = (x - 2y)(2x + my)$$
$$= 2x^2 + (m - 4)xy - 2my^2$$

$$-4 + m = -1, m = 3$$

$$-A = -2m, A = 6$$

$$\therefore 2x^2 - xy - Ay^2 = (x - 2y)(2x + 3y)$$

12. $x(x+1)(x+2)(x+3)+1$ 을 인수분해 하는 과정이다. ()안에 들어갈
식이 옳지 않은 것은?

$$\begin{aligned} & x(x+1)(x+2)(x+3)+1 \\ &= x(\textcircled{1}) \times (x+1)(\textcircled{2}) + 1 \\ &= (x^2 + 3x)(\textcircled{3}) + 1 \\ & (\textcircled{4}) = A \text{ 라 하면} \\ & A^2 + 2A + 1 = (A+1)^2 = (\textcircled{5})^2 \end{aligned}$$

- ① $x+3$ ② $x+2$ ③ $x^2 + 3x + 2$
④ $x^2 + 3$ ⑤ $x^2 + 3x + 1$

해설

④ $x^2 + 3x$

13. $x = -3 + \sqrt{5}$ 일 때, $x^2 + 6x + 9$ 의 값을 구하면?

- ① 5 ② 6 ③ -6 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$x^2 + 6x + 9 = (x + 3)^2 = (-3 + \sqrt{5} + 3)^2 = 5$$

14. $y < x < 0$ 일 때, $\sqrt{x^2 - 2xy + y^2} + \sqrt{x^2 + 2xy + y^2}$ 을 간단히 하면?

- ① 0 ② $2x - 2y$ ③ $2x$
④ $2y$ ⑤ $-2y$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{(x-y)^2} + \sqrt{(x+y)^2} &= |x-y| + |x+y| \\ &= x-y - (x+y) = -2y\end{aligned}$$

15. 다음 식에서 $A + B + C$ 의 값은?

$$(x + A)(Bx + 3) = 2x^2 + Cx - 12$$

- ① -14 ② 0 ③ 7 ④ 14 ⑤ -7

해설

$$(x + A)(Bx + 3) = 2x^2 + Cx - 12 \text{ 이므로 } x \text{의 이차항의 계수가 } 2 \text{이므로 } B = 2$$

$$\text{상수항이 } -12 \text{이므로 } A = -4$$

$$(x - 4)(2x + 3) = 2x^2 - 5x - 12 \text{이므로}$$

$$C = -5$$

$$\therefore A + B + C = -4 + 2 - 5 = -7$$

16. 직사각형의 넓이가 $(a+b)(a+b+1) - 30$ 이고, 가로의 길이가 $(a+b+6)$ 일 때, 이 직사각형의 둘레의 길이를 구하면?

- ① $4a + 2b + 4$ ② $4a - 2b - 2$ ③ $4a - 4b + 2$
④ $4a + 4b + 2$ ⑤ $4a + 4b - 2$

해설

$$\begin{aligned} a+b = A \text{ 라 두면} \\ A(A+1) - 30 &= A^2 + A - 30 \\ &= (A+6)(A-5) \\ &= (a+b+6)(a+b-5) \end{aligned}$$

세로 : $a+b-5$

둘레 : $2(a+b-5 + a+b+6) = 4a + 4b + 2$ 이다.

17. $(x - 2)^2 - 2(x - 2) - 8$ 을 인수분해 하면?

- ① $x(x - 6)$ ② $(x + 2)(x - 6)$ ③ $(x + 4)(x - 2)$
④ $(x - 4)(x + 2)$ ⑤ $x(x - 4)$

해설

$$x - 2 = t \text{로 치환하면}$$
$$t^2 - 2t - 8 = (t + 2)(t - 4) = x(x - 6)$$

18. $(x - 2y)(x - 2y - 4z) - 12z^2$ 이 계수가 1인 두 일차식의 곱으로 인수 분해될 때, 두 일차식의 합을 구하면?

- ① $2x - 4y + 4z$ ② $\textcircled{2} 2x - 4y - 4z$ ③ $2x - 4y + 3z$
④ $2x + 4y + 4z$ ⑤ $4x - 2y - 4z$

해설

$$\begin{aligned} x - 2y &= A \text{ 라 하면} \\ A(A - 4z) - 12z^2 &= A^2 - 4Az - 12z^2 \\ &= (A - 6z)(A + 2z) \\ &= (x - 2y - 6z)(x - 2y + 2z) \\ \therefore (x - 2y - 6z) + (x - 2y + 2z) &= 2x - 4y - 4z \end{aligned}$$

19. $x^2 - 2xy - 1 + y^2$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - y + 1)(x - y - 1)$ ② $(x + y + 1)(x + y - 1)$
③ $(x - y + 1)(x + y - 1)$ ④ $(x - y - 1)(x + y - 1)$
⑤ $(x + y + 1)(x - y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy - 1 + y^2 &= (x^2 - 2xy + y^2) - 1 \\&= (x - y)^2 - 1^2 \\&= (x - y + 1)(x - y - 1)\end{aligned}$$

20. 다음 중 $x^8 - 1$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 1$ ② $x^2 - 1$ ③ $x^4 - 1$
④ $x^6 - 1$ ⑤ $x^8 - 1$

해설

$$\begin{aligned}x^8 - 1 &= (x^4 - 1)(x^4 + 1) \\&= (x^2 - 1)(x^2 + 1)(x^4 + 1) \\&= (x - 1)(x + 1)(x^2 + 1)(x^4 + 1)\end{aligned}$$