

1. 다음 보기에서 x, y 사이의 관계가 반비례인 것을 모두 찾아라.

보기

㉠ $y = 2x$

㉡ $y = \frac{1}{x}$

㉢ $xy = 6$

㉤ $y = 4x - 1$

㉥ $y = \frac{1}{5}x$

㉦ $y = \frac{12}{x}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉢

▷ 정답 : ㉦

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$

2. y 는 x 에 반비례하고 $x = 2$ 일 때, $y = 4$ 이다. $y = 2$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

① 6

② 3

③ 0

④ 2

⑤ 4

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

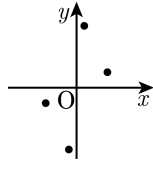
$$4 = \frac{a}{2}, a = 8$$

$$\therefore y = \frac{8}{x}$$

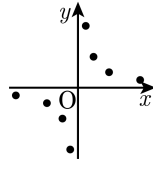
따라서 $y = 2$ 일 때 $x = 4$

3. $y = \frac{a}{x}$ 가 $x = -2$ 일 때 $y = -4$ 이다. x 의 값이 $-4, -1, 1, 4$ 이면 그래프는?

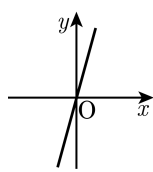
①



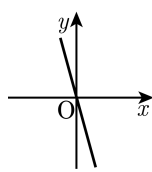
②



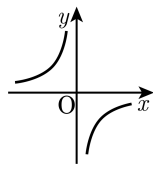
③



④



⑤



해설

$y = \frac{a}{x}$ 가 $x = -2$ 일 때 $y = -4$ 이므로 $\frac{a}{-2} = -4$, $a = 8$ 이다.

$y = \frac{8}{x}$ 이고, x 의 값이 $-4, -1, 1, 4$ 이므로 y 의 값은 $-8, -2, 2, 8$ 이다.

4. 정사각형 타일 12 개를 맞추어 직사각형을 만들려고 한다. 가로, 세로에 놓인 타일 개수를 각각 x , y 라 할 때, x 와 y 의 관계를 식으로 바르게 나타낸 것은?

① $y = \frac{12}{x}$

② $y = \frac{x}{12}$

③ $y = 12x$

④ $y = x - 12$

⑤ $y = 12 + x$

해설

$$y = \frac{12}{x}$$

5. y 는 x 에 반비례하고 $x = 8$ 일 때, $y = 7$ 이다. $x = 2$ 일 때, y 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 28

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$7 = \frac{a}{8}, a = 56$$

$$\therefore y = \frac{56}{x}$$

따라서 $x = 2$ 일 때 $y = 28$

6. y 는 x 에 반비례하고 $x = 4$ 일 때, $y = 14$ 이다. $x = 8$ 일 때, y 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$14 = \frac{a}{4}, a = 56$$

$$\therefore y = \frac{56}{x}$$

따라서 $x = 8$ 일 때 $y = 7$

7. y 는 x 에 반비례하고 $x = 12$ 일 때, $y = 5$ 이다. $x = 6$ 일 때, y 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$5 = \frac{a}{12}, a = 60$$

$$\therefore y = \frac{60}{x}$$

따라서 $x = 6$ 일 때 $y = 10$

8. y 가 x 에 반비례하고 $x=6$ 일 때, $y=2$ 이다. $y=3$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$2 = \frac{a}{6}, a = 12$$

$$\therefore y = \frac{12}{x}$$

따라서 $y=3$ 일 때 $x=4$

9. 다음 각각의 문제에 대하여 x 와 y 사이의 관계식을 구하여 차례대로 써라.

- ㉠ 한 자루에 x 원인 색연필 y 자루의 값은 500 원이다.
- ㉡ 길이 1 m 의 무게가 5 g 인 철사 x m 무게는 y g이다.
- ㉢ 밑변의 길이가 x cm , 높이가 y cm 인 삼각형의 넓이가 9 cm^2 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{500}{x}$

▷ 정답 : $y = 5x$

▷ 정답 : $y = \frac{18}{x}$

해설

㉠ $y = \frac{500}{x}$

㉡ 철사 1 m 의 무게가 5 g 일 때,
철사 x m 의 무게는 $5x$

$y = 5x$

㉢ 삼각형의 넓이는 (밑변) $\times$ (높이) $\times \frac{1}{2}$

$9 = x \times y \times \frac{1}{2},$

$y = \frac{18}{x}$

10. x 의 값이 $-5 \leq x \leq -2$ 인 $y = \frac{a}{x} (a < 0)$ 의 y 의 범위가 $b \leq y \leq 10$ 일 때, $b - a$ 의 값은?

① 1 ② 3 ③ 6 ④ 12 ⑤ 24

해설

$y = \frac{a}{x}$ 의 그래프는 $a < 0$ 이므로 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

따라서, $x = -5$ 일 때, $y = b$ 이고, $x = -2$ 일 때, $y = 10$ 이다.

$y = \frac{a}{x}$ 에 $x = -2$, $y = 10$ 를 대입하면

$$10 = -\frac{a}{2}, \quad a = -20$$

$y = -\frac{20}{x}$ 에 $x = -5$, $y = b$ 를 대입하면

$$b = -\frac{20}{-5} = 4$$

$$\therefore b - a = 4 - (-20) = 24$$

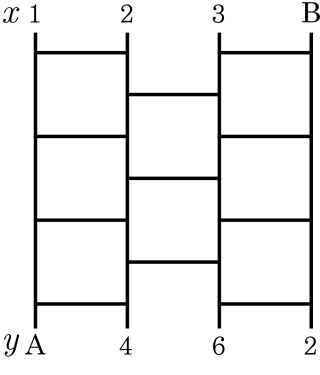
11. 200L들이 물통에 2분에 x L씩 물을 부어 물통을 가득 채울 때, 걸리는 시간이 y 분 이라고 한다. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)
- ① 이 그래프는 한 쌍의 곡선이다.
 - ② x 와 y 의 관계식은 $y = \frac{400}{x}$ 이다.
 - ③ 이 그래프는 제 1사분면만 지난다.
 - ④ y 는 x 에 정비례한다.
 - ⑤ $x = 4$ 일 때 $y = 50$ 이다.

해설

관계식이 $y = \frac{400}{x} (x > 0)$ 이므로

- ① 곡선이 제 1사분면에만 존재한다.
- ④ y 는 x 에 반비례한다.
- ⑤ $x = 4$ 일 때 $y = 100$

12. 다음 사다리는 두 변수 x, y 에 대하여 반비례가 되도록 만들어진 것이다. x, y 사이의 관계식을 구하고, A, B 에 알맞은 수를 차례대로 써라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{12}{x}$

▷ 정답 : 12

▷ 정답 : 6

해설

주어진 사다리에서 x, y 사이의 대응표를 구하면

x	1	2	3	B
y	A	6	4	2

따라서 반비례 관계식 $y = \frac{12}{x}$ 에

$x = 2, y = 6$ 을 대입하면,

$a = 12$

$y = \frac{12}{x}$

$A = 12, B = 6$